कार्यकर्णाओं ने इसके पालाकम में को बीधगर्यित त्या है, वह कुछ सोच समझ कर ही त्या है।

कारत है, कि कञ्चापक कीर निवासी हमारी इस पुत्रपक को कारतरपक समस्र कर कप्रकारिये और हुए करने हमें यह नगा हैंने कि इस से बीतने पृथ्वी हर गई है। इसके विच इस उन के इनज होंगे और पूत्रपक के हमो संस्कार को इस से और क्यिक उपनीती बना वर्षने।

_àne



Атс Arithmetic

Average Axis

Axis of X

Axis of Y

Base

Bisect

Bisector

Bracket

Capital

Centre

Boundary

Brokerage

Co-efficient

Compound

Congruent

Construction

Co-ordinates

Corre-ponding

Converse

Cube

Compound interest

Common

Bankruptey

श्राप धंक ग्रांगित

11

चीसत, मध्यमान

चाधार

करना

सीमा

अप्रक

दवाबी

प्'ञी

272

गुरा क

ग्रावं

क्रिध

मर्जातमय ।

रचना

विज्ञोस

यगत

उन

नियासक

टिमा⊓क

श्च মুরাছ

कीत्याप दियाका

चअरुद्धि ब्याज, सूद दर सूद

द्विमन विभाग करना, दो बरावर माग



ıν

लेखा विच Graph Graphically क्षेत्रा चित्र द्वारा वर्गीहित एड Graph Paper 200 Hypotenuse Interest ब्यात, सुर L. C. M. स॰ स• Median साध्यका Minus क्ट वर्ड विशिध, मकीयाँ Miscellaneous चपश्रय Multiple

गुरुध गुजुक चल, चलामङ मुल विन्द्र

समानान्दर स वनान्तर चनुम्'ज, चौशिक Partial Per cent प्रतिज्ञात

Multiplier Negative Origin Parallel Parallelogram

Perimeter

Plus

Point

Positive

Perpendicular

Presentworth

Principal (arith)

Multiplicand

वरिमिति

क्षांब

घन

বিদ্য

~ ~~~

धन, धनाश्मक

तन्त्राल घन मुल धन



Reduce	क्षप करना, वोटा करना
Remainder	गेयकव
Rent	हिराया
Result	परिचान
Rhombus	सम चन्मं ब
Right	ठीक, दाहिना
Root	मूल
Rule (noun)	नियम, रीत
Rule of signs	चिन्ह निषम
Scale	स्केश्व
Side (of a figure)	भूत्रा
Side (of an equation)	44
Sign, like	समान चिन्ह
Sign. unlike	विश्रम बिन्ह
Size	विस्तार
Solid	বিষ
Solve	इंड करना
Speed	षाल
Speed, average	धौसत शाल
Square	वर्ग
Squared paper	वर्गीकत पत्र
Square root	वर्गमूल
Subtract	घटाना
Subtraction	बाकी, स्यवध्यन
Surface Table	पूच्य, तब सारियी

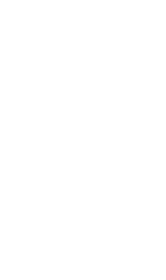


(৩)

(6)

(९)

	8 द्राप		l si	Íम		
	12 चींग	=	1 वी	एड		
)	द्वास्टरी माप (रमों के लिये)					
,	60 मिनिग	e `	I sin			
	8 दाम	=	1 *	वीम		
	८ ब्राम २० चीस	=	1 41	गर		
)	लम्बाई के पैनाने					
,	12 44		19			
	3 92	•	1 4			
	धी गात्र	=	1 9			
	40 पोल	=		ज्ञांग		
ľ	760 गन== दन	n =	1 =			
	3 माम		1 8			
	(22 गत			रीय)		
भ परातल के पैमाने						
'/	144 वर्ग इंच			ा वर्ग पुर		
	9 वर्ग गुट		3	1 वर्ग गन		
	301 वर्ग गज			1 वर्ग पोल		
	40 वर्ग पोल		-	1 88		
	4810 वर्ग गम -	= y # \$	8	1 04.4		
	640 Q% ₹		=	1 वर्ग मोल		
	(10 वर्ग ज	िय	-	1 एक 👣)		



The Four Fundamental operations, Easy Factors of the types .-

(1) k'a+b+c)=ak+bk+ck (ii) (a+b)2 == a1+2ab+b2

(111) $a^2-b^2=(a+b)(a-b)$,

Simple equations involving one or two variables; and casy quadratic equations of one variable which can be solved by factors, Graphs of statistics Candidates will be provided with graph paper, if necessary N. B .- The teachers while using the text-books in Mathematics

should keep in mind that the international numerals should be used, and reometrical figures should be named with Roman letters.



मान लो कि अवसीनारायण की सम्पत्ति = र रूपये, तो,

x+2r=6774 हर्व

भवर्ष ३८ = 6774 रूपवे

मा ८=225५ हपये

भीर 2 x=4516 सावे।

हुन दोनों कियाओं में भन्तर तो कृद नहीं है, परन्तु हुमरी किया बदली जिया से छोडी भवरप है !

मान्त्यों कि गलित की दिवाणों में कच्छों का मान निर्पारित क्यों दोला। यद दमारी इच्या दें कि उनका मो मान दम चार्रे विजिल कर हों।

24 x + y = z

द्धव हमते उ घोर पु का भो मान इस चार्चे निरंत्यन करें, परन्तु इह चाक्यक है कि वनका योगकत उ के बरायर हो, स्पोंकि प्रोध-प्रेप-पर्यक्ति पर्य के बीच में बरायर का चित्रह जिला हुया है।

नियम---वार्टीक्सी सरण में किसी संक्षा का किसी सक्स इसा स्टब्ट करों, को इस बरण की मारी किया में उस क्यार संबंधी में क्या को ब्रह्म करी, उस स्वयर को कोई बीर साम क्षण मारों।

चित्र भी पिक्यांत

(१) जन, यान, तुला कीन आग आहि के की चिन्द क्षेत्रों के अग्य उपीम में चार है, वही चक्की के मान भी काम म आने है और इक्का कर्य भी कही दोना है। वरता इन क्षिम आने हैसी है किसा विचार इक स्थाप कर करना के उपनक है। है कार्ने वह है— (६) बादि किसी शामि से पहले पन का विषट हो की उसे भूनाहमुक् शासि कहते हैं और बादि उससे पहले काल का विषट हो तो उसे अप्रशास्त्रकृत शासि कहते हैं।

धादि में धन का धिन्द साधारणनः नहीं जिल्ला जाना चौर इस सवस्था में भी उस राशि वी धनासक बहुत है।

शैसं x-y + = में x चीर = धनायन शिरापी करखायेंगी चीर y ब्यालायक शिरा ।

(१) चिन्ह वा सारह बहुया वेचल धन संपदा बादा के चिन्हों के लिये ही संदोत में साता है।

 (४) जब दो चल्यों का गुल्यनकल प्रकट करना हो तो उनके बीच में साधारत्यतः गुला का विन्ह नहीं लिया जाता ।

सामान्य प्रथा का स्थल नहा स्थान आता। सैसे प्रशु का बहा समित्रम है जो प्रश्न प्रश्न सौर abc का बहा समित्रम है जो axbxc का। सेहाँ से प्रश्न निविकास कार्य के स्थल १००० के स्थ

चंदों में यह शीत काम नहीं दे सकता । इस 3×2 को 32 नहीं जिल सकते, क्योंकि 3×2=6 चौर 32=30+2

(१) अब बुद्ध अपने पाली शासियों धन तथा अध्य विन्हों द्वारा आपस में सम्बन्धित हों, तो ऐसी राशियों के समृह को ट्यंज्य कहते हैं।

जैसे 3x-Sy-4 एक स्पंत्रक कहलायेगा ।

 (६) व्यंतकको इर सारि को क्षिससे पहले धन भाषवा ऋष का पिन्हको पद् कहते हैं।

(०) घन वा त्राया पिन्द व्यंत्रक के पदों का भाग होते हैं। इन पिन्हों को पदों से चला नहीं कर सकते। जैसे अपर के उदाहरण में — Sy एक पद है, इसे देवल Sy महीं कह सकते, भीर पदि कहें तो इसका वर्ष + Sy हो जापगा। कन्पित मान द्वारा श्रक्षरों का संख्यात्मक मान

प्रतीत करना करि क्रिके करा हो किसी क्रिके से समा करना हो तो

(१) वर्षि हिमी शक्त को हिमी श्रंक से गुणा करना हो ती के र्चक सन्। शक्त में वहने जिल्ला जायगा।

चैने 2 प्रकाशनियाय है प्रश्न 2 सर्थात् प्रकाशुगुना। इसो बचार भेटका शनियाय है टका चीगुना।

इसो प्रकार भैट का चीभगाय है ट का चीगुना । प्र'क चौर चवा के बोच में गुवान का चिन्ह नहीं जिला जाता ।

प्रक शीर क्षत्रा के बीच में गुरान का विश्व नहीं जिला जाता। (२) ३८ वा ३८ पादि देवा शतियों हैं जिल्हा मूलर इस

(२) 2८ वा ३८ माह यूया शाशया है । अका मूल देन दल ममय नड नहीं बना मक्ते अब तड हम को यह न पना हो कि 2 दिन मंदिया के बताबर है।

का र निरम सच्या क बरावर है। वहि र का कांत्रराथ किसी चटरे के क्यूपें से ही, शी इस सनस्या से भी रेट एक कांत्रियन रासि है। ही, वहि वह

पना हो कि बरने में 20 नाये हैं, तो न्याद है कि 22 व 3×20 दाने चीर इस चनन्या में 22 एक निरुपन रागि

बन गर्दे । बन: 2c = \$1); बरि ±=2()

चनः 2c=40; वर्ति ±=20 चीर 2c=30; वर्ति ±=15

(६) तुम्म मानव हो कि 5+7+9 चीर 5+7+5 के मान में बुच करना नहीं कि 5+7+9 चीर 5+7+5 के मान में बुच करना नहीं है। इसी उद्याद x+y+x चीर 2+y+x के मान में नी बीडे करना नहीं होता। अंदेन में इस बद माने

है कि कमरों का मादे कियों क्रम सं दिक्तों, दूप से उनके जान में कोई कमर मी दोना : (१) ४०० ४०, की राज्या में को सामा है को समान सबस

(४) २--- १४ - वीर र---पुर में ३) क्षान्त है उसे कवान समय केला वर्णन $x - y \times z$ का द्यार्थ यह है कि x को y पर भाग देना है और जो भजनकल हो उसे z से गया करना है।

x + yz का द्वर्ष यह है कि x को y द्वीर z के गुणनफल पर भाग देना है।

भ्रतः जद दो भ्रष्ट्रों के यीच से गुलन का विह्न निकाल दिया जाय तो उनका गुलनफल एक श्रकेली राशि मानी जाती है।

> जैसे यदि x = 16, y = 2, z = 4सो $x + y \times z = 16 + 2 \times 4 = \frac{1}{2} \times 4$ = 32

 $\vec{z} \vec{l} (x + yz = 16 + (2 \times 4) = \frac{1.6}{8}$

= 2.

(४) यदि कुछ राशियों के बीच में घन, ऋल, गुण धौर भाग के चिन्ह मिले जुले हों, तो पहले उन राशियों की क्रिया करनी चाहिये जिनके बीच में गुणा धौर भाग के चिन्ह हों, धौर फिर उन राशियों को जिनके बीच में घन धीर ऋल के चिन्ह हों।

कैसे $x \times y - z \rightarrow x \times l + m \times n$ की किया इस प्रकार करों कि पहले $x \times y$ फिर $z \rightarrow x \times l$ फिर $m \times n$ का मान प्रतीत करों । जो राशियां इस प्रकार प्राप्त हों उनका योगफल बौर प्रवक्तन फल निकास लों ।

(६) यदि किसी संख्या को उसी संख्या से गुणा किया जाय को गुणनफन्न को उस संख्या की दसरी शक्ति या घात कहते हैं।

जैसे 2×2 कार्यात् 4 को 2 को दूसरी शक्ति या वर्ग कहते हैं और इसे इस प्रकार जिसते हैं 2° , इसी प्रकार x° का क्रियाय x की इसरी शक्ति या वर्ग हैं।

इसी प्रकार यदि किसी संद्या या चचर को उसी संदया या कदर से दो बार गुवा किया जाय को गुवानकत को उस मंदया या

भएर की तिकशन्ति या धन कहते हैं।

बैसे 43, 13 1

उदाहरसा (१) यदि a=1, b=2, c=3, d=4, ती

5a+3c-3b-21 का मुख्य प्रतीत करो।

5a=5x1=5

 $3c \approx 3 \times 3 \approx 9$

3b=3×2=6

2d=4x2=8

Ta: 51+3--35-24=5+9-6-5

=।) उत्तर

उदाहरण (२) यदि u = 8, b = 5, c = 2, तो

7a-6b+4c का मुख्य प्रतीत करो

7a=7×8=56,

66=6×5=30.

 $4c = 4 \times 2 = 8$

wa: 7a-65+4c=56-30+8

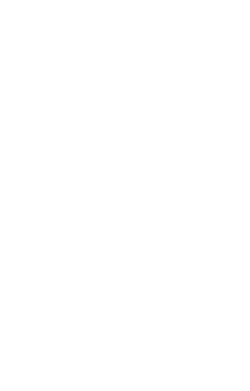
=31 **उत्तर**

बहाहरण (श a = 4, b = 8, c = 12, d = 7 तो 8a-3b×7c-2d का मस्य दतायो

 $8a \div 3b = \frac{8 \times 4}{3 \times 9} = \frac{4}{3}$

\$ x 7c= 1 x 7 x 12=4x 1 x 4

112÷2d = 112÷(2×7)



```
(12) 6a-[3b-[2c-(d+k)]]
```

(14) 66-2[36-2[2 c-3/ d+k]]]

(10) 3ad-{cd+(ab-6d-ac)}

(10) $\frac{2d-(a+b)}{ad} - \frac{4c-(a+d)}{ab} + \frac{8b+(c-a)}{ac}$

 $\frac{d^{2}}{d+(c-b)} = \frac{d^{2}}{d-(c-a)} + \frac{d+c}{c-(b-a)}$

(91) fire mit fa (d+b-c) (d-b+c)

-d3-(b-e)*

(11) 何年 (c+b+a) (c-b-a) =c*-(b+a)*

(98) मिस करो कि (c-6+a) (c-6-a)

= (c-b)*-a* (74) Fra 42) fa (cd*-c*d)=(bc*+b*e)

राशियों को जोडना, घटाना और कोच्छक

परिभाषापुँ :--

क्ष पर बाज ब्लंडक को एकपदी स्थेतक करते हैं।

को पत्रों बाले वर्ग व को द्विपती स्थानक बदन है।

तीन पर्टी करने की निर्देशी और नीन से प्रतिक पर्टी वाले की

बहुपदी स्पेतक करते है। जन्मसरमार ४'-१९ वस्त्रको स्पर्धन है।

्रहरूरण विकास के वि

नापुर बाहुरको स्वाक्तक है। गुरातानरसाँड, जिल्ला स्वानास करने से शुक्रानरक बास्स इस राजिसो से से इस एक राजिल को गुणानरस्य का गुगातारस्य

्रस राज्यां स य दर यथ राज्य का गुगानस्य का गुगानस्य बर्द्य है ।



ममान चिन्हों वाले सजातीय पदों का जोड

नियम (१) जब सञ्जातीय यहीं के किन्दू समान हों तो यहते समान किन्दू को लिखों, किन्न सब पहों के संस्थानमा गुणकों का जोत्र जिलों भीर हम कोड़ क प्राणे पहों के साथ ध्वस्र लिया दो, सर्थान ने सबस् किया हो जो मनेक यह में विमान हैं।

नोट थदि किया पद के पहले का चिन्ह न हो, तो उसे धनायक मानना चाइये। घन पद अब किसा व्यंत्रक के कारम्म में का आय हो साधारचतः + 'का चिन्ह नहीं जिला जाता।

ज्याहरण (१) 5a, ३४,४a, a की जोही।

उदाहरस्य (१) व्याः स्थान्य का आहा। यहां संस्थापस्य गुण्ड 5+3+4+1 चीर समान पिन्ह + है। ∴ योगहल=13a

चदाहर्स (२) कोडोः— -02°y²-42°y³-72°y²-72°y³

नवांकि 9+4+5+7=25 और समान चिन्ह '-' है।

ं.इष्ट योगपास = - 252°9° उदाहरण (३) योगपास बनायोः--

\$= 15 to \$6, \$a-\$6

ta jo ±+±+2=!3]

124-16 [++++-15]

यहां हमने वर्ण कर्षे को इस जवार पंक्रियों में किला है कि सजातीय पर एक ही जारी पंक्रिये हैं। हसक परवार हमने प्रायेष बारी पंक्रिये परी का जार किया और कार्रे चीर से योग की जिया प्राप्तन की

्रियम चिन्हो वाले सजातीय पटो को योग देना विचय राज्य वस रह सवानाच हो चीर चिन्ह विवस हो, बो

भनामक गुएकों को एक साथ दोव नती चीर चटामक गुएकों की एक माय, फिर बड़ी मंद्या में में दौरी मंदया बता दी बीर की बन्दर भाष्त हो उसके पहले बढ़ी संख्या का विन्तु जिस हो। संस्या है दाहिनों कोर ये कहर लिख दो जी क्षणेक पद में विषमान है।

व्हाहरण (४) ओरोप He. -10, Ta- 51, -51, -6

धनामह गुएकों हा और = 10

चराभक गुरुको वा और ≃22

इनका बन्तर=3, बीर दर्श मेरदा का विन्ह बारायक है।

. ER=-3:

विद्यानीय परों का योग

नियम (३) वर पर विवासीय हों हो पहले सवार्थय परी बी (परि कोर्ट हो सी) इक्ट्रा करों, दिर किमी। मी क्रम में। पड़ी को उनके रिन्से महित जिस हो।

स्माहरू ।३। द्वारा

44-20-70.22-75-10 = = = 10-10-110.

विया---

\$4+\$6+\$4-\$1-\$1 - \$1 - \$1 - \$1 - \$1 -

- 15:-21!-27c. gag

हार्टिस (१) बीस की-

بعيسه رج سودي

424- 1:-54

et-213-24

-1a1 512 -24 421-211-74

وريا ساويل مريو

केंद्र को इस्ते की समान

१२

प्रैश्नावली २ निम्नजिसित स्वेतको हा योगच्य विकासीः--

(1) a+b-c,-5a+b+4c, 3a-2b+3c; 2a+2b-3c

(3) $7z^4 + 5y^2 + z^4$, $2z^4 - 3y^3 + 3z^2$, $-4z^4 - 3y^2 + 2z^2$, $5y^3 - 6z^4$.

(3) 61-3a+2c, 2a-31+c, 5c-21-3a,-a-1-c (c) 2lm - 3xy + 2p, 4xy - 3p + 5lm; -3xy + 2p - 4lm, 3lm

+2zv-m

(1) ab -bc+cd, bc-cd+ab, cd-ab-be, ab-cd+bc. (1) 7+2z-3y+z, 5y-5+7z-3z, -8z-3y-12+2z, z+

*+=-3

(1) -a-e-b-d, 3a-d-2c, 2b+3d+c, 5a-2b+3c-2d

(c) 12p - 3q + 4pq; -pq - 3p + 2q, -6p + pq + 2q. p - 3pq + 2q

(1) $5l^3 - 3m^3 - 2n^2$, $2l^3 + 2m^3 - n^2$, $-3l^3 - 2m^3 - 5n^3$.

4 l1+m1+n1, 5 n1 - l2-m1 (1.) a^2+ab+3 , $3a^2-7ab-2$, $-2a^2-ab-3$, $3a^2+2ab$

+1. 41 - 7 - 10

 $(27) 6^{2} + 34^{2} + 1$, $3x^{2} - 2a - 7$, $2a^{3} - 3a + 5$, $2a^{3} - 2a^{3}$ +a+1: a1+2a2+3, 1-a2

 $(23) a^2 - 3a^2b + ab^2 - b^2$, $-2x^2 - 3ab^2 - 2b^2$, $5a^2b - 3$

a/3-63; a3-345+463. $\{13\}$ $2p^3 - 3pq + 5q^2$, $3q^3 - 5p^2 + pq$, $2pq - 3p^3 - 3q^2$,

598+392-3pg (14) 5x4y - 3xy3 - 2y3, 2x4 - 3y3 + 7xy2 2y4 - 3xy3 ~ 7x3y; - x4

- **-3x*y. (2) 1+a-a++a+-1+3+a-1+a-a-a-a-1-a-

- al - a

11111-m in 31m m

The to ten ten .



घटाचोः—

- (to) 6a-b+c-3d # # 3a+b-e-d mi 1
 - (22) 6x-3y-4z+7 \$\frac{1}{27}\$ \$\frac{1}{2}\$ \$\delta x+2y-3z+9 \$\arthinder{1}\$
- (13) 5a2 7ab-12 # m-3a5+2
- (13) 3x-4x2 + 7x2-9 \$\tilde{x} \tilde{x} 8-2 x-8 x2-5 x2
- (2x) 5a3-9a2+3 में से 4a3-6a-3 (11) ab-bc-rd-ad # # -ab+bc-3cd
- (28) a1-1 2a1-3a+5a1 # # 3a3-4a1+611-1
- (to) 6x4+36+8x3-9 x # # 3r3-7+8x3-3 x
- (te) -x2+ 1xy 4y2 + y2-28 \$\frac{1}{2} x2+ 2xy-2y2+y z-
- 4 2 7 2 1
- 128) a1+12 m a1 + 2ab + 13 mir a1-2ab + b2 & mirea को पदाची।
- (20) x3+xy चीर xy+y3 के बोगफल को x3+xy+y3 चौर
 - ±*-- ≠ y के योगक्त में से घटाथी।

कोचक

बीज-गणित में कोष्ठकों से बहुत काम जिया जाता है सौर वे बहत २पयोगी होने हैं।

।) । । । इन विन्हीं को बोल्ड करने हैं। कोल्डकों

के भीतर के स्थंजक या पद को एक शांति माना जाता है।

() सपु कोळक, १ । धनुकोळक, कीर [] गुर कोडक। कमी-कमी किमी व्यंतक की भिन्त-भिन्त राशियों को एक राशि बनाने के सिए कोप्टक के स्थान में उन पदों के उपर एक सम्बोरिया शीव देते हैं। इसे 'रेमा बोध्रक' बहते हैं।

उदाहरकात ३+००० में स्वक्षक १०० कोन्ट्रक में है।

बीज गलिव

?.

कोष्ठक सोलने के नियम पहला :नियमः-

दि होड़ह से पहले 🕂 हा चिन्ह हो, तो होड़ह के योच वाजे प्तों के विन्हों ने कोर परिवर्तन किसे दिना कोंग्रह कोता वा सकता \$ 1

दूसरा नियमः— हर कोटक के पहले — का दिन्द हो तो कोटक स्वांतने की निधि पह है कि को इक के भीतर के सब चिन्हों को पहल दिया जाप, की

कोटक स्रोत दिया जात। नीट:----विद एक से साधिक की हहीं का प्रयोग किया गया ही लो यह राति लामदायक होती कि सबसे पहले कन्द्र बाले कोहरों की कोला बाद । 三社座に立(引) (12-2)-(8-4)

-12-3-5+1=12+1-3-5 -16-11-5

ENTEN (2) 25-131-126-166-52111 -31-121-176-11+2:11 =3:-[2:-7:+3:-2:

= 82 - 23 - 27 - 23 + 23 a.c-11-11

मीट-(1) दरि कही रेमान्दीहरू हो हो बहने दहने दने मीना

(१) ब्रोडक स्टोलने हे परवाह क्यांक हो। य करते के दिसे

TEEL \$ 18-15-1-1-1-1-

 $\begin{array}{l} = 5l - [2m - [3n - 4l - 3m + 4n + l]] \\ = 5l - [2m - 3n + 4l + 3m - 4n - l]] \\ = 5l - 2m + 3n - 4l - 3m + 4n + l \\ = 5l - 4l + l - 2m - 3m + 3n + 4n \\ = 2l - 6m + 7n - 3m + 3n + 4n \\ \end{array}$

प्रस्तावली प्र

सरल करोः—

- (1) 4p+(-3q-5p)
- (a) (4a-5b)+(-2a+4b)
- (1) (6p-2q)+(3q-4p)
- (v) 4p (-2q + 5p)
- (*) (3a-4h)-(-2a+5b)
- (5)(l-6m+2n)-(-3n+4m-5l)
- (*) -2-[-3-1-4-(-5-6)]
- $\{a\}$ = a [-2b [-2a (-a 4b)]]• $\{a\}$ = a - [-b - (-c - (-a - b - c)]]
- $(1 \bullet) p + (2q + 3 5p (-q + 7) + 5)$
- (11) $2p-(-3+\overline{p-2q}-5)-7$
- (12) 2-(a-3-1a-5)
- (91) By-[3z-[2y-[4y-z)-5z]
- (18) 2x [19 [42 104 4x)
- 111 34 36 mi 1 4
- 11E -r - 10 - 2r 10 1
 - -/ b = 18 b

ग्रापन में चिहाँ का निदमः— (-a) + (+1) = + a! (-a) + (+1) = + a!

(+e) · (-1)=-a (-a) \((-1) -- a) चीट-(n-1x-1--1

मीर-(१) बोज मालिस में सुएम कर किए बहुका दीव दिसा \$\$ (2- (-5) 47 EC \$ -5- X (-5)

मुल गणित

सब्दा कि ग्यान करने समय व का बादांड है के बादांड में और विया जाय । नोट-(२) यहां हम यह मान लेने हैं कि तब m श्रीर n

भिन्नाप्मक या ऋणात्मह हों तो भी घातांड नियम भंग नहीं होता।

30

उदाहरण (१) 2a1×3a1=2×3×a1×a1 =6×a1+1

 $=6 \times a^{5}$

=6a8 3717 उदाहरण (रं) 3x1y×4xy1=3×4×x1×x×v1×v

= 12x2+1 x p2+1 -12x2×42

-12r2v2 उदाहर्स (३) 4x32° x 6x3°2 x 6x3°2 x

w4 5 6, x.x.x. 2 y y 1, y 2 2.x.x -100z1+1+1 y1+1+1y1+1+1

== 120z4y4z4 एकपदी व्यंजकों का गुरान

कपर को उदाहरण दिये गये हैं उन से एकपदी क्यंत्रकों का गयात-क्षत्र निकासने की यह शीत प्राप्त हुई--

(१) संस्थापन गुणकों का भागस में गुणन करके की शकनरूज प्राप्त हो, जिस हो।

(२) इसके परवात निम्न निम्न ब्यंत्रकों में की बदर हों तन में से

कोई मा वह अपर जिल को: भीर मारे ब्वंडकों में उस अपर के को को बार्तांक हो उन सब को और कर उस बचर का बानांड दिल दो । फिर दुमरे नीमरे बादि सब चचरों के साथ (१) चहि चल्लासक प्रपदी वर्धनकों की संग्या विषम हो, सी गणनकल में पहले बाण चिन्ह लिख दो सन्यथा धन चिन्ह जिएते । उदाहर्ग (१) +3a*bc,-4ab*c, 5abc* का गुणनफल प्रतीत

करो । $3 \times 4 \times 5 = 60$

a2, a, a = a4

b. Lt. b = 16

c. c. c1=c1 वेयल एक व्यंत्रक के पहले बहुण चिन्ह है.

ं. गणनपता=-60 a4 la c4 उत्तर

खदाहर्स (२) x²,-7xy,-12y³,-3xy,-4x² चीर 5y² का गुणन करो।

गणनफल=(1) (-7) (-12) (-3) (-4) (+5) x², x, x, x². y. y2. y. y2.

=5040 x v 3777 1

इस उदाहरण में घरण चिन्ह चार बार बावा है और 4. सव संख्या ई. इस जिए गणनफल के पहले धन चिन्द होगा, जो छोड़ दिया गया है।

प्रश्नावली ५

गराम करोः-(1) 2a को 3 से 1

(8) -2a की 4 में 1

का = धार्मको समित्र

டவ 3 கர் 4 சர் ப (A) - 51 (#1 39 #1)

ा - १० को १५ से ।

(रा 3a की 3 से 1

ात व की 2वर से I

() - tab को 2ab से 1 (र क7र° की 25 सो । (११) abc की abc से 1 1 8 3'4 - 12 d'a 1 (18) -af #) 2º ñ 1 (2x) -2a2 41 -3ab R1 (24) pu #) -p+ @ 1 (12) 42º 41 - 22º 8 1 (20) -p' q की -pq' से ! (t=) -3p' q \$ 2 pq4 H

(११) वफ्टल की वहत्व से । (te)]a को jó से 1 किसी संयुक्त ब्यंजक का एकपदी ब्यंजक में गुलन करना ।

अब किमी मेंयुक्त ब्वेजक को एडपदी ब्वेजक से मुला किया जाती है, तो संवृत्त पर्वतक के एक एक पद को जुरुपदी पर्वतक से शुक्षा दिया जाता है, चांत्रिक गुग्रनक्कों के पहले उचित (चन्ह (+ या-) स्मा कर उन सब को योग देने में गुणनपाल प्राप्त ही जाता है।

सोट-(a-b) m=am-bm, इसमें यदि b=a, को गुणनपस (a - a) m=an -am=0 होगा।

* 0 X 10 m/2

श्रतः यदि किसी सांश को शुन्य से गुणन किया जाय तो-गुणनफल शून्य होता है। धराहरण (१) a3+81 का a5 से गुणन करो ।

(a+ b) ab=a (ab) +b (ab) =a3b+ab1 3717

सदाहरण (२) a³b – 3al³ का (–2a³b³) से शुणन करो । (a16-3a61) (-2 a161)

 $=a^{2}b(-2a^{2}b^{3})-3ab^{3}(-2a^{2}b^{3})$ =-2a463+na464 3777

स्याहरण (३) 4a4-6a3, +8a363-6163+464 को रेबरे से गुणा करो।

गुरू न की किया इस प्रकार लिल्ही का सकती है 一 444 buby west bust 46

a'b' 3777

प्रसावली ह छटा हरी :— (1) == 31 - 元 動 3 前 1

(12) c-1, c, 1 2: 1

कि बार्क है कि बोर्क है والمراجعة والمراجعة المراجعة

करो और जो जो कल प्राप्त हों उनके पहले उचित चिन्ह (+वा-) समा कर सब को ओड़ लो, तो पूरा गुक्तनप्रस माध्य हो आयगा ।

उत्राहरण (1) 3x2-4xy की 2x2+3y2 से ग्या करी। गुदानका=(3x2-4xy) (2x4+3y4)

=3x1. 2x1+3x1. 3y1-4xy , 2x1-4xy 3y1 $=6x^4+9x^3y^3-6x^3y-12xy^3$

उदाहरण (२) वा+ध को वा-ध से गुला करो।

=a⁴−b⁴ दत्तर

शक्त की किया हम प्रकार भी जिली का सकती है:-

इसी विधि द्वारा ऐसे स्पेतकों का भी गुजन किया का सकता है

क्रियमें तो से सविक पर हो। लग्न सानते हो कि.

(a+b+e) m=am+bm+em

सद वहि m=x+y, तो

(a+b+c)(x+y)=a(x+y)+b(x+y)+c(x+y)-az + ay + bz + by + cz + cy

दैस्तो इस प्रदाहरण में पहले स्थंबह कथ्रायेक वह को दूसरे

स्पेत्रक के प्रत्येक पर स गया किया गया है

सीर सब टार्जाक समानस्य का अनि कर काना स्वतकों का

स्टलस्य बात हरा ह

बील गरिए tith rait.

leaded transmer exists that a sign (a-1-r(z-1-z) max-ax-az-1241c-1242z-n

लग्न गुर्ज

बहुत्य बर्द्धान का मान काने ही हिंदे अंग्रे हे उत्तानन कुरान बरते हैं। पहरी बर्पटकी की विश्वी तेन प्रकार के सानी

कार है। कहा हा कहारित कहा ही कहार में दर चरनीता, की दोंगी क्षेत्रह रतातक (१) वाच्याच्या कार्यमा १० से मुस्क हरे।

रोगों बरेंद्वी को रहें कामों हे कर्यान कर से देग जरण Charlet of the charlet

* 66 - 64 - 5 - - 6. ELE -Contractor Pagerners in

the fire was a second and & chem

~ ~ 2 - 4 Lu shak i nee

हरत हरत रहत को बहुद है स्मान देव में हुस्स दिसाहर er banen erre ben be be tim bet beite til bete til bete til en en a la partier a en la region de la companya del companya de la companya de la companya del companya de la يمي مع دي د مع و و در اد دو ادار او و در ماي شو terral to the time consider the consider con-

से गया करके दूसरी पंक्ति के नीचे इस प्रकार जिला कि संजातीय पर एक दूमरे के ठीक नीचे हों।

उदाहरण (४) 3x-2x+4-x3 का 2+x3-x से गणन करी

दोनों ब्वंत्रकों की 2 के यातों के बारोह कम में सजाया- $4+3z-2x^3-x^3$

2- 2+ 21

2 से गुज्ज=8+6x-4c2-2x2 - द से स्थान = -4z - 3z³ + 2z³ + z⁵

 $+x^{2}$ in $\sqrt{2}$ $+4x^{2}+3x^{3}-2x^{4}-x^{5}$ $\sqrt{2}$ $\sqrt{2}$

प्रदमावली ५

गुणा करो :--11: 1+a+a* 41 1-a # 1

(3) 1-a+a3 को 1+a से 1

(3) a"+ab+b" की a+b से 1

(c) a1-ab+11 8 a-1 A 1

(4) a1+a1 b1+b1 €: a1-61 ft 1

(\$1 a4-a5 62-64 El a4+62 A 1

(a) 7a3-12a5+963 4t 3a3-414 A 1

(c) { x3+xy-193 #1 |x-19 41

(1) 6x2+3xy+4y2 4) 2x2+1xy-3y2 41 on the day by age at it day not at

12 21 - 29 - 96 W 28 21 21 19 19 1

ا 47ء و عا40 فوغر سفيد فو ال ما

488' zt-zig-zigi-zgi -gt की 22-iig हो 1

100 #=2m=#=# \$ \$ #=2m=#=# \$ 1 रायनकत प्रवीत बरी:-

स्था के -देश-देस-1 की 1-देश-के का I

(: क्र-१४ - । क्षेत्र । - १४ - क्रिका ।

:= 1-2-5-6-6 \$\frac{1}{2} 1-2 \$\frac{1}{2}\$

18 f-8-6-m-m-10 \$3 1-1-1 \$1

ार बुर्न्स-त्र -र्स-प्र-टा कीर र-र-व हा।

भाग

(१) सार के दिन्ह सम्बन्धी नियम

(-4 -4 = -5) (, -6) - -6' = -5

 $-2^{-1}+1=-2^{-1}$, $-2^{-1}+1=-2$

فالعاد البعد الرادعات فالرادا

STE ==, ==, ==, ==-, ==-

दा पूँ बहुहे हिंद

🖚 हिस्ते में बरापब दिन् बारू होता है, बीर तिक दिन्तें

ন হয় হয় হয়।

(२) सर्प में घटते लेखन

ಶೌ-ಶೌ=೩೩೩೩-೩೩

संस्तर किएस । =2, 2 2-2-2

इन्द्रिकित क्रिक = 5, 5 - 2, 5 - 2

==-

x + x = x x x x - (x. x) - 2 2 2. 2 2-3-2

-2. 2. 2-21-21-1

इसी प्रकार. 21-24-z8

2^M-- 2¹m 2^M # धनः वदि पुक ही शशि के दी बातों की एक दूसरे से माग दिया ज्ञाप, यो भवनकात का यान भाग्य चीर भावक के बानों के बान्तर के बराबर शोवा है।

(३) मिद्ध करो कि 2°=1

 $z^{m} - z^{m} = 1$

TTM 2"+ 2" = 2" = 2" = 2"

. z'=1

(प्र) यदि हमें =× 9 को 9 मे भाग देना हो, तो भाग

की परिमाण के अनुसार.

ZXy-ywz

... बर्दि x×y को y में माग तिया जाप ती मजनकव ≠

श्रीता है ।

इसमें वह प्रतीत हुना कि वहि मातक, भाग्य का एक गुगक ही ती भारत में में बहु गया कार कर उचित बिन्ह सागा देने में भारतराख ब्राप्त ही अवेगा।

प्टाहरण (है। 54° की 5 से भाग करा ।

वत्त्वच है कि अवनक्षा र होगा । पुराहरका (३०%) की असे आय करो।

E PA ATEN 45774

```
बीज गणित
 उदाहरण (४) 25 की 27 से भाग करो।
               यहाँ में स्टार्थ X में
           ं. भजनपाल= 2
उड़ाहरण (४) १x y को 3x'y में भाग करो।
             \frac{9x^{4}y^{3}}{3x^{2}y} = \frac{3x^{2}y \times 3x^{2}y^{2}}{3x^{2}y} = 3x^{2}y^{2}
              प्रश्नावली ८ (मौखिक)
```

ऊपर दिये हुए उदाहरणों से यह परियास निकलता है कि ज किसी एकपदी ब्यंजक को दूसरे एकपदी ब्यंजक से भाग दिया जा सो भाज्य चीर भागक के सार्वगुणक चापस में कट जाते हैं।

भाग दो :— (1) 3年前3前1

(3) 32 南 主前1

(3)-32 前 -3 前 1

(8)-32 南 3 前 1

(t) 7abc 新 7a 税 1

(4) 7abc 南 -7a 前 1 (v) व को व से 1

(E) वा को-व से I (E)-a2 को a से 1 (10)-a* को-a से 1

(११) वंको वःसे। (१२)-व को व से। (१३) वंकी वंसे।

(१४) वंको-वंसं। (१२) अब्देखी (उसे)

```
30
                   गल गाहित
(14) 212 21-74 21
```

(10) 84° 47-12° 61 (15)-60 m)-20 m) 1

(14) 7a'b* 41-a5 it :

(20) -a16" m1-a" 6" A1

(41)-84a'be 4) Babe à 1

(94) 18412et w) 4abe 21 :

(32)-21a'z4 4) 7a'z it : (24) 63a*6*e* 4) -746*e* 8)

(५) किसी ब्यंजक का ऐसे ब्यंजक से भाग करना, जिममें दो या दो से श्रधिक पद हों

येथे प्रश्नी भी हमें भावत के बदों के कई एक वेथे व्यंत बनाने

पहते हैं जिल्हें आहर से आग करने पर कत न बचे। इसके परपार शब चांतिक अञ्चलकों को योग देश पूर्ण अञ्चलका बाप्त कर

केले हैं। बदाहरण (१) 28+359+90 को x+v से भाग दो । $x^{2}+2xy+y^{3}-x^{3}+xy+xy+y^{3}$

पान =+ = = , चीर =+ + = - y

: x2+2xy+y =x+y चत्तर

थह किया इस प्रकार भी लिखी जा सकती है:-x+y) x2+2xy+y2 (x+y

53 + ZU

हममें भाग करने की निम्नलियित रीति निम्न धार्टः—

- (1) भाज्य चीर भाजक वी किसी ऐसं चलर के पातों के श्रवसीट क्रम में सजाची जी दोनों व्यंजनों में पर्तमान हो।
- (२) भाज्य के पहले पद को भाजक के पहले पद से भाग करके जो पद प्राप्त हो उसे भजनफल के पहले पद के रूप में लियो।
- (१) अञ्चलक के इस पहले पद में आजक का गुणन करो चौर जो गुणनकल प्राप्त हो उसे आज्य में में घटा दो।
- (४) जो कुद वर्षे उसमें भाष्य के शेष परों में मे पुरू या दो पद जोद दो चीं। इस प्रकार जो व्यंजकवने उसे पहले को तरह भाग करों।
- (१) यह किया उम समय तक करते रही अब तक बुद्द शेष म. रहे, या शेष का पात भाजक के घात से छोटा ही आय । जुदाहरुस (२) व³—3व²+व—3 को व—3 से भाग दो ।

$$a-3$$
) a^3-3a^3+a-3 (a^3+1)
 a^3-3a^3
 $a-3$
 $a-3$
 \times

x+a) $x^3 + a^3$ where $x^3 + a^3$ ($x^4 - ax + a^3$) $x^3 + a^3$

$$ax^{3}$$
 $-ax^{3}$ $a^{3}x$
 $a^{4}x + x^{3}$

1

मोट—देशो भाज्य में ±'बीर = वर्धमान नहीं हैं, इस बिये उनके स्थान खाती क्षोद कर वि की कुछ दूरी पर जिला गया है।

उदाहरण (४) x3-3a2x+2a2 को x+2a मे भाग हो। x + 2a) $x^3 - 3a^2x + 2a^3(x^4 - 2ax + a^4)$

 $x^3 + 2ax^3$

 $-2ax^2-3a^2x$

 $-2ax^{1}-4a^{1}x$

 $a^{3}x + 2a^{3}$ $a^3x + 2a^3$

दशहरण (x) p2-6p- (q2-4q-5) को p+q-5 से भाग करो १

 $p+q-\delta$) $p^{4} = -6p-q^{4}+4q+5$ (p-q-1)

 $p^2 + pq - 5p$

 $-pq - p - q^2 + 4q$

प्रश्नावली ०

उनका भजनफल प्रतीत करो--(1) (x2+10x+21)+(x+3)

(a) (20x+67x+56)+(4x+7)

(1) (x1-5x+6) +(z-2)

(a) (ys-7y+12)-(y-3)

(*) (x*-7x+10)+(x-5)

(t)
$$(15x^2-61x+56)-(5x-7)$$

(a)
$$(6p^2-p-15)+(2p+3)$$

$$(z)$$
 $(35x^2+24x-35)+(7x-5)$

(f)
$$(5b_2-4\lambda_1) + (2b+5\lambda_2)$$

$$(x^2-3x^2+3x-1)\div(x-1)$$

(11)
$$63^4 - 6^3 + 56 - 6 + 43^3 + 32^4 - 2 + 6$$

(11)
$$a^4-4a^3-18a^3-11a+2-a^3-7a+1$$

(1x)
$$12a^4+a^3-8a^2+7a-2+3a^4-2a+1$$

$$(\{\xi\}) \quad 2x^{4} + a^{2} - 2x^{2} + 9x + 2x^{2} - 3 + x$$

(15)
$$3-a^1-14a-4a^2+a^4-a+3+a^3$$

$$(1=) 3-a^2-14a-4a^2+a^4-a+3+a$$

(18)
$$1+a+a^2+a^3+a^4+a^5+1+a^2+a^4$$

$$(3c) 3z^2 + 3z^4 + 2z^2 + 1 + 3z^2 - z + 1$$

$$(3e) 3z^2 + 3z^4 + 2z^3 + 1 + 3z^3 - z + 3z^4 + 3z^4 + 3z^5 + 3$$

दूसरा अध्याय

सरल गुणनखरह EASY FACTORS

(1) अब कोई थीजीय व्यंजक दो या दो से कविक राध्ययों का गृथनकत दोता है, तो उनमें से हर एक राधि को उस व्यंजक का गुणानखरुड करते हैं।

कियो ब्यंजक के गुणनसरह निकासने का यह क्याँ होता है कि जिन शांत्रियों का परस्वर गुणन करने से ब्यंजक आप्ता होता है, जन शांत्रियों की मानूम करना ।

एकपदी व्यंजकों के गुणनलएड

गुवानसवड को चरिभाषा के चतुसार जिन निन राशियों का गुवान करने से दिया हुचा वर्धज्ञक प्राप्त हो, ये सब राशियों उस वर्धज्ञक के गुवानस्वड कहजाते हैं।

वर्ष के गुवानसंह हैं ब, b वर्षण के गुवानसंह हैं ब, b, c वर्षण के गुवानसंह हैं ब, b, b, c दिन्धण के गुवानसंह हैं दिन्दा अ, s, s,

-85 y % के ग्रामकां∓ है -1. 2. 2. 2. 2. x, x, y, y, z ak+6k के गुरानखरह

हम बानते हैं कि व - b,k -ak + bk

्. बर्ध-१८६ के मुख्यमध्यक्ष भीतातु - १ है। इसो प्रकार १ - १ - १६ क स्थानश्यक्ष भीतातु - १ है। भीताक १६ - १ ६ क स्थानश्यक्ष भीतातु - १ है। ्रत उद्दारास्ते में यह परियास निवतंत्र है कि को युस्पयर्ष मेंडक के सद पहों का भावेंतुएक होता है, वह दो व्यंत्रक का दक हरक या गुस्स्यर्थ होता है।

ं स्टेंडर को इस गुएजगरर दर जात देवर दूसरा गुएजगरह ज्याना का सबता है।

एसहरए (१) ६ १ - रेज्यं वे गुरुक्तरह निवासी।

रेती क्षारीनें परों का मार्चन्य है. इस किए क्षारूम क्षेत्रक ग्राप्क गुराननवर है। क्षेत्रक को क्षाप्त भाग देने से क्षेत्र-रीत व्यवस्थक प्राप्त हमा।

Schrader Har (San Ca) हमा
 इस्टर्स (१) जिल्ला मध्य के मुस्त्रकोट निवाली ह
 इस्टर्स मीनी पढ़ी का मार्ग्युटक है ।

.. हिरा हुम बर्देज्य = अवृत्तीस्म = श्री = हसूर यह न समय हेगा हि सार्वेतुगढ समा एक्स्सी स्पेट्ट हो होता है

होचे का प्रदारत्य देगी :---

रागरण ,री को नर नहीं नर नहीं नर है। हर समस्य

बर्स 3-र बार्रहरू है.

me j - c - i su sij

शे दिया दुव्या सर्वेश्य स्टान स्

1-8 (K-9-2) | EME

प्रदनावली १०

ग्राणनखण्ड निकालो :---

- (1) 345+741
- (2) 5x4-15x4
- (3) 12a3x3-2ax3+4a3x
- (v) 6pg+21pr
- (x) 3ab-3da
- (6) 5x2u2-10x4y-15res
- (a) 4m2n-8m2n2+4ma2
- (c) allow + able abel
- (4) 61'pg-10a'pr+2a2ps
- (to) 7x4y-14x2y3-7xy4
- (11) ax3-6x4-ex3
- (13) 15abx + 10abx 25abxy
- (11) a bc a bc + a b c
- (2v) 6p2q2-3p2q-3pq2
- (14) 3mp+2mp*-5m*p*
- (15) 14a1b1-42a1be+14a1b
- (20) 6x4y4-2x4y2+4x4y
- (15) a*bc*-abc*+ab*c*-a*b*c
- (11) 3x4ys-3x4y2-3x4yz4
- (30) tabe+ tate+ tac*
- (31) 2a'6-4ab'c+2a'c+2a'e
- (22) 224,423 324,34
- (33) 50a*x*-125ax*-75a*x
- (3x) 3p4qr3-6p3r3-9p3q2r

वर्ग उठाना

दो संख्याओं के योगफल का वर्ग करपना करो कि व और b दो संख्याएं हैं, और (a+b) का

```
मरल गुणनगरह
र्ग उठाना 🕻 ।
                                                            30
      (a+b)2=(a+b) (a+b)

\begin{cases}
    = a(a+b) + b & a+b, \\
    = a^2 + ab + ab + b^2,
\end{cases}

चतः (a+b)3=a2+b3+23b
                     परिगाम
री संज्यामों के योगफड़ का वर्ग = ५६ली में∉या का वर्ग
                            + इसरी संदया का वर्ग
                           + दोनों संस्याची के गुएनफल
दे a=10चीर b=3.
                             का दुगना ।
(a+b)^2 = (10+3)^2 = 10^2 + 3^2 + 3 \times 10 \times 2
     त्रसा (१) (°a÷36) का वर्ग उटासी।
(-a+35):
=(2a)1+(35)1+2×21×35
=4a*+13*+12a3 3AC
ए (२) (126): का मृल्य प्रतीत करी।
      (126)*=(120±6)*
           =(120)^{2}+(6)^{2}+2\times120\times6
          =14400+36+1440
          =15S76 3TT
        प्रश्नावली ११
          (3) 33 - 76
           (x) 3 - 4p
```

3=	मूल गणित	
(x) 3ab+4b2	(\$) 8a ³ +3ab	
(a) 9ax + 4y2	(S) m ² +a ³	
(t) px+qy	(to) ps+pqs	
(111 2a16+3a61	(22) a+(-b)	
नीचे लिखे पूर्ण यमों में छूटे हुए पद लिखो:		
(11) 16x9+()+40ys		
(tv) 35m2+60mn+()	
(tx) ()+112pg	+ 61p4	
(24) 121a2+()+81		
(14) 144m3+72m+()	
(1=) ()+104p-	+160	
बीजगणित द्वारा मुभ्य प्रतीत करो		
(*E) (302)*	(₹e) (405)°	
(31) (703)	(33) (806)*	
(41) (611)*	(1001)*	
दो मंग	त्याची के चन्तर का वर्ग	
बकाना बरो कि व प	भीर ठेवी संक्या है, भीर इस उनके सन्तर	
हा क्यों प्रतीत करना चार	181	
(a-b)==(a-b) (a-	-6)	
-a (a-b)-		
=a3-a3-a		
$-a^{a}-2ab+$		
हम दिए (a−b)*-a	1 + 61 - 216	
	हों में इस प्रचार दिल्प सकते हैं	
। संस्याओं के ऋनग	का वर्ग - परकी शंब्या का कर्नू	
	+ नुमरी धनका का वर्ग	
	रोजां संस्थानी के	
	पुलानक का कुल्का	

```
खदाहरूए (१) (23~8b) का वर्ग उटाओ ।
   Fry (2a-35)*=(2a)*+(35)*-2×2a×35
                 -4a1+951-12ab 337
   उदाहरस (२) १० का वर्ग प्रतीत करो ।
   feet (93)2=(100-1)2
            -(100)^t + (1)^t - 2 \times 100 \times 1
            -10000+1-200
            ≈9801 E81
                 प्रकावली १२
    निम्नलियित के पर्न उहाझी:-
(1) Su-St (3) Sm-S
(t) 6r-5
          (Y) 72 1
(x) 4-ir (x) a-(-1)
(c 4m2-5n2 (c) as-t:
(E) $1$x-51$y (te) $0$-41$
(11) 241-11 (11) 272-374
   निम्मलिया पूर्व बर्गी में हाटे हर पद प्रतीत बरोा-
(11) 16:3-1 1-612
(24) 8122-2224-1
(tail 1-days-25-2
(15149ml -. 1-121
4221 64-2-15 pg = 1 1
te ( 2'm - 14tt2
   क्षेत्रगाँए की शहि में जम्मीशिवत के मृत्य करीर करी।--
 194
```

```
मल गणित
```

```
780
```

सदाहर्मा (३) ±4-6±45+0±45± के मुख्यस्वयद बनाओ :--यह वर्षज्ञक=±45±-0±42+942±

 $-x^{2}\{(x^{2})^{2}-2(x^{2})(3yz)+(3yz)^{2}\}$

=x2(x2-3yz)2 ={x(x2-3yz)}2 3777

={1(1,-301)}, 344

प्रश्तावली १३

गुणनसंबद्ध बनाश्ची :-

(1) 4a²+ 28a+49 (2) 25p²-30p+9

 $(3) 25p^3 - 30p + 9$ $(3) 25a^3 + 40ab + 10b^3$

(x) 49m2-56mn+16n2

(k) 36a3+60ab+2562

(4) 38a3-84ab+49b3

(a) 49a3+42ab+983

(c) 25x2-60xy+36y2 (t) 16x2+56xy+49y2

(10) 81a2-126ab+49h

(tt) 81x + 90xy + 27y

(12) 9m3-66mn + 121n3

5

```
मरल गुरानगरह
```

(11) 0614 + 1015 + 14 (1x) 1672-4679+ 3672 (11) p21+54xy+kl32 (18) mim = 70mm + 40ps (10) 24 2 1 1

12 LG - 13 (-1)

(11) Wing + (13) 26 + Digits

(te) 16,121 - Valent 4 64

दो संत्यालें हे दगों हा सना

बैत्यमा बरो वि न चौर । यो मंत्याचे हैं जिनका

Train abulg Bir went ... a. 11

touts cotsumer to the of met chall pr

इस दक्षिण को सबसे ने इस प्रकार कर सकते हैं।

हों बंदरको है कार्रे का कामान उन्हें रोसकार क्या कारण

हे हरान्या है ة سكلانكيد

the many transfer has have have high fre

```
83
```

उदाहरण (३)

मृल गणित

(3) (y+9) (y~9)

(s) (1a-3b) (4a+3b)

(3) (7x-4) (7x+4)

72 / 64

#1000 #1 इत्तर

प्रशादली १४ गुरानकम बताची ---

(3) (2y-b) (2y+b)(4) (5x-3y) (5x+3y)(6) (ab+5) (ab-5)(8) (ab+2c) (ab-2c)

(7) (a+b) (5-b)

(1) (ab = cd) (ab + cd) (to) (Ta = 40) (Ta + 40) बोजर्मालुक की रीति में मूल्य प्रतीन करों:---

(**) (71)* - (27)* (**) (72)* - (29)* (**) (72)* - (13)* (**) (134)* (130)*

मरल गुरामपरह

```
सरल फरो:-
(20) (2+7) (2-7)
(te) (ax+by) ax-bil
(22) (a+b) (a-b) + (b+e) (b-e)
(to) (z+2) (z-2)-(z+3) (z-3)
(*1)(2x+3)(2x-3)+(4x+3)(4x-3)
    o'-!'= 10+1) 10-1) वी महायता से निम्ननिधित
सल्य प्रतीत करो:--
($1) (567) - (432)
(31) (765)1-(545)1
(4x) (1527)4-(1521)4
fax1 (5600)*-(5657)*
(41) 260-4 260-432-432
(te) 251×251-149×160
251-149
(tc) (t) x(1) -41: x 41:
(11) (1241) - 122" ) h
क्ष म्य काम करे कि वे 11m a-1 (a-1)
    हम बीडीय ंच होता गुल्कसरह बकारे व उद्गाहाल क्षेत्रे
 379 E
```

```
88
                 मल गणित
   बराहरण (३) 25x1-9y1
                =(5x)^2-(3y)^3
                =(5z+3y)(5x-3y)
   उदाहरण (४) (10)°-(7)°
                =(10+7) (10-7)
                -17×3
```

m51

वराहरण (४) 25*-212 =(25+24)(23-24)=(49)(1)-49

प्रश्नावली १५

गुणनफल यनाम्रोः-

(1) x2-y2 (2) 4a2-b2 (3) p2-9q2

(x) 4x2-9v2 (x) p4-4a4 (3) 38ptot-1

(a) 4-25m2 (=) 9a2-49

(4) 100-pt (to) (a+b)2-c2

(11) x2-(y+z)2 (12) p2-(q-r)2 (13) p2q4-121 (2x) x2-1

(11) 23 -25 25 -25 (14) 1 p3-q5 · (to) 1-144a4 (t=) 36x*-49p*

(14) 102p4-34g8 (20) 137-210 विषद व्यंजकों के गुणनखरह बनाने की रीति

21+pz+q जैसे वर्षत्रकों के गुल्मसंख्य करना ।

पहली विधि यह है कि स्वंबड़ों को हो बर्गों के चन्तर के में बहर दिया जाय।

सरल गुएनखएड

च्दाहर्सा (१)==-18x+65 के गुलनसम्बद्ध बनाझी। [-1-18r को पूर्ण वर्ग बनाने के लिए इस में 18 का वर्ग क SI जोड़ना चाहिये।]

∴ दिया हुका स्यंत्रक==³-18x+81-81+65 =(z-9)1-16

=(=-5);-(4); =(z-9+4)(z-9-4) =(x-5)(x-13)

टड़ाहररा (२) = -3x-28 के गुरनलरह बनायो । दिया दुवा रचेंबक =(22-32+(5)1-(5)1-23 $=(z^2-3z+\frac{2}{4})-(\frac{2}{4}+25)$

 $=(x-\frac{3}{3})^2-(\frac{1}{2}\frac{1}{4})^2$ =(=-=++=11)(=-=-+1)

=(z+4) (z-7) चचर

दूसरी निवि

क्लरना करों कि ="+F=+q=(=+a) (z+b), ·· ==+f=+g===+(a+6)=+a5

ष्टतः p=a+t सीर q=ab

इसिनिए हमें हु के ऐसे दो गुणनस्वरह मर्वात करने हैं जिन का योग ह के बराबर हो।

इसको ब्याल्या मार्च दियं गय उदाहरको में की वानी है।

च्डाहरूस् ३) ज-१८- . १ हे गुरममस्**ह स्नाक्षी** ।

देसों को संख्याएं धनांन इसो विन का गुरनकत । १ ही इसे ोग छ हो।

स्पष्ट है कि 6 और 3 देगी संन्याएँ हैं। सब इस स्पंत्रक बीच बाले यह के स्थान पर ⁸र ने³र जिला को।

. fin gui edna==+6z+3z+18

= x(x+6) + 3(x+6) = (x+6)(x+3) = 3465

हराहरण (५) र*-16ab+63b* के गुणनसम्ब बनायो । देवी दो संन्यार्षे जिन का गुणनक्षत्र 63 हो भीर योगरुज 16, !

चीर 7 है। क्य-16ab के स्थान पर-Vab-7ab विका हो।

. frai gui stas=a*-9a6-7a6+636*

-a(a-9b) -7b(a-9b)

= (a-96) (a-75) श्रमा = (a-96) (a-75) श्रमा अपर उद्योदान (३) श्री (४) से इस मध्ने के वर्षवर्धी के समस-

करर उद्देशना वर्ग चार एक सामान्य के स्पेत्रहा के सुन्न-क्रकर करने की कह निर्देश साध्य दोनी है ! (1) वित्र कर्मक्रक का नांपरा वह सनासक हो, तो अस पहले

(1) वित कांत्रक का नामम वह बनामक हो, तो उस बन्दे संक्लामक गुणक के हो ऐने गुणननवड बनाया जिनका चीत बीच बाज वह के संक्लामक गुणक के बनावर हो।

(२) कद मींत दीन वामा पर्य प्रमाणक ही ता उसके दीनों हुको बमायक दोगें ।

(३) वर्षि वीच वाला वह कालामक द्वानो उसके दोनों दुवते अस्वत्यक्ष होता।

अरबाज्यक होता। : इ. हामक प्राथान वहां किया करी ही तहके बनुने के व्यक्तिही

क दिल् करण गर है। इंग्लुमेंस ५ किंग्स के के एकस्थान कराया।

हराष्ट्रीत हु की पात के ब त्यास्त्रात क्रान्त । ...के का देव त्यास्त्रात कराना करता करता हो। स्टान्ट

े के दा प्रदास्था कराया अस्ता सारा हो। स्त है कि दर करन क्षेत्र है ै. दिया हुका वर्षेत्रक = त्र-4-१४-३४-३४ ##(#- T)- E(#+T)

=(x+ 7) (x+2) | 安田(

उद्दाहरूए—५६१ ६° — 25: −15: के गुरानसरह बनायो। 15 के ऐने दो गुरानवरद जिनहा बन्डर 2 हो, 5 बीर 3 है।

ी दिया हुआ स्पंडक = १९- ३१० + ३१० - 15त

m(x-50) (x-50) mere

अपर उदाहरूए (३) और ६) में एक और नमूने के वर्षतकों के पुर्तनसरह बनाने ही विधि मान्त हुई है। वह विधि इस महार है :--(१) परि व्येतह का सीमरा पर काराप्तक हो हो उम पर के संस्था-

त्मक गुरुक के ऐसे दो गुरुनगरड बनामी जिनका धनना बीच बाते पर के मेरयामर गुएक के बराबर हो।

(२) यह यदि रीच वाला पर धना नक हो तो बदा हुक्टा बन होगा कोर होश घर ।

(३) यदि बोच बाजा पर कराप्तह हो तो बड़ा दुक्ता कर होना भौर द्वीटा घर ।

(ध) इतके परचार वही किया करी जो पहले नत्ने के व्यंत्रकों के लिय बडाई गई है।

दशहरए (६) (४) (४) और (६) की ध्यानपूर्वक देखने से यह मजीत होता है कि महि p==+5 मीर ç=ab, ती.

x2+fx+c=(x+a) (x+t)

(1) इ घन हो बीर इ घन हो, तो द बीर ह होनें। घन होंगे । (II) इयन हो भीत ह कर हो तो अ भीत दे देनों कए होने ।

(iii) इ कर हो की र घर हो लो द वन होगा रे कर होगा।

(15) इ कर हो क्री ह कर हो, में । कर होगा क्री ! पन er.

प्रश्नावली १६

नीचे दिये हुये त्रिपद हय	तकों के गुणनसरड करोः
$(t) x^2 + 13x + 42$	(3) a3-18a+65
(2) $x^2 + 18x + 65$	$(v) p^2 - 15p + 54$

 $(x) x^3 + 18x + 72$ (5) x8+20x+91

(v) x2-22x+117 $(=) x^2 + 21x + 104$ (E) a2+5a-104 (to) z2+21x+103

(71) a+3a-103

 $(11) z^2 + 27z + 180$ (t3) p3+p-156 (ty) a2-3a-180 (15) at-a-240

(tk) a*-2a-143 (tu) x1+8x-105

(te) 1-19x+60x1

(tc) a*-26a-120 (80) 1-49a-102a2

ax+bx+c, जैसे व्यंत्रकों के ग्रणनखंड करना

इस प्रकार के स्यंत्रक भीर इससे पहले नमूने के स्यंत्रक में एक हो भेद है, और वह भेद यह है कि इस नगृने में टा का गुरुक भी वर्तेयात है।

देने व्यतक के गुधनर्शंह करने समय भीचे दी हुई विधि से काम कि

पहले पद चौर तीमरे पद के संख्यान्यक गुणकों का गुणन करी। को गणनका प्राप्त ही उसके दो ऐसे गणनसंह बनाको जिन का क्षीजीय योग बीच वाते पर के संख्याध्यक गुणक के बरावर हो। रेज किया बैसी ही है जैसी पहले बता शुरे हैं।

उदाहरण (1) गुवानसक्य करो । $7x^3 - 15x + 12$

7 x 12=84, 21 × 4=84, -21 -4=-25



दिया हचा व्यंबर=7.2-285+85-12

$$=7x(x-4)-3(x-4)$$

हराहरस्य (दे) १७ (1+5) +415 के गुरुवसरक करो । १७ (1+5) +415 = १० +१७५ -415

 $[20 \times 20 = 4 \times 5 \times 4 \times 5 = 4 \times 4 \times 5 \times 5 = 16 \times 25]$

कद २०१ के ऐसे हो गुएनसएड बनाओं जिनका योगकत 40

हो; यह कासान नहीं है। ऐसी कदस्या में इस उपसिद्धान्त में जान को।

$$(z-z)^2=(z-z)^2-4z^2$$

पहाँ के = १०। घीर ३-१=३०

```
मल गणिव
20
w a+b =40
<del>कोर</del> a−b ⇔6
स्पष्ट है कि a=23 श्रीर b=17
    \therefore x^2 + 40x + 391 = x^2 + 23x + 17x + 391
                   =x(x+23)+17(x+23)
                  (z+23) (z+17) 3mz
    उदाहरण (४) 21-142-851 के गुलनक्षण करी।
    भव इमें 851 के ऐसे हो गुरानसदह मालम करने हैं जिनका
धन्तर 14 हो।
    मान स्रो कि वे गुलनखरह व स्रीर ठ है
    81 a-b=14 27 ab=851
चार (a+b)*=(a-b)*+4ab
  (a+b)^2=(14)^2+4\times851
          -196 + 3404
          -3600
   ∴ a → b == 60
wit a-b=14
 ...a =37, b=23
धव दिया दुधा व्यंत्रक====-37x+23x-851
                   -x(x-37)+23(x-37)
                   =(x-37)(z+23) €₹₹₹
                    प्रश्नावली १७
   गुणनसरह करो:--
(1) 6x2-7x-20
(1) 40x3-87x+25
```

(4) 6x⁴-x-40 (4) 15x⁴-26x+7

- (x) 44z2-45z+9
- (E) 9r2-82r+9
- (a) $56x^3 + 15x 56$
- (c) 21z3-47z-24
- (E) 222+72y+3y2
- (to) 6x2+5xv-21y2
- (11) 15a1-ab-651
- (13) 2Sp3-25pq+3q2
- (t) 12x3-17xy+5y3
- $(2x) 10x^2 + 7xy 12y^3$
- (1x) 36a1+21a-2
- (1E) 12x3-5xy-77y3
- (tu) 27c2-24cd+5d1
- (t=) 56a1-3a-9
- (18) 6a1+49ab-45b1
- (30) 12a3+11ax-15x1

तीसरा श्रध्याय

सरल सनीकरण Simple Equations of the First Degree

(३) मधित के कई प्रस्त ऐसे होंने हैं जिनमें धालात संस्था के स्थान पर कोई धालर रख कर किया की आप मो प्रश्न मुगमता से दल हो जाता है धौर किया भी बहुत मुगरी भीर भळी दिखाई देती है। उदाहरखत: मान की कि हमें इस प्ररूप की किया करती है।

प्रश्न-कताक्रो, वह कीनलो संख्या है; जिलमें 15 कोहें को बीगफल का दुशना 44 के बराबर हो।

इस प्रश्न में यदि इस ब्यक्षात संख्या की मान कें, ती यह प्रश्न इस प्रकार होता : —

(#+15) का दुगना =44

चतः स्पष्ट है कि #+15=44 के भागे के --22 के

चब 22 ऐसी संख्या है किस में क्यात मंदया चीर 15 दोनों सम्मितित हैं, चता पिंदु हम इसमें से 15 निकाल दें तो च्यात संख्या शेष रह जायेगी।

भतः x=22-15=7 इसक्रिक इन्द्र संख्या = 7 सत्तर

(२) उपर तिस्थी बार्गों से स्पष्ट है कि इसने फेलान संस्था पर इस सकार किया की कि एक समानना न्यापित करके सजान सपका सम्बक्त संस्था प्रतान कर ली। इस सम्बच्च को बोजगीवान स समितिकरण ======= (६) समीवरयों को इल करने के जुद नियम तो तुम पहले भी जानते हो। यह नियम यहे काम के हैं। इसलिए इम इन नियमों को विद्यार्थियों ये लाम के लिए फिर लिखते हैं। नियम यह हैं:— (क) यदि समान राशियों में समान राशियों जोड़ दी जायें तो

उनके योगफल भी समान होते हैं।

जैसे यदि == गृ

तो x+a=y+a

(ख) यदि समान राशियों में में समान राशियों घटाई जायें तो शेष राशियां कापस में समान होती हैं।

जैमे यद == ए,

तो x-a=y-a

(त) यदि समान राशियों को समान राशियों से गुणा किया आय तो राखनफल भी समान होते ।

असे यदि == y,

ar=av

(घ) यदि समान राशियों को एक जैसी राशियों पर भाग दिया जाय, हो भजनफल भी भाषस में समान होंगे।

जैसे यदि ar-ay,

aj ax-a=1y-a,

x = y

(४) ऊपर लिखे मिद्धान्त । क द्योग स्त्र . म ममीकरण हेल करने का हम को एक बढ़ा सावस्यक नियन प्राप्त होता हैं: स्त्रीर बह नियम यह ह

किसी राधि का चिन्ह बदल कर उसको समीकरणा के एक पक्ष में दूसरे पक्ष में ले जा सकते हैं 48

चिन्ह बद्दाने का अर्थ यह है कि घन राशि का पंच बद्दाा जाब ती वह दूसरे पए में साकर अप हो आवी है और अब राशि दूसरे पच में बाकर घन हो जाती है।

जैसे करपना करो, कि ±-5=10

को ±-5+5=10+5 सिवान्त (%)

: x=10+5

-15 कपर की किया से स्पष्ट है कि (-5) की दाई भीर से आया गया तो वह (+5) हो गया धीर समीकरण में कोई चन्तर नहीं पना !

इसी महार ४+5=10 को इल करना हो.

तो y+5~5=10-5 मिदान्त (स) v = 10 - 5

इस उदाहरण को ध्यानपूर्वक देसने से शात होगा कि (+5) की बाम पच से दक्ति पच में ले लाया गया तो बहु (~5) हो गया चीर समीकरण में कछ चन्तर नहीं पड़ा ह

इस नियम को प्रशान्तर करना कृदते हैं और यह नियम समी-

करकों को इस करने में बदा सामदायह है।

(१) यदि दिसी समीकरण के दोनों पद्मों की राशियों के चिन्ह बरुख दिये वार्ये, तो सभीकरण में कोई चन्तर नहीं चाला। La ufr a-rme-d

तो र-a=d-c

(६) वदि समीकरवा क दोनो पच्चों को इधर से उधर चीर उधर समावरका श कोट सम्बर नहीं जैसे, यदि a-b=x-c

- (७) ममीकरए हल करने को सब से धरदी सीत यह है कि पहले ज्ञात साशियों को समीकरए के बान पड़ में और ध्यात सशियों को दिख्य पड़ में ले जाको। फिर हर एक पड़ की सशियों को जहीं तक हो सरल कर लो। धन्त में घट्यात साशि के साथ जो मंख्या हो उस पर दोनों पढ़ों को भाग दो। इस प्रकार घट्यात साशि का मृख्य प्रतीत हो जायगा।
 - (=) भज़ात राशियों के स्थान पर प्रायः x, y, z, u बिखते हैं पर यह कोई निश्चित नियम नहीं है ।

नीचे लिखे उदाहरचाँ द्वारा सभीकरचाँ को हल करने की शित मतीत हो आयेगी।

उदाहरण (१) हल करो : --

x-9=3-2r

सिर्—2- बान पद्य में लाया जाप को +2- जिला जानेगा, कौर—9 दिष्ठ पद्य में ले जाया जाय को ∔9 जिला जानेगा।

इस प्रकार ±+2r=3+9

षा 3=12

दोनों पूछों को उपर भाग देने से

r=4 उत्तर

देशहरस्य (३) इस करो ५-7y≈10-9y

पद्मान्तर इरन सं

94 - 74 = 10 - 4 24 = 2

दोनो पद्यो की ² पर आग देने स

y=1 3त्तर

```
मुल बाल्यन
    वराहरण (रे) ४०-3-11-32 को इस करो १--
    —3.r वाम पत्र में भीर—3 वृद्धिता पत्र में के काने से
                   4x+3x=11+3
                    91 7x - 11
            बोनों बची की 7 पर जाग देने से
                         z=2 3m7
    कुष ममीकरणों के पर जिल्लाफाक होते हैं । ऐसे समीकरणों के
कोनी वको को निस्नी के इसे के अपूर्णम समाप्तर से गुज़ा
WY NO .
    उदाहरण ४) तम करो ---
    2y-1 2y-3_4
       ( 5 कोर 2 का अयुक्तम समाप्रवर्षे =10 ]
क्षेत्रों क्यों को 10 म मला दिया, नी
   2(2y-1) - 5 2y - 3) - 6 x 10
   क्षेत्रस्थ महिन्ती पर.
   49 2-10/- 15-60
         47 14y-17-00
                 14y - 60 + 17 - 77
                   9-77-14-51 *TET
    क्टाहरण (४) इव बर्ग :--
```

हो। (६८ - ६, - - 5x - 14, - १, (2x - 4) - (3x - 4) 11,2 7 का कपूलन समाप्रकार - 23। बोली क्यों का ८३ - में लगा किया ना

41 44 1 0 4 4 11 / 5 MI # 6

पदान्तर करने से,

$$-518x+426x=436+1632$$

समीकरणों में दशमतव भिन्न

व्हाहरत् (१) हत क्ती:--

कतः ६(=+·15]-4(=-·25)=3·3

पद्मान्तर करने से.

ऐने समोक्सर इब करने के तिये नीचे जिले हुए, परिस्ताम याद रखने चाहिये।

$$\frac{1}{25} = 4$$
, $\frac{1}{125} = 8$, $\frac{1}{025} = 40$, $\frac{1}{25} = \frac{1}{125} = \frac{1}{125}$

प्रस्तावली १८

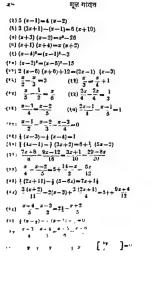
इस न्योः—

(1)
$$6x - 18 = 4x - 8 - 3x + 5$$

$$(3) 10z - 10 - 6z - 27 = 3$$

$$(8, 6x-18-12x+60=3x+3-8x+17)$$

(x) 6x+18=4x-8+3x-3



$$\frac{x+7}{3} - \frac{5y}{5} = y - 2 - \frac{1}{2} (3y - 11)$$

(a)
$$(z+\frac{1}{2})_2-(z-\frac{1}{2})_3=zz+3$$

$$\{t\} \stackrel{1}{\leftarrow} [x - \frac{1}{c} \{x - \frac{1}{c} (x - 1)\}] = 1$$

(3)
$$\frac{1x-1}{4} - \frac{1}{2} \left[(2x - \frac{1-x}{2}) = 6 \right]$$

$$(\xi) \frac{y}{5} - \frac{y}{75} = 46$$

$$\frac{y-1}{\sqrt{25}} - \frac{y-2}{\sqrt{125}} = 4.2$$

$$(x_0) \quad \frac{25y}{125} = \frac{2y - 45}{125} \div 6$$

सरल समीकरण सम्बन्धी निर्भेय

(5) बीज गरित पहने से अधिकतर यह साम होता है कि हम ऐसे
परन हल कर सकते हैं जिनमें दुख दी हुई बातों के द्वारा अज्ञात
राग्ति या राग्तियां जात कानी होतो है। इस मकार के हर एक
प्रश्न में जुल कार्ते दी हुई होती है और उनके द्वारा एक या
अधिक ज्ञात राग्तियां मान्त्र की जाती हैं। इम इन दो हुई
राग्तें को बीज गरित के चिन्हों द्वारा प्रकट करते हैं। इस हिया
से यदि कोई ऐसा समीकार को जिसे हल किया जा सकता हो,
तो समीकार को इल कार्क ज्ञान राग्ति मान्त्र हो जाती है।
र प्रस्त की राग्तें को बीजांय चिन्हों द्वारा प्रस्ट करना बहुवा कहिन

मुल गणिव (३) सम्यक्त राशियों को z. v. z सादि के बराबर मान स्ते । (व) परन में जो उक्ति दी गई है उने बीओय आया के श्र**द**रों और

६२

चिन्हों में जिलो । ऐमा करने से एक या एक से अधिक समीकरण हन सायेंगे। (४) जो समोकरण माध्य हो उसे हज करो, श्रीर z. v : श्रादि का

सक्य निकाल लो । इस प्रकार चन्यकत राशि वा शाशियां मालूम हो अविंगी। (६) अपने उत्तर की आँच करी, अपीत यह देख सी कि नुम्हारा

उत्तर धरन को शतों की परा करता है या नहीं।

हल किये हए उदाहरण

उदाहरण (१) एक संख्या दो अंकों की है। बदि दहाई के शंक में से इकाई का शंक घटायें ती 5 बचने हैं श्रीर बदि दोनों

शंकों के योगफल के पांच गुने की इस संख्या में ये घटायें

को देगी संख्या कवती है जो शसकी संख्या के शंकों के स्थान धापस में बदलने से बन आती है । चसकी संख्या बताची ।

करुपना करो कि इकाई धंक =#

को दहाई का धंक = + 5, चौर संख्या =10(x+5)+xअब परन की शर्त के अनुसार, 10(x+5)+x-5[(x+5)+x]=10x+x+5

47 l0x+50+x-10x-25=11x+5 पा x+25 mllx+5

पद्मान्तर करने से x-11x=5-25x = 2

सत इकाई का शक≃े

भीर दहाई का संक=2+0=7 इष्ट मंख्या =72 397

> उत्तर की जांच 7-2=5

चीर 72-5 (7+2)=72-45=27

उदाहरू (२) दो मंत्रपाचीं का योगफत 38 है और उनके वर्गी का भ्रम्तर 450 है। ये संस्याएं दताभी

करपना करो कि वही मंददा=#

तो दोटी संख्या पद प्रश्न की शर्त रे खनुसार

= - (35-=) = 455

श्व इस मनोकार की हत करते हैं। =1-(38×38-2×38×=+=1)=456

47 24-1444-76r-2-456 या रिंट=45%-1444 (प्रमान्तर करने से)

47 76r=1900

. ==25

धतः बड़ी संख्या = 23 कीर घोटी मंख्या=35-25=13

25,13 हत्तर

द्वाहरण (३) एक बायत की सम्दाई चौड़ाई से 7 फुट बर्धिक है। यदि सम्बार्ट 5 पुर क्षिक इन दो आब कीर चौदाई 3 पुर पहा दी बाय ती उसका संबक्त 110 वर्गहर ऋषिक ही अना है।

घाषत की सम्बाई धीर घोडाई दताकी क्रपना करों कि चौकाई - कुट

तो इस्टार्ट

ŧξ मूल गणिव

यदि उस संख्या में से 18 चटा दिया जाय तो चंडों के स्थान बदल वाते हैं। वह संख्या मालूम करी। (३) एक मंख्या का दहाई का धंक इकाई के बंध से चार गुना है।

यदि इकाई और दहाई के संकों को भागस में बदख दिया जाय को सँख्या में 54 को कमी हो बादी है। सँख्या बताओ।

(१०) एक संख्या का दहाई का शंक इकाई के शंक से निगुना है। यदि इकाई और दहाउँ के संको को भापस में बदला जाय, तो संक्या में 18 की कमी हो जाती है। संक्या जात करी।

(११) ऐसी दो संख्याएं मालम करी जिनके वर्गों का चन्तर 1872 हो धीर उनका योगकत 104 हो। (११) वेसी वो संवयापं बताधो जिनका थोग 15 हो और उनके बनों

का चान्तर 105 हो । (12) 68 रुपये 12 धाने 54 बच्चों में इस प्रकार बांदे गये कि प्रत्येक बालक को एक रुपया 6 बाने और प्रत्येक बाजिका को

एक रुपया 2 थाने मिले । बालकों की संख्या बताधी। (१४) 231 रुपये 5 पुरुषों कीर 6 रित्रयों में इस प्रकार बांटी कि

पुरुष को स्त्री से तीन शुना घन मिले । (११) एक मनुष्य ने सपनी सम्पत्ति का है भाग बढ़े सक्के की, है शंकले की और पूर्व होटे सकके को दिया, और रोप 456 रुपये चवती प्रवी को दिये । उसकी सारी सम्पत्ति का मुक्य बताओ !

(15) हो अनुष्य A चौर B स्थान से एक साथ एक दूसरे की चौर चले, और 3 बवटे में एक दूसरे से मिले । धदि A, B से 36 मील दर हो तो दोनों की चाल चलग-धलग बतामो, जबकि

एक की चाल दूसरे से दूगनी हो। (३७) पिता और पुत्र की बायु में 30 वर्ष का बन्तर है, 5 वर्ष के

धक्रवाल विवा की भाग पत्र की भाग से विग्ली हो जायगी ह

- वताची, पिता की इस समय कितनी चायु है ?
- (1दं) एक स्त्री की बायु 40 वर्ष हैं और उसकी पुत्री की बायु उसकी बायु का भीणाई है। बताबी क्तिने वर्ष परचाद उस स्त्री
- को बायु पुत्री की आयु में तिगुनी होगी ? (१६) एक बायताकार गेत को लम्पार्ट, पौड़ाई से दुगनी हैं। यदि लम्पार्ट चौर पौड़ाई को दो-दो कुट दश दें तो पेत्रफल 76 को

फुट बढ़ जाता है। सम्बाई चौर चौड़ाई बताची।

- (२०) एक भावताकार सेत को लस्साई और चौहाई में 16 पुट का भारत है। यहि लस्साई और चौहाई में से पॉनर्सॉव पुट कम कर हैं तो चेत्रफत 255 वर्ग पुट कम हो जाता है। लस्साई और चौहाई मालून करो।
 (२१) एक संस्था हो बांगें में मने पूर्व है। इकाई का चंक हहाई के चंक में चौगुना है। यहि होनों मंद्रों है स्थान बहुत हिये वार्य हो मही संस्था हो स्थान कर लिएना हो
 - र्थक मे चीनुना है। यहि होनों प्रेडों के स्थान बदल हिये पार्य को नई मंदना में 2 जमा करने में पुरानों संस्था का विजुना हो आजा है। मंदन बजाओ। (२२) एक मतुष्य कृष ममय में 3। मीन प्रति करने को चाल से 4 से B स्थान कह जाना है और खीट पाता है। यहि वह 3 मील प्रति करने को चाल में जाता और 4 मील प्रति करने को चाल में सीट पाता, को उसे 15 मिनिट क्यिक सगते। बजाओ, A स्थान B से विजनी हर है।
 - (२३) दो समानार मंख्याची के गुएनरच में से दोटी संख्या के दर्ग को चटाने म की कहने हैं। सहसाय हमालो ।
 - (२४) ऐसी हो मरुवाएँ मानूम क्यो जिन्ह बर्गो का ग्रम्तः 141 हो।
 - (२१) दो मंस्याची के बर्गी का चन्ना (४०) है और मस्याची का चन्तर (0 है। मंस्याचे कहा :

5=

का है शुना गाणी के मूल्य के तिगुने के बरावर है। घोड़े बीर गांदी का मुक्त चलग-चलग चनाची। (२०) एक वायन की लम्बाई, चीदाई से चार गुनी है। वदि सम्बाई 6 फुट घटा दी जाय चीर चीताई 3 फुट बढ़ा हो जाय, ती

चेत्रका उतना ही रहता है। बायत की चीहाई बनामी। (१८) सिक्डों की वां देशिया है, एक घडन्नियों ही है चीर वृसरी चवन्त्रियों की। परशी देश का मृत्य सूमरी देश के मृत्य ने 3 रुपये कविक हैं, परम्तु इसरी हेरी में बहली हेरी से 8

मुल गणित

सिक्ड चयिक है। बनाची तीनी देशियों में कितने किनने सिक्ड है। (२३) 40 चीर 50 के बीच की ऐसी संक्या बनाओं कि वृद्धि उपमें 9 भोग दिया काम को संबंधि के स्थान करता कार्य 1 (३०) एक सन्ध्य ने कृत्र कृतियाँ 3 रथये प्रति कुर्मी के भाष मोज भी चीर उपनी ही में बें ी रुपये प्रति में ब के आप मो में भी ।

थरि बहु मारे घन के ही बरावर भाग करके चारे पन में में में शील केना चीर आधे चन में कवियों, तो हमें 16 बरनुई सविक कियारी । कवियों चीर मेत्रों की मंत्रण बनायों । (६1) 125 के ऐसे बार भाग बनायों कि चरि बहते में 4 जमा

करें, कुमरे में में 4 बराई, नेमरे का 4 म मूनन करें भीर चीचे al 4 er um ?. et gres um fi efenta ertet ?) : बिहि बह परिकास 2 हो, तो बार बात बह होत -

4 4 4-4 # WH 10

(3+) []त के क्या क्या जात क्याचा भी को गरेक में । हार्ज कर ह्या यस पराव हाथा था देन तमा देत का वात की . W with a strat arm of their manners

- (21) एक क्यांस्त में सिंधा दुरस, निवर्स और बातक बात करते हैं । इति पुरस्ते को संस्था बातकों की मंदरा में दुरसी हो। बीत क्यांसे की मंदरा विवर्षों की मंदरा में पाँचपुर्य हो। को दुरसी
 - कामको की मेरदा है। की मेरदा दशकी।
- (१६) मेरे २० यह बत्ता 120 रतने में भीव निया, हुन बाहा है रतने भीत यह बीत रेप टे रतने भीत यह वे भाव। बहामी,

हैंने है रावे और यह के भार किल्ला करता भीन विदा है

- (६१) में पन बुद रापे थे, मैंने उसमें में एक िहाई सिवाद कर (२) रापे मिला तिये जब जो रापे में पन हुए उसमें में चौता मान निवाद कर 70 रापे बाँत मिला दिये, तो मेंने पान 120 रापे में तपे । बनाओं वातम्ब में मेंने पान बिवारे रापे थे !
- (६६) तिमला ने बमला में बहा, एवड मेरी बाहु तुम्हारी बर्डमार बाहु के बाहर में, उस मानर को तुम्हारी बाहु में मेरी बर्डमार माहु हुएसी हैं।" बहि दोनों का बर्डमार बाहु का बोरावत 50 वर्ष हो, हो उनको बाहु बाहर पता बहाली।
- (१०) एक महाया ने बारते ठाँव हुआँ में बारती मुनि इस अकार बाँधी हि पहते हुए को ८२ एकह मुनि मिली; हुमरे को मारी मुनि बा १ मारा, बाँव टीमों को इनती मुनि मिली डिडामी पहते होती को मिलों थे। ठाँनी का बान बहत-बहत बहाड़ी १
- (६०) एक देवलणी को एक नार्यका भाग कराव्य उसने पूर्व सार्यय साजस करने का बहु एवं उपन कराई हुई सार्य्य की . से एन कर दर्भ दरजास वह हुई है कि उसका उसर साज व द्याप उस्तर में , हरद ५ अंग क्षम का सामा करायी. का नाम कर्माया

मूल गणित (११) एक क्लडी के हैं, भाग का रंग साल है, है भाग का पीडा, 13 भाग का हरा, और 31 भाग का काला रंग है। यदि उसके शेष भाग की सम्बाई 175 ईच है, तो उसकी कुछ

सम्बाई बतायो।

(४०) 64 पींट को तीन पुरुषों में इस मकार बाँटी कि पहले को नुसरे से निगना धन मिले और तीसरे पुरुष की पहले वी पुरुषों के

धन का एक निहाई मिखे ।

चौथा अध्याय

सरल युगपन् समीकरण

Simple Simultaneous Equations

(दो बन्यक सांशियों वाचे)

(1) इस क्रमाय में इस ऐसे सगत महीकारों की स्वास्त्वा करेंगे जिनमें एक में क्रिक क्रमका राशियों होती हैं.

ਤੈਜੇ =÷v=10

यत प्रमण्याण सदयदि इस यह करुरना करें कि प्रच1, 2, 3, 4,5 इत्यादि तो v के मूल्य इस प्रधार होंगे :---

r=	1	2	3	ţ	5	6	7	8	इस्पादि
y=	9	8	7	6	5	4	3	2	इत्यादि

स्तप्य है कि s-y=10 समोध्यय, s सौर y के समितनत मृद्यों द्वारा मेंतुष्य हो सहता है। इससे यह परिदास प्राप्त हुआ कि दो सम्पन्त राशियों बाला एक समीकरण कमिटींत होता है, प्रयांद उसही सम्पन्त राशियों s सौर y के मृह्य निर्मित्त नहीं किये जा सहते।

परन्तु पदि पहले ममोक्स्ए हे माप साथ : धौर : का सम्बन्ध सुचित काने वाला एक घौर ममाक्सए हे दिया बाय. तो हमें : घौर प्र हे केवल वे मूल्य मानने पढ़ेंगें वो होनों समोक्सएों की सन्तुष्ट

क्ष्य सहै।

श्रव यदि z+y=10 के साथ y=z+4 दिया जाय, तो y=z+4 में x चौर y के मृत्य इस बकार होंगे :—

2	1	2	3	4	5	6	7	8	इ न्यादि
y-	5	6	7	8	9	10	11	12	इत्यादि

होंनें सतीहरणों में 2-3, 9-7 ही सम्पन्न रातियों के ऐसे मुख्य है जो होंनें सतीहरणों को मन्तुष्ट कर मकते हैं। इसलिए विद् यह होंनें सतीहरण एक माम जिये जायें तो हनका हुल केवज यही होगा कि 2-3 कीर 9-7

परिभाषा—यदि दो या दो से ऋषिक समीकरणों को, उनकी श्रव्यक्त राशियों के मूल्य एक साथ सन्तुष्ट कर सकते हों, तो उन्हें सुगपत् समीकरण कहते हैं।

(६) बहि हो दिवे हुए समीकरणों ही सम्यक्त राणियों व श्रीर ए हों सीर बनने हम एक ऐसा समीकरण निकाल से निममें केवल प्र हो पा केवल प्र हो, तो हम इस नवे समीकरण की सिमाने सम्याप में बताई हुई सिक्त द्वारा हज कर सकते हैं।

यदि हम दी दिये हुए समीकरवाँ में से म निकान दें चीर एक ऐसा समीकरवा प्राप्त कर से जिसमें केवल / ही अध्यक्त शक्ति हो जो

यह बहा जायमा कि हमने र की लुप्त का दिया। सन हिसी सम्बक्त रागि को शुप्त करना, सोनो उस रागि थे इंटकारा याना है सर्थान एक ऐसा समोकास वाष्ट्र करना द जिस स

(४) इसमे हमें दो करपकत राशियों वाले समीकरणों वे एक लोहे को इस करने की यह विधि द्वाय संगी। दोनों समीकरणों में से एक क्रम्यक्त राशि (अही सही) लुप्त बरके एक ऐसा समीकरण ब्राप्त बरो जिस में बेवल प्रही कावक. राशि हो। इस समीकरण को इस करके एका मृख्य निकास स्रो। एका जो मृख्य मालम हो उसे दिये हुए दोनों समीवरणों में से किसी एक से इ के क्यान पर रण कर = वा मृख्य निवास स्रो । इस प्रकार = भीर ४ दीनों के मृख्य माल्म हो जार्वेगे।

हम जिया की सोन पृथक पृथक विधियों नीचे दी लांगी हैं :--पहली विधि

उदाहरण (१) इस बरो :--2-24-3

---(1) 2x+1-11g ***(2)

(1) & ==3+2r

(2) R = 11x-1

इ के यह दोनों मुख्य समान है।

 $3 \div 2y = \frac{11y - 1}{3}$

रोनों पर्यों को १ से गुला किया. मो

6 + 4y = 11y - 1

पंचानना बरने के "

44-114--1-6

या -73 -- -

· 5-1

इ का बह सूच्य ।। में साबे में

```
मूल गणित
450
         x - 2 = 3
  या ≠∞5
 .:.x=5
y=1] उत्तर
  दूसरी विधि
    वदाहरमा (२) वस-करो :
   31x-3y=50 ...(1)
   (2) H y=5x+18
    y का यह मुख्य (1) में दसने से
    34z - 3(5x + 15) = 50
   पा 34x-15x-45=50
               19x au 95
    या
    या
                 z=5
    ≖ का यद मृक्य (2) में रशने से
       25-y=-15
         -v = -40
          y = 40
    या
       · = 5
    वदाहरण (३) हब क्रो :--
   x+2y=3=4x-v
इस के दी समीकरण इस प्रकार बने
    x+2y=3
               (1)
   4x-y=3 .(2)
```

```
इस द्राह्म्द (३) में रसने से
      4(3-21)-1=3
      TT 12-55-5=3
        -04--0
                -
इ का बह सूख्य (1) में स्थाने से
```

r-1ं दें] उसर

z+2-3

त्रमिन विदि इहाहरू (४) हम बरो :--4r-29 = 2(1) 10-3y=5 ... 121 द्वर हम होगें बर्म काली में 3 के मुल्क काका कारे 3 के हुए दरेंगे।

र्यार के से से से सुरूप किया कार चीत्र हैं, बी दे में, हैं कुएक बराबर ही कार्रेट । इसकिए (1) कोई से मुद्रा बने की

(82 2 K) क्ट बारे हैं. 12r-fe=24 --- 2

13r-6y-15... C त देशे ह हो इस्पे हे

... 3 द**क्ष: द**िस्त स्था

```
मृत गणित
45
      12-2y-8
        -2y -4
           2-3 ] 3m2
   उदाहरण (४) इल करो :--
     4x+3y=1 ....(1)
      5x+4y=2 ...(2)
    (1) की 4 और (2) की 3 से गुला करने में
        16x + 12y - 4
                        (3)
        15x+12y=6...
                       (4)
    (3) में से (4) की वटाने
         z=-2
    () में = के क्यान पर -2 रमने मे
           -8+34-1
               34-9
                y-3
      41
                 2 3 3 THE
    उदाहरम् (६) इत्र बसे:-
           4x-2y=13. (1)
           20-29-1-1-(2)
```

मीनों सर्वाकारणों को जमा काने से 64=12 ड=2 : में s=2 स्थाने म

```
2=ئر لك
2=ئر
चा ४=०!
   ::====
y===] ===
[बांबः—
   द के स्थान पर दे चौत ह के स्थान पर दें। सबने से
         $3 0-0x=4-5=-1
    इसतिये 🕳 भीत 🕫 के यह मृत्य दोनों समोकारों को सन्तुष्ट
क्दे हैं।
    द्याहरए (७) हट ब्ले-
     2----------------(1)
      5=-3==1.....(2)
      (७ में से (1) घटाने से
             Szeń
          TI ==2
        (2) में न के स्थान पर दे रखने से
                 10-57=1
                    -3==-9
     বা
      ₹1
                    .: ==²
४=३ ] उद्या
   (दाँचः-
            2-49=212-313=4-4=-5
          €3 34 - 33 = 3 × 2 - 3 × 3 = - 2 = .
       हर्पविरेशकोर इंड दह रहा होते साधारी की मन्तु
    बर्ली हैं।
```

υE

प्रश्नावली २०

निम्नलिखित युगपन् समीकरणों को हल करो और अपने बत्ता की आंच करो।-

(2) x+v=6(3) x-y=3

x-y=2=+v=5

(8) z - 3y = -5

(v) 2z+y=11

x + 2y = 5x+y=7

(x) 3x + 2y = 31(%) 3z-2y-10

3x + 5y = 37x + 3y = 7

(e) x+4y=21 (z) 5y - 7x = 4

4x-y=168y - x = 7

(a) 2x-3y=0 (to) 5x-4y=1

3x - 4y = 213x + 11y = 81

(11) 11x + 2y = 38(11) 7u + 5x = 29

7x - 3y = 378y + 9x - 43

(22) 4x + 7y = 23(2x) 12x - 5y = 1

6x - 5y = -1210y + 21x - 1

(2x) 7 = 2x + y(? §) y = 4x - 10

x+3v=2 4 - 2x - y

(20) 3z = y + 23(t=) 4y=7+9x

3u = x + 193x + 7y = 1

(ts) 5x-3y+9=0 (Rol 9x=18-25u

x + 6y + 15 = 06x - 12 = 55y

(२/) यदि 2x-5p=1, भीर 7x+3p=24, तो x-y का मक्य

बताको ।

 $\{33\}$ 7w=2-x. (33) 4x=2n+5.

2v = 11 - 4x

$$(45) \frac{2}{4z+k} = 2;$$

$$(75) \frac{7x}{5} + \frac{5x}{5} = 12 = 5x - \frac{5x}{5}$$

$$(72) \quad \frac{z}{2} + \frac{z}{5} = 7; \qquad (34) \quad \frac{z+9}{5} = \frac{2z+1}{3} = \frac{z+y+2}{4}$$

$$\frac{5}{5} + \frac{5}{6} = 8$$

परते (1) भीर भी हो उना हिया.

$$z = 3$$

=0 मूल गिखत वो ²y∞4 y=2 ∴ x=3) y=2) उत्तर

प्रश्नावली २१

इल करोः-

(2) 2x+3y=7,

3z+2y=8 (8) 11x-13y=46,

13x-13y=40,

(x) $\frac{1}{2}x + \frac{1}{4}y = 1;$

 $\frac{1}{3}x + \frac{1}{6}y = \frac{1}{3}$

सक्य द्वाह स्योग्ज्ञा हारी।

(*) 23x+17y=63; 17x+23v=57

(v) 11x+12y=58

12x+11y-57(5) $\frac{2x}{3}-\frac{3y}{2}-1$;

 $\frac{3x}{5} - \frac{2y}{3} + 1 = 0$

ऐमे समीकरण जिन में अन्यक्त गशियों के ब्युः

त्रयुक्त हों ।

परिभाषा—विदि को शिवाणे का गुवानका एक क इकाई हो, नो उन्हें एक तुसरे का स्मुलस कहने हैं। जैसे उ स्मृतका है, प्रकार के किया है।

जिन समीकरको ¹मीर ¹ प्रयुक्त हा केन्द्र इज करने संय

[।] कोर ुकसक्य सामारण राति स निकास ना 'यर ४ कीर ४

े उदाहरण (१) हल वरोः--

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{5}{6} \\ \frac{1}{x} - \frac{1}{y} = \frac{1}{6} \end{cases}$$

महोकारों की जमा कार्र कींग कराते से.

<u>"</u> -1 ±17 = 7 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

ं 📆 📑 उसर

उदाहरए (१०) इल वरोः-

 $\frac{4}{x} - \frac{3}{x} + 1 = 0$...(1)

.8_1.5 = 9(2)

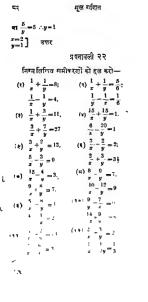
(१) बोड में चौर (१) बोड में युला बाढ़े होते की छ

डिया, लो

한 그림 -5=8

", ~# 57

(३१ में १ के बचात्र दर देशार. 바람들수일=9



सरल युगपन नमीकरण

=3=5+1

$$\frac{4\pi ce}{4\pi c} \frac{4\pi c}{4\pi c} \frac{4\pi c}{4\pi c}$$

$$(12) \frac{3}{x} + 5y = 2; \qquad (10) \frac{11}{x} - \frac{6}{y} = -5;$$

$$\frac{1}{x} - 2y = 5 \qquad 3 \left[\frac{2}{x} + \frac{1}{y} \right] = 12$$

$$(12) \frac{x-1}{y-1} = \frac{3}{4}; \qquad (11) \frac{2(x-1)}{y-2}$$

$$\frac{x+2}{y-2} = \frac{4}{4}$$

(1a) 32 - 1 = 1

(1E) -5=-4(z+y)--3: 27 = 7(7--) ·

 $\frac{3}{z+1} - \frac{3(y-1)}{2(y-1)} = 0$ (t=) 6=+55y-125=0=34z-132+15y 52 मल गणित

से ग्या किया, तो 3x + 2y = 48....(3)चौर 9x-5y=45(4)

> [जॉच 5"+ (=8 wh 10 - !=1]

इप समय स्थानधा है ?

बचता है। वे संख्याएं प्रतीत करी।

चनुसार

4x+4y=8.....(1)

चीर 1x-1y=1... ..(2)

भिन्नों से सुटकारा पाने के जिये (1) को 6 से फोर (2) को 45

(3) को तीत में गुला करके (4) में से घटाने पर -11y = -99y=9या

y=y रतने से 9x - 45 - 45att 9x-90 x=10 इमजिए वे संख्याएँ Li) चौर 9 हें I

पुराहरूमा (३) वह सनुष्य ने सपने पुत्र से यह बहा-"मान दर्व हुछ मने बायु कुछाना बायु स सात गुनी थी सीन सात दर्व में मेरा चायु तुम व तिग्ता होता।" बताचा, पिता चौर पुत्र की चायु

उत्तर

मान सो कि वे मंख्याएं क्यौर ५ हैं तो प्रश्न को शर्ती के

चीन पहली संख्या के है में से बूसरी संख्या का है घटाने से रे

धापे में दूमरी का तिहाई जोता जाय तो घोगकल 8 होता है.

मान तो कि इस समय दिता की धायु x वर्ष है धीर पुत्र कं y वर्ष तो धव से 7 वर्ष पहले पिता की धायु (x-7) वर्ष भी धीर पुत्र की (x-7) वर्ष । ध्वय से तीन वर्ष परचात् पिता की धायु

(x+3) वर्ष हो खायेगी चौर पुत्र की (y+3) वर्ष ।

चय प्ररन की शतों के चनुसार

-7=7(v-7)... (1)

भौर x+3=3(y+3).....(2)

(1) में से (2) घटाने से

-10=4y-58

-10-49-

जिससे y= 12

(2) में v=12 रखने से z+3=3(12+3)

या x+3=45

x=42

r=42

्रं इस समय पिता की घायु 42 वर्ष हैं चीर पुत्र की घायु 12 वप्

प्रश्नावली २३

- (1) दो संदराधों का योगफल 132 है और न्यवकलनफल 18 है,
 संद्याय प्रतीत करो।
- २) हो संख्याको का योगफल 80 है कीर होटी संख्या के लिग से स वहीं सल्या घटाने पर 20 बचते हैं। वे संख्या बताको।
- (३) लंमा हो सस्यापें बताओं कि पहलो सम्या हमरी संख्या । काथे से 2 फथिक हो और दूसरी सन्या पहला के निगुने । 20 कम हो ।

ΞĘ मुल गणित (v) ऐसी दो संख्याएं प्रवीत करो कि पहली संख्या, श्रीर दूसरी संख्या की एक चौवाई का बोगफब 35 हो चौर पहली संक्या का विगना इसरी संदया से 7 अधिक हो 1

(१) एक संख्या के ऐसे हो आग किये जा सकते हैं कि छोटे भाग का दुगना बढ़े भाग से 5 अधिक हो, और बढ़े भाग का दुवना होटे भाग के तिशुने से 1 अधिक हो। वह संख्या चीर उसके भाग बताची।

(६) ऐसी दो संख्याएं a और b प्रतीत करो। fa a- 1b=b+ 1a=300 (*) A की चालु का तिमुला B की चालु के दुगने से 6 वर्ष

अधिक है। यदि B की बालु A से 3 वर्ष अधिक हो, तो बताको उनकी साथु क्या क्या हैं ? (=) A की बालु का बाचा B की बालु के एक विदाई से 2 वर्ष थाधिक है। यदि उनकी साय का योगफल 44 वर्ष हो, सी मध्येक

की साय बतामी ? (३) तीन वर्ष पहले पिता की बायु पुत्र से दुगनी थी । तीन वर्ष परचात उन कोनों को चाय का योगफल 7 > वर्ष हो जायेगा । बतायो, इस समय उनकी बायु क्या क्या है ? (30) इस समय A की चालु B से 10 वर्ष कम है, चौर दोनों

की बाय का योगफल 70 बर्ष है। बताको, जब से 11 वर्ष **परचा**त् उनकी बासु क्या क्या होंगी ? (१६) पिता कीर प्रत की वर्तमान जायु का बोगकत 70 वर्ष है। इस क्यें क्षीते पुत्र की चासु पिता से एक चौधाई थी। उनकी चासु

इस समय क्या क्या है ?

उदाद्रस्य (३) एक संस्था में दो संक है सोर दोनों सेकों का योगकत 5 है। बद्दि संकों के स्थान बदल दिये जाये, तो नहें संस्था पहलो संस्था से 9 स्थिक होगों। बजायो, बढ़ संस्था स्था है !

मान सो कि इकार्ट का चौक = है

की दहाई का शक ह है

तो वह संदया=100+2

भौतों के स्थान बर्जने में मंदवा का मृत्य 100 + प्रदो आपता, व्योदि - बहाई का भोत हो जायना भीत प्रदर्श का ।

भव भरत में दो हुई शंबों के धनुसार

z+y=5 (1)

wit 10=+y=107+z+9 ... (2)

(2) को संविष्य करने से

z-y=1 (3)

 धौर (3) को जना करने से 2==6

di == 3

(1) 표 한 (3) BEI국 다 2g=4

EI 1=2

इस बिये इन्दित संख्या = 23 पत्तर

इत हरता (४ ताने अकी की एक सकता के अकी का सीताबात 1) है बाव बाजा और राघ और वे या ने ४ द बगाबर है। पित पहल और नामर अकी के स्थान आपम ने बाल दिये आये, तो सक्या के महस्य १९ क्षीयक ही अने वे बहु में त्या उनाने क्या ,

55 मल गणित क्योंकि बीच बाला एंड पहले और तीमरे चंडों के बोगफल के बराबर है धीर इन शंकों का योगफल 10 है, इस जिए स्पष्ट है कि बीच बाला शंक है है। सब यह मान सी कि इकाई का शंक # है और सैंडड़े का शंक v 2 1 दी हुई संख्या का मुख्य 100y+50+x अमेर प्रकेस्थान एक दूसरे से बदलने पर धर्यान् क सैंकड़े का र्फ श्रीर y हकाई का चंक हो जाने पर,संख्या का मूक्य 100x+50+9 ही नावेगा। चय प्रश्न की शहाँ के चलुसार y + 5 + x = 10(1) TT 100x+50+y=100y+50+x+99 (2) (1) को संखिप्त करने सं x+ves5 (3) (2) को संचिप्त करने से 2~v=1 (4) (3) धौर (4) से स्पष्ट है कि x=3with y=2इसलिए इच्ट मस्या = 253 (१२) दो चको वाली एक सध्या का इहाई का श्रक इकाई क चक्र मे उ प्रधिक है, चीर महत्या का मूहम चक्रों के योगफल का चाड़ गना है। बह मध्या मालम करो। (१३) दा बको वाली एक सभ्या क सको का यागफल १ है। यदि धको कम्यान बदल दिये और तो नई संख्याका मुख्य समझी सस्या स ७३ प्राधिक ही जाता है। वह सरूया बताची।





से जिल का गुरू हैं। हो जाता है। वह जिल प्रहीत करों। मान को कि उस मिला का की नहीं की हा है है, हो मान की हों के बहुसार

==1 -1 --(1) · 三十 (1) हो मंदिल हाने हैं

2-- 1=-1 (2: को हर्तिक करने से

11:-57=3, _4 ह, दोर (र हो हा हारे हे

£13 = 11

इमीत् श्रामित्रः ।

(11) Tent from & size from 100 from to 12 from to के सहत के इंड्रिंग हैं। हैं के कर हो। (व स्टिंग र स्टेर्ट्स टेंट र स्टर्स

सक्षेत्रक है संस्थान

Emerge Start Co. Care En tement file, a mare २१) ऐसा भिन्न मालूम करो कि उसके श्रंश में एक जमा करते में भिन्न का मन्य दे हो जाय, और हर में से एक घटाने से भिन्न का मुख्य 5 हो जाय। २६) किमी भिन्त का हर चंश से 13 चलिक है। यदि चंश में 2 जमाकर दें और हर में भी 2 जमा कर दें, तो भिन्न

मल गाँए उ

2

का मुख्य है हो जाता है। वह भिन्न मालूम करो। २०) हो निल्लों का थल्ला 🚠 है धीर योग 🏂 वे भिल्ल मालूम

करो । र⊏) एक मनुष्य ने कुछ मुर्गे कीर भरगोश पाल रखे हैं। वदि उन

सन के सिरों को संख्या 22 चीर टाँगो की मंख्या 70 ही, की कितने मर्गे और कितने सरगीरा हैं ?

पांचवां ग्रधाय

वर्ग ममीकरण या द्विघात समीकरण

एक सायत का देवफल १ वर्गफुट है। उसकी सम्बार उसकी Quadratic Equations

हूँ में 2 पुर क्रविक हैं। उसरे मुझ प्रतीत क्रों। मान लो वि सामत की चौहाई " फुट सीर सम्मार्ट "+" पुर

तो चेत्रपत्त== (+ + 2) बर्गपुर . दी हुई शर्त के झनुमार म (ममे १) - 24

यहां इस समीकार में में प्रयुक्त है इसे द्विपात या वर्ग समी-

करण बहते हैं।

. का मूल्य प्रतीत करने के लिए हम पहले दोनों पदों में एक जमा करके पूर्ण वर्ग बनाते हैं।

·. + 2+1=25

या, (:+1) =5: होनों पचों का वर्गमृत निकालने से

z+1=5 피

पनानक मूल लेने पर कायत के मुख क्रमरा 4 पुत्र कीर 6 क्ट है।

झतः हम वर्ग समीकरण को. वर्ग प्रा कार्ज हल

कर मकते हैं

मृत गणित 15 बतामो, मत्येक नाली सद्धमन्धवन उसे किउने समय में मर सकती

करपना करो कि पहलो नाली टंकी को 2 घेंटे में भर सकती है. वो इसरी #+3 वयदे में भर सकती है।

पहली नाली टंकी का - भाग एक घरटे में भरती है। दूसरी नाली र्टको का 📜 आग एक घरटे में भरती है।

'. श्रीनों मिलकर टंकी का (1 + 1) माग एक वंदे में सर्वेशी ।

परस्तु से दोनों एक बचटे में टकी का 📑 भाग था 🗘 भाग सरकी हैं।

 $\frac{1}{x} + \frac{1}{x+3} = \frac{5}{18} + \frac{2x+3}{x(x+3)} = \frac{5}{18}$ दोनों पचीं को 182 (2+3) से गुला करने पर.

18(2x+3)=5x(x+3)साधना 5x2 - 21x-54=0

z = (x-6)(5x+9) = 0.. x=6 www z=-:

इसरा उत्तर ऋखारमक है इमजिए इसे ठीक नहीं मान सकते। हुले उत्तर से हुम इस परियास पर पहुचते हैं कि पहुली नाली उंकी 6 वर्ष्ट में चीर क्सरी 9 चक्ट में नर सकता है। उदाहरुए। 🖫 मैंने एक घड़ा 30 रुपये में बेचो तो मुक्त उतने

निशत लाभ हचा जिलने रुपये में मैंने पड़ी मोल भी थो। वताओं.

कररमा करो कि घड़ी का सपग्तप == रुपये, तो

विवय मूल्य == + 100

 $\therefore x + \frac{100}{x_1} = 30$

समीवरण को इल करने पर,

z=30 et -130

कायापार मूल्य का कोई कार्य नहीं इसक्टिए इसकी होड़ दिया।

बातः बादम्स्य = 30 रवये । उत्तर

प्रश्नावली २५

- (1) दो संस्ताकों का धोगणल 14 कीर गुरक्कच 24 दे। दह संस्थाएं कहाको।
- (व) ऐसी ही लगाजार संवचाएं बजाबी बिनवा गुल्टरफंड 533 के बगावर हो।
- (६) देती दी क्याला सम संव्यादं बताओं दिवका दुरक्यक 288 के बताल हो।
- (क) देनो हो लगातर दियम संस्थाएं कठाको जिल्हा गुणस्वछ 1843 के कामग्र को ।
- - के बरापर हो।
- (० एक माधान का केंद्रपास की दरावृत है तमको क्रमाई केंद्रपृष्ट में 3 कृत कमिक है । तमक मुळ प्रणान करा ।

(क) एक संख्या चीर उसके स्मुख्या का मोगफल न्दुर्ग है वह संख्य प्रतीत करों। (व) एक संख्या चीर उसके स्मुख्या का घन्तर न्दुर्ग है। वह संख्य प्रतीत करों। (३०) दो संख्याओं का गुल्यन्तल 720 है, चीर चिट्ट एक संख्या कं मुसरी पर भाग दिया जाय तो अजनकल 10 है। संख्या स्मान्य करों।

(11) दो पनासम्ब संस्थाएँ बतायों किनका सोसकल 12 हो थी जनके ब्युक्तमों का सोनकल है हो। (12) एक मिन्न का हर उसके धरा से 4 यशिक है। मदि उस भिन्न को उसी से गुणा कर तो गुणानकल के हर खीर धरा का सन्तर

40 होता है। जिल्ला प्रचीत करो । (१६) एक समुध्य की चासु असके पुत्र से 20 वर्ष भागिक है, 5 वर्ष परचार दोनों की कासु का सुधारफल 576 होगा। बताधी,

मल गणित

800

उनकी चातु इस समय कितनी कितनी है ? (30) एक सञ्चाप घीर उनके जुप की मायापाची का ओह 60 वर्ष है कीरजन्म वापू के चांके का गुण्यनस्क 576 होता है। दोनों की मायापाय बनाधी। (14) एक सञ्चाप ने 1 क्या 8 आने के जुप्त सेच किये उसने सम्

इस प्रकार उसे बतना क्षाभ हथा जितने में उसने वक सेव मोख

बिया था। बनाधी, उसने किनने सेव मोब बिये में धीर मध्य सेव किनने का मोब बिया था? रेक किनने का मोब बिया था? (१६) एक बायत का चेनका 1200 वर्गनव है। यह उसको चौनारे एक मान प्रचित्र होती और बस्माई हो गत कम होती तो भी चेनका हतना है होता। उसकी बस्माई चौनाई बनाओं। (१७) एक रुपये में जिल्ली नारंगियाँ मिलली हैं, उनमे 8 नारंगियाँ धिक मिलने लगें, तो एक दर्जन नारंगियों का मोल 4 धाने कम हो जाय । बतायो, एक कोई। नारंगियाँ कितने में मिल बही हैं ? (१=) एक धायताकार मेत का देवफल 4S वर्गगत है धीर उस के

करों की सम्बार्ट 10 गत है। उसकी सम्बार्ट चीहाई बताची। (18) वेसी संदया बताधी जिसे उसके वर्ग में बना किया जाब ती

योगराल उससे धगली संख्या से सीग्ना हो जाय।

(२०) एक मनुष्य ने बुद्ध कुर्मियाँ 200 रुपये में मोल सी । उनमें से 5 चोरी हो गई। रोप वृतियों में में उसने प्रत्येक कुर्मी को प्रत

मूल्य से 4 रपये कविक मूख्य पर येचा कीर इस प्रकार उसे

40 रपपे का लाभ हुया । कतायी, उसने कितनी मुनियां भीक सी थी चौर प्रपेक बुर्मी कितने की सीख ली थी ? (११) एक मनुष्य ने धारनी धड़ी 75 रुपये में देखी स्तीर उतने प्रतिशत

साभ उटाया दितने रुपये की मील सी थी। यही का अय मुख्य सताको ।

(२२) मैंने एक मेज 14 राजे 1 काने को देखी कीर उतने प्रतिशत साम उराया जितने रुपये की यह मेज मीत सी थी, मेज का वय मुख्य बतायी।

जांच पत्र (पहला खरड) पत्र १

1. = +2y = +y का = +2y = +y से गुणन करो २. गणनलंड करो :--

(8) $x^3+4x-bx-4b$ (8) $xy (a^3+b^3)-a^3 (x^6+y^3)$

३. _४ शक् x=b+c, y=c-a, x=a-b, वो सिद्ध करो कि x³+y³+x³-2xy-2xx+2yx=4b³

4) には 東代 1年 エーザーニューニュリーニュニー 292年 293年 40° *・ 表示 年代 :--(電) 2-2 (z-3)=4z-4(z-3)

(a) 3z+4y=4(z-3)(b) 3z+4y=41; 6z+3y=50(c) $z^4-5z=0$

 एक कमरे की चौदाई 10 पुट है। यदि सम्बाई 3 पुट अधिक द्वीतो सीर कोदाई 1 पुट कम, तो चेत्रफल में कोई सम्बर न

होतो बार कांबाई 1 कुट कम, को चत्रफल में कोई चन्त होता। सम्बाई माल्म करो। पत्र २

पत्र र 1. a⁴+45⁴ को व*—2a5+25° से भागदो । २. गुणनसंह करोः -

(a) 2xy-3yz-4ax+6az(a) $(a+b)^2+2c (a+b)+c^2$ (b) $16a^4-81x^4$

३ यदि $x + \frac{1}{x} = 5$, को $x^2 + \frac{1}{x^3}$ का मुख्य बतामी ।.

(E) (2x+3) (3x+5)=(6x+1) (x+1)+74 . हल करो :-

(G) 41x+31y=133,

312+419=53 एक संट्या दूसरी संट्या से ! क्षचिक है तीर दोनों का जीव (n) = -0r+14=0 36 है। मंख्याएँ माल्म करो।

पत्र ३

(a+b+1) (a-b+2) हे गुणनकत को

(a+b-1) (a-b-2) के गुरुवस्त में जोती. सीर a=5, b=2 मान का सदने उत्तर को जीव करो।

२. गुरानखंह दरो :--

(E) Sl=-1

(£1) 1622-ñ

(n) 0(a-b)2-1 (A) 205-074

३. मृल्य निहातो :--

(E) 2003×1007

(a) 800.1×109.6

संकेत—रस मृत्र से हान को e^{a} — b^{a} = (a+b)(a-b)हल करो:-5x-10 - 3x-5 = x-1

. A y=3=-2. y-1=4=

(n 152 = 1 - 25

द. इति के पास स्थाम से तिगुना रूपमा है। यदि इति स्थाम को 250 रू दे दे तो स्वाम के पाम इति से दुगुने हवये ही आएँगे । चताको दोनों के पास कितने कितने रूपवे हैं ?

पत्र ४

1. विद्य-2, y=3, a=4 तो 7ax3-5a3xy-10x1a+50xy3+3ax3-20y3x #1 #74

क्या होगा ?

गणनशंह करो ।-

(w) a"-b"+c"+2ac

(m) ca(c-a)+ab(a-b) (m) x4+x9+1

(T) x4-5x4+4 गुणनसंग्र करके मृश्य अनीत करे।:—

(*) 769×769-231×·231 769-231

(m) {(814)*-(187)*1-63}

इल करो ⊢

(w) $3+\frac{\pi}{4}=\frac{1}{2}(4-\frac{\pi}{4})-\frac{5}{4}+\frac{1}{2}(11-\frac{\pi}{2})$

(*) \$\frac{5}{2} + \frac{3}{2} - 30, \quad \frac{9}{2} - 2 + \frac{5}{2}

(a) 2x3-x-210=0

 रिना की बायु पुत्र की बायु में वॉच गुनी है। 24 वर्ष परवार पुत्र की सायु निया की बनेतान सायु के बराबर होगी। दोनी **द्धी वर्गवाम पान् वनाची** ।

```
803
                 जांच पत्र
                  पत्र ५
१ सरल करी १०-(३०-१४०- १०- १
२ गुलनसंह करोः—
  (B) 21-131-40
```

(E) = -13z+4º (n) =2-5x-24 (a) =+4x-551

१. (क रोम में ने हार में में गुरुव करों (स) 182 - 392 + 182 - 5 में 32 - 5 का भाग हो ।

४ हल करो:-

(#) 4=-3y=12, 0=-y=16

 एक मैंस्या में दो कंक है जिनका योगफल नहें । यदि उस संख्या में 27 जोहें तो संब उत्तर जाते हैं। संख्या मातूम इसो पत्र ६

9. (=+50) (=÷So) को दो बर्गों के बन्तर के रूप में प्रद्यित

२. गुजनसंह इसे :--ह्यो । (5) 6x2+29x+35

(21) 30=0-61=+30 (4) 621-31-5 ة - يب فيد ج

४. इल करोः— (x) $(x-\frac{1}{2})^2-(x-\frac{3}{2})^2=x+2$ (=) 2x-3y=5, 3x-4y=6(n) $2x^3-10x=3x-15$ +. 9 सेर गेहूँ और 18 सेर जी का मूक्य 3 रु॰ 15 आ॰ और 21 सेर तेहूँ और 9 सेर बी का मुख्य 5 हु 1 था है। एक सेर नेहूँ

३. बताची 3a-5b+7c में से क्या घटाएँ कि रोड c-2b+3c. 36-c-2a, श्रीर 2a-b+3a के सोग्यूज के बराबर हो !

धीर एक सेर जी का मुख्य आलग करी।

9. 2a-3 (h-c (2+a)) 副天 3c (a-1)-(b-2a) 動 सरख करी चौर पहले बर्गंतक को दूसरे बर्गजक में से बराघी। २. (क) यदि x- 1 = 10, तो x3 + 1 का मृत्य कताको ।

(m) यदि a+b=9 और ab=20, भो 21+b2 कर मान जात करो।

1, 49a + 70ab में क्या जोड़ हैं कि यह ब्यंजक एक पूर्ण बर्ग कर ,

आय १ थ. इल करो.— (a) $\frac{x+2}{2} + 2 = \frac{x+4}{5} + \frac{x+6}{2}$

 (x_1) 12x-15y-3x-24=1 (π) $2x^3-3x-629=0$ र एक वु'जको ने कुछ सेव एक बाने के शीन के हिसाब से बीर

उतने ही सेव एक थाने के चार के हिसाब से मोल जिये। सब सेवों की 2 काने के 7 के हिसाब से बेच दिया। उसे 3 काने का घाटा हुआ। यताओं उसने कुछ कितने सेव मोछ जिये थे भीर कितने से लिये थे ?

पत्र ८

१. ६८÷१६५+१०-४८५-६५ को ४८+४-६ से मान को ।

२. सरत हरो-

(€) (2+t-c+6)2-(2-t+c-6)2

(स) दहि द=1, १=2, ८=३, तो

(०+३+०प स्ट्रांस्ट्रें) हा मान मालूम हरो।

६ शएनखंड स्ते :-

(E) 522+47:-47-5=

(F) 1-19s-120s

१०० १--११४--११४४ इ. हत हरो :--

 $(\bar{e}) = \frac{3\bar{e}}{4} + \frac{1-2\bar{e}}{5} = 2\hat{i} - \frac{\bar{e}}{5}$

 $(3) \quad \frac{2}{z} - \frac{2}{y} = 2, \frac{1}{z} - \frac{1}{2y} = \frac{1}{2}$

(T) 42-165+15=0

र. एक संस्था 12 से जिल्ली क्राविक है उसके स्मुख्यन का दिश सुदा ई से उत्तरा हो कम है। वह संस्था मालून करो।

52 6

१. इंड-इंड-इंड्र-१८ इंड-१५५-१८ कीर -१५४-१५ में के मोतकत की इंड-इंड-१ में गुरा करों।

२. गुएनसंह स्रो:-

(E) (2=-1)2-(=-2)3

(#1 1-45t-12-4a:

(T) 2424-45-45

द्रसरा खएल शंक गणित

बरा यध्याय गुरानखरड श्रीर श्रपवर्त्य Factors and Multiples

परिभाषाएँ दि एक संख्या किसी दूसरी संख्या को पूर्ण रूप से विभाजित करदे

दिली संस्था की गुरानुखंड या अपवर्तक कहते हैं और दूसरी प्रवास्त्री कहते हैं। जैसे 15, 5 से पूरी तरह बंट आता है चतः पांच का अपवर्ष चौर पांच पन्द्रह का गुरानसवर है। जो संख्या 2 से विमक्त हो जाय उसको सम संख्या, भीर

ंहवा दो से जिल्हा न दो उसकी विषय संख्या कहते हैं:-वया 2, 4, 6, 8 बादि सम संख्या है।

चौर 3, 5, 7, 9 बादि विश्वम संख्या है। ही संख्याएँ एक दूसरी के परचान साधारण रूप में खगाजार हें उनको क्रमागत संख्याएँ कहते हैं।

वया 1, 2, 3, 4, 5 चाहि। और 11, 12, 13, 14 वादि ।

हम्बेक संहवा अपने से थीर इकाई से विभक्त हो सकती है। संख्यायें जैसे 3, 5, 7, 11, 13 चादि केवल चपने से काई से ही विभक्त हो सकते हैं. इनको ग्रामाज्य संख्या ŘΙ



*** मल गणित (क) मदि किसी संकवा के धान्य में शान्य हो, तो वह संकवा 10 से परी वैट जःयगी। यदि सम्म में दी शुश्य हों सी 100 से और यति नीन भूम्य हीं, तो 1000 से परी बंद कावगी। [कारक स्पष्ट है] (१) वहि हिमी मंत्र्या के चान्त में जुल्य वा 5 दो तो वह मंत्र्या 5 से परी बीट जाएगा । यथा 290, 295, 225 **जा**दि । हिरमा- बड़ी है जो उपर (1) में बनाया गया है। (६) यदि दिसी संस्था के शाम में तो ग्राम्य हो या शाम के तो श्रीष 25 में बेट मकने ही जो यह मंख्या 25 से वरी बेट आवेगी, बैसे 250 चीर 275 । [कारता: बड़ी है जो ऊपर (2) में बनावा गया है ।] की की किसी संख्या के चान्त में भीत सूच्य हों था उसके चल्लिस बीज बोब 125 से बेंट शहरे हों जो वह संकरा 125 में बैंड क्रावेगी, बैंबे 19375 सीर 19500 I [कारण, क्ट्री है जो कवर (3) में बनाचा गया है।] · छः चरि किमी सच्या के श्रीकों का जोगनात्र 3 से परा परा वेंद बाय तो बह संस्था नीम से बेंट बायुगी। बेंथे 531 क्योंकि 5+3+1-91 ETCT: 531 -500 +30+1 -5 59+1,+3 (9+1;+1 -. - 3 - 3 - 3 - 1, er avere . Seiel बार कोक, बान वाद्या का बाव का मी मी की 4 191

(१) क्लिंग संस्था के बंकों का चीन ? से पूरा पूरा पंट ज्याय को वह संस्था भी ? से पंट जायेगी; दैसे 531, क्लोंकि 5+3+1=?

[कारणः—वही को करर बजाया गया है।] (५०) यदि कोर्ट संस्था 2 और 3 दोनों में पंट जाय तो यह 6 में भी पंट जायेगी: जैसे 546।

(11) यदि कोई मेरना 4 कीर 3 से केंट जाये की यह 12 से में भी केंट जायेगी; जैसे 40116।

(१२) दिन मेरवा केसन और दिवन स्पाने के बंदों न - कम्या मून्य हो पा 11 में पूरा पूरा वंट सबना हो वह मंदवा 11 में बंट खांदेगी: बैसे 42907 ।

(7+9+6)-(6+5)=32-11=11

[41(()-6295;=6290+5000+900+60+; =6 (999+1)+5(10)1-1)+

9 (99+1)+6(11-1)+7 =6×999+5×1001+9×50 +6×11+6+5+9+6+7 =11 \$1 \$555 + (6+9+7) + (5+6)

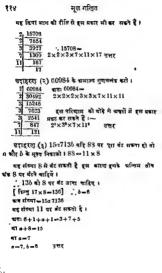
=22-11=11 ंबदि (२५७५०-(६५६) 11 ने प्रा प्रा के बाद से

९६००र भी बंद करेगा । दी हुई संख्या के असान्य गुख्तखंड पराना ।

इस मेरना में बमान्य मेरनाओं का भाग देकर देशी। यहते 2 का भाग दो दिर 3, 5, 7, 11 कादि का भाग देकर देशी।

स्तहरूत् (१) 15708=2×7854 =2×2×8927 =2×2×3×189

=2x2\3x7x187



प्रश्नावली २६

दिना भाग दिये बताधी कि नीचे वित्यी संस्थायें 5,8,10,11,12

श्रीर 15 से बंट सकती है या नहीं।

(1) 328

(%) 1385 (%) (k) P550 (k) (v) 4520

18955 758985 (=) 595210 (E) 289575

778775.

दिना भाग दिये बताभी कि नीचे जिली संत्यादें 6, 12, 20 कीर 25 पर बंद सकती है या नहीं।

626 (13) 7896 (11) 85560 (\$\$) 989898 (11) 765432 (tx)

धभाष्य गुणनसरह करो:--

(15) 117 (10) 289

(25) 625 (18) 890 (10) 754 975 (33)

(11) 1230 (11) 3000

बीचे किसी मेरवाओं में बीन बीन सी मेरवाये बानाहय है है कृतमें को संस्थाये संतुकत है उनके बालाइय सुद्यक्तरह #21:---

(tv) 21 (ct) 99 (rt) 121 (ts) 221 (t=) 891

(RE) 18018 (10) 17017

(३६) मोचे क्रिकी मेरवाफो में गुरे हुए बंब हम बचार असे कि बह संस्थाय (क) 9 से (स) 11 से पूरी पूरी बंद काये।

\$*766, \$7*25, \$2*45, \$405*4 (३३- 778596 के गुणनमण्ड करो और दिलाओं कि बहु संक्या टीक

इरामा मेरदादी का गुरुक्दक है।

(11 सिंह क्यों कि अमा की 1 के ? क्यांक्ट सेक्ट के हैं।

ा के किए को कि कि का की . के कि का कर सकता है है

(११) विश्व करो कि (1) 5653, 7348, (१) १११४४, ११४४ परस्पर क्रभाग्य है।
(६६) बताची 17 की दिल संख्या में गुला करें कि शुलनवय
144 हो भाग।
(१०) 31531 के बाहिशी कीर क्या बाक रुखें कि यह मंत्रवा
91 से पूरी पूरी बंद आप ।
(१६) चार सन्ताज्य मेरुयार्थे हैं । पद्या तीन मेरुवामां का गुणन-
कक्क 1.7 वे चीर कस्मिम भीव संस्थाची का गुनानकक
3053 है। संस्तार्थे बनाचा ।
(१६) वरि 1234155, 88 अ पूरी पंट सफती हो मी अ और ठे के

(४०) 2,3,3,६ प्रम पांकी म ऐसी शंतवा बनावी को 264 में

श्री श्री वंट आस ।

शृल गरियत

111

मान्त्री घषाय र्सम्ह त्रा छन्न

Squan Restant Oute Rect

1 2 2 4 2 6 7 8 8 2. 21 22 32 14 23

1 4 51-227 4 14-11 - 2212417, 15522

The series of the control of the series

रहे। उस ने बीरे को बाद्य को जीने हे कोई की

्रमा । हिल्ला सम्बद्धाः स

Levelle, Ed. Starter the contraction of the first

Edd a Nad in a

उदाहरण (१) 324 का वर्गमुख निकाली । किया √ 324 =√2×2×3×3×3×3×3 =2×3×3 **==18 उत्तर** स्दाहरण (२) 1089 का वर्गमूख निकाली I किया 3 363 $\sqrt{1089} = \sqrt{11 \times 11 \times 3 \times 3}$ -4/11°×3° -11×3 _33 977 चदाइरए। (३) 75 को किस चोटी से चोटी संख्या से गुष्पा करें कि गुरानफल एक पूरा वर्ग हो जाय ? किसा 75=5×5×3 -53 × 3 भागः यदि इसको । से गुणा किया जाय नो गुणनफल युक्त पूरा क्ष्में होगा। उत्तर प्रदनावली २.५ निस्त्तिस्थित सस्याद्यों का वर्गमृत गुणुनस्यरह सनाकर

4, 1298

(4) 2916

1 105625

षगम्ल स्था धनमूल गुणनखरड बनाकर वर्गमूल निकालना

* ? ==

निकालो -

(4) 2 104

(to) 9216

(1) 576 (1) 1024

1, 1946

-) 16384

(११) निम्नतियित संस्थाओं को किस दोटों से दोटों संस्था से गुवा करें कि गुवानफत एक पूरा वसे बन आय ?

50; 72; 96; 128; 245; 768; 887; 1125; 5100.

(१२) निज्ञत्तित संस्थाओं को कौन मी दोटी से दोटी संस्था से भाग हैं कि भजनकल पूरा वर्ष बन जाय ? :02; 75; 126; 192; 108, 375; 847; 343, 864.

वर्गमल निकालने की साधारण विधि

बह तो बिद्याधियों को पहले ही पठा है कि 1 का वर्तमूत 1; 4 का 2; 9 का 3; 16 का 4; 25 का 5; 36 का 6; 49 का 7; 64

का 8, 81 का 9; चीर 100 का 10 होता है।

सब बरोडि 1 वा वर्गमुख 1 है और 100 का 10 है इसिंदिए को संदया 1 और 100 के बोच की है उसका वर्गमुख 10 से कम होगा, और 10 से कम संदया से एक स्टेंब होता है, सदर 1 और 100 के बोच को बिसो भी संदया के वर्गमुख से एक स्टेंब व डो संदया होगी।

इसी प्रकार 10% का कर्ममूल 10 है; और 10 000 का कर्ममूल 100 है; इसलिए 10% से 10% b) तक का सब संस्थाओं का कर्ममूल 10 और 100 के बीच बाला कोई संस्था होगी, क्योंच 3 वा 4 कर्ममूल बालों संस्थाओं का कर्ममूल कोई हो चंकी बालों. संस्था होगी। इसी प्रकार 5 वा 6 चंकी बालों संस्थाओं का कर्ममूल कोई 5 चंकी बालों संस्था होगी।

चन चरि विमी सन्दारे चेंद्रों की संद्या सम हो ती उस है बगसूब से चर्चा के सन्दार स चारा हाते

प्रवाहरणने पहिस्तरसास , ६ - ५ ६६ हाना वर्गसूक से बसरा : १ घव होता :

विद कियी सँख्या में चंहीं की वित्रती दिवस हो, जैसे 3, 5, 7, छ त्थारि, तो उसके वर्गमुख में चंडी की गितती $rac{3+1}{2},rac{5+1}{2},rac{7+1}{2}$ ू , भगवा, 2, 3, 4, 5, होगी। इस विधि द्वारा हम साम्य जान सहत है कि किसी स नया के गौमुक्त में किनने चंक होंगे । इसलिए किसी संख्या का बर्गमुक्त निकासने समय यहाँचे इत्यार्ड से चारकन करते युव युव बांब खोद कर शंबी के (पर किल्लुलगा देने हैं। जिनने किल्लु होंगे उनने ही कर्ममूख के चौक ले । 2 5 6 4 40174 8 2 4 4 170. **डाक्ट्र**लन श्रीव 1 2 2 5 के बर्गमूख में भी 3 श्रेष्ठ होते, Tile 1 1 4 6 0 3 के बर्गमून में 3 श्रंक होंगे। नुम पहले पर मारे हो कि a - 6) = a - 2 ab + 6" - a+ b (2a + b) हमी बचार (चुराई + इचाई .+ -

वर्गम्ल नथा धनगुल

800

(4112)" + geit 12 4512 + guit

उद्यक्तिमा १०० भी का बसे इतर की रीति स निकाको । fætt 17 *±'10 + 7 *

-10*+7 4 - 10 - 7. m . (8) - 7 (2) - 7

***** 1 177 ar ar ma famia.

प्रदा - १ क सका १४ करन जाएन या जाएन वाला है कि इस

and at every war at your more edited & रहान का प्रक्र को। इकाई का कब होता । कह सकता (१४)



```
वश्मूल तया पनमूल
  यह किया हम प्रकार किमी का सकती है।
        10×2+8- 28 2 2 2
                                 बर्गमृष = 18 उत्तर
 उराहरेख (३) 1225 का बर्गमूब निकाली।
     विया:-
                    30
       30×2+5= 65
                           ×
                      वर्गमूज = 35
संचिप्त रूप में यह किया इस बहार लिखी जाती है।
                 65
                                  उन उत्तर
उदाहरण (४) 124609 का वर्णमूख निकालो ।
  किया-
                65
               703
                      वर्गमुख = 👫 🕽 उत्तर
```



```
7 <del>.</del> 2
                  बगमूल तथा घनमूल
     किया
                √235 - √163 -10 उत्तर
  उटाहरण (६) 1424 का वर्गमूल निकालो ।
     किया 🗸 1824 = 🗸 रहन
                  -1.º 3tt
                  प्रश्नावली २८
 निम्नलिवित मंद्याच्यां का वर्गमूल निकाला :---
  ( * 196
                  (3) 529
                                (1) 576
  (x) 1024
                  (11 1089
                                 (3) 2116
  (9) 2704
                  (4) 2509
                                 (4) 3969
 (70) 4356
                 (11) 5184
                                (23) 9801
 (73) 3481
                 (tv) 10384
                               (tx) 103623
 71 19044
                 (19) 57600
                               (1=) 27356
 (11) 255025
                 (30) 521284
                               (37) 1234321
 (33) 36072036
                 (33) 98069409 (3x) 289170025
 (41) 429135971041
 (23) 214
                (39) 134
                               (3=) 471
(30) Till
                (30) 443
                ($3) 2såx
                               (8x) 407,87
(१४) √14]}×2, रं×ातं का सूच्य बतायो।
             दशमलव का वर्गमल
उटाहरण १ 1280 9241 का बर्गमूच निकासा ।
किया -
     1290 9241
```

दरामलब में पहले को चंक हैं उन पर पहले प्रतों को भांति पिन्तु हरापि, दिर दरामण्य के कि ह में बगता चंक दोहकर दूसरे चंक पर देन्द्र सताया चीर एक एक चंक होहकर दिन्दु सगाये।

55-79 3 | 1250-9241 9 | 520 525 707 | 55-92 4949 7149 | 64341 64341 64341

वर्णमूब = 3.7-79 एसर

सदाहररा (२) ५^०००²⁵ वा वर्गमूच मालूम वरो ।

बर्गमुख = 4025 इसर

चत्राहरतः २) 301 75/00 का वर्गमृत ररामवत्र के चार चंकी तक माजुन कर्ग ।

मोट -ररामन्द्र व चार ग्रहों नव वर्गमृत मानूम वरने के दिए इरामद्रद किन्दु म चार भवाडों वा घास्मप्रवाह है । यह मान में पहले हों हैं इसदिय नीम दिन्दु कीन सार दिये ।



```
मूल गणित
            किया
                                                                १२७
              14142
     281
    2824
 01010
   निम्नलिखित का बर्गमूल दरामलव के चार देकों तक निकासी :-
  (20) 3
  (45) -0
 (२६) एक बर्गाहार सेत हा एंबएड 21 एक्ट्र है, उसकी एक मुबा
(२०) बुद्द मनुष्यों ने ११६ रुएये चन्दा दिया, प्रत्येक सनुष्य ने चवनी
      हीं दुधनियों ही बितने मतुष्य थे। बताधीं हर एक ने क्या
ः) एक बर्गाकार रोत का फेंबस्त्र 1() एकद हैं, उसके धारों दौर
    बाह लगाने का रार्च ? बाने 6 पाई बति गत्र की दर से
एक उपान में 22801 काम के इस इस प्रकार क्यांचे गये है
  हि हुएों को दिवनी एंस्तियों हैं दवने ही मार्चक एंस्ति में
 हैए हैं। बतायों, उन हुएों की कितनी पंस्तियां हैं ?
```

144 वरोमत तथा चनमन (१०) एक बर्गाकार जीन का चेत्रकात है। एकत है। बनागी, उसने पारों और है सीच प्रति पश्च की चात्र तो कोई सबुव्य हिनने मानव में श्रमण हर हहेता ? शिंग वृक्त कायण को काबाद कि तम .. कुत में बीट बीडाई जै सत्र दे पूर है। यदि इसके बरावर मुख्या बनावा अन धी बर्ग की गुता कितनी होती ? (क्र) बताबी, Stinte में से बता बताय कि पूरा बर्ग बन आप ? (११) (८(भ) में क्या कोट में कि त्या का बन अक (१४) बर शंक्या मालम करा विस्तका का १६% और १४६० के योगकम के बराबर हो। (१३) बनाबी, 1800 और 2100 के बाच स किनती ऐसी सक्यापं है औ यर बरी है ? (३६) क्षक है क्रोमेट में 68210 निवादी है। जब उनको दक होन वर्ष के बादार में लड़ा किया गया तो 125 विवाही वर्ष रहे । बनाधी, सामने की एंकि में किनने विचाडी हैं ? (३) एक सेमापति चयने 115% सैनिकों को एक होम को के चाहार में सहा करना चाहना है। उसने देशा कि इस वर्ग को परा बरने के लिए उसे 75 और मैनिकों का चापरगहरा होगी । बनाची, इस वर्ग को सामने वाला पर्कः म किनने सैनिक होंगे १ घन मल (१) यन मृत्य-यति किया अध्या क नान यसान गणनस्वतः हा ना इनमें से प्रावेक गुणनस्वद को उस समया का प्रभमल कहते। चम ेकायन ५६ - १ का घन सब े tasium ⊒7 = च्रिकाधन सला ।

4 का धन 64 है; 64 का धन मूल 4 5 का धन 125 है; 125 का धन मूल 5

 $2\times2\times2$ को 2 की तौसरी शिंक कहते हैं और इसे इस प्रकार जिसते हैं 2^{1} । इसी प्रकार $3\times3\times3$ को इस प्रकार जिसते हैं 3^{1} इस्साहि।

धनमूल का विन्ह ^क√ यह है। इस धिन्ह को सदा उस संख्या से पहले लिएते हैं जिसका धनमूल लेना हो।

(२) गुणनखरड वनाकर संख्यात्रों का धनमूल प्रतीत करना ।

यदि इस किसी संख्या के गुण्यनखर बनाकर उन गुण्यनखर हों को तीन भागों में इस प्रकार बाँट कि प्रत्येक भाग में समान गुण्यनखर हों, तो इनमें से प्रत्येक भागको उस संख्या का पनमूल कह सकते हैं। उराहरण (१) 39304 का पनमूल प्रतीत करो।

2 39304 2 10652 2 9826 17 4913 17 289 2 9826 =2×17×2×17+2×17 17 289 3 18 धनमूल=2×17 =34 उत्तर

स्टाहरण (२) ४५६५३३ का धनमूल निकालो ।

```
7.456533

7.65219 45653×=7×7×7×11×11×11

7.9317 # 11<sup>3</sup>

11 131 * v466533=7×11

11 121 # 17 3Ħそ
```



द्याटवां द्यधाय

Average

द्योतत द्वयना मध्यमान (१) एक ही प्रकार की कृत राजियों के योगकत की उ पर भाग देने में जो राजि भाष्त हों, उसे उन राजियों का क मध्यमान बहते हैं।

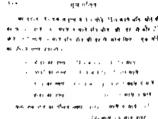
दराहरततः कमरानाय के पास ८ रुच्ये हैं, बावकान् र रादे की कोरवजात के पास 6 रादे। इन रादों का العلته

कता कार है कि इन हरतों हा कीलत में हरते हैं। इसकी इस दकार बर सकते हैं। - हैंना हार्रेंट को हारियों की संस्ता में बरी। बहि गुरुबद्धत सर साहित्यों वे बोल्सक के बाहर हो हो हत उत्तर होत है।

المناس المناسبة على المناسبة ا कामाराम है। देशों में कहत कहता 19, 4 tay at acres 1 = 142.21 = 234 - 3

ود عشبة چي ور وات .

-1 FG Page



estic rent with a get de was the

mode 7 . . I w me move & ale gir not a sie ai at 10 Merc. I work in the filters a way it that must be a story and \$" There where I were se , fame to annual ce the the Same

Elmis can retiri ere term some with the the beat there and if your me the

MANUAL OF THE THE PARTY OF THE

- -- AHPE

TOP THEFT E

्रे मादी की क्षीयत चाल = क्ष्म भील प्रति वयरा = 43% मील प्रति वयरा उत्तर

उदाहरण (v) एक भेटी में 30 दात्र थे। उनकी चक्रधार्यों का सम्प्रमान 15% वर्ष था। उस भेटी में 5 दात्र कीर भरतों किये गरे। उनकी चक्रधार्यों का सम्प्रमान 162 वर्ष है। बतायों कव उस भेटी के दात्रों की क्रवरणायों का सम्प्रमान बया होगया है है

पहले 30 हाओं की सबस्थाओं का बोगफल = 15°5×50

...474 **वर्ष**

5 मेर्द क्षात्रों की चक्त्याओं का योगपळ $\sim 16.2 \times 5$

....Sñ eq

85 द्वाडों की चडरपायों का योगणतः ==474 + 50 = 560 वर्ष

ं यह भेगा वे सब गारी का

क्रवायाधी का क्रांट्सान्य-३००-३५

∞ीतं वर्षे इसह

प्रमायली ६१

(1) एक लहरे को चालु 13 वर्ष है, हमरे को चालु 17 वर्ष चील लीमरे की 6 वर्ष (बलायों ल लोको चीमल चालु दिलाते हैं हैं (1) कोमका को मेरी चाक 21 करने बा, मेललार को 20 करने.

केंद्रात को 1 - काई कोड नृत्यांकरा। की देश करते हैं केंद्रात को 1 - काई कोड नृत्यांकरा। की देश करते हैं केंद्रात के राज करते के उनके की कार की देश करते हैं

1 forfater estrates marie pere ex-

** z	ল দ্ৰবশিয়
**	केंक के उर रूप है। सराचार साधान किया है। सोहाची हैंत साचै तो चोठ देतान हो के समाचार है। एक मेह सी को भीतन
	gars promise
	रक्ष इ.इ.६ लंड इता है, बरान हराये आवा श्रेण हैं।
	कांत्रक करा व वा र द व भी का बांत्रक हवारे प्रकासी।
•	दिस्ती दल के प्रान बलायन नहीं से जा क्या हुने, नह
	Leaven's rest #
	ed 48 8 11 1 1 810
	A 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
	5 4 4 1 1
	4 A 10 \$ 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
	INCH ME A
	eem + 100 to
	W " C Nº 4 72 8 2
	4 m wat is has a + 44.
	1 % 7 mg / 85 x 1 mm \$1 \$15 0811 70 11 20 10 1150
	The witness of the second of the second second
	as for my in on a gifter material to for
	and the second and the second and the second
	on the major of the second of the Front maps and
	τ.
-	The section is the company of the section of the se
	ar there for a see a spirit
	and an a monthly die
	a motion of the



₹3€ मल गणित 41. 4 मितरात काम बांटा गथा। बताची बादवें वर्ष किठने प्रविशत साभ बांटा गया । (११) साव मार्सो की भीसत जन संख्या 1000 है वित वहते वृत मामों की जन संख्या क्रमश 980, 1023, 945, 900, 1100 चौर 803 हो, तो सातवें प्राप्त की जन संख्या प्रतीत करे । (१६) एक श्रेणी में 35 बासक हैं। उनका श्रीमत भार 31 पौड है उस श्रेणी में एक नया बालक भरती हुआ, वो श्रेणी का चौसलमार 35 वींड होगया । नवे बालकका भार बताची ! U(10) 20 बासकों की एक धेलों में एक बासक की कासपा 13 वर्ष दो मास है। यदि यह बालक चला जाय और इस के स्थान पर एक नया बालक भरती कर क्षिया जाय. ती सब वालकों की बातस्थाओं का धीमत तो महीने चरिक हो जास | बताची नवे बालक की धवस्था क्या है ? (१८) वांद 12 स्काउटों की टीली में मे एक स्काउट जिसकी

क चाई 5 फुट 4 इंच है चला जाय और उसके स्थान पर एक नवा स्काउट मरती कर लिया जाय, तो टोखी की सीमत अंचाई है इंच घर सामगी। नवे स्काउट की अंधाई बताओ। √१९१) क्रव से तीन वर्ष पहले एक परिवार के उँ व्यक्तियों की चौसत चायु 17 वर्ष मी, कुछ समय के परचान एक बातक

उत्पक्ष हुआ। सब उस परिवार की सीमत पहले जितनी ही है। बनासी बाजक की सायु इस समय किननी है ?

(२०) एक समिति में 6 सदस्य है। पहले 5 नवस्यों में से प्रतिक ने 25 रुपये चन्दा दिया और हटे सदस्य ने सह सदस्यों के चन्दों के मध्यमान में 👉 रुपये चधिक दिये। बतायो कुल कितना चन्दा इकट्टा हथा ?

दसवाँ अध्याय

प्रतिशत या प्रति सैंकड़ा

प्रतिशत या प्रति सेंह्डा का पर्य ' सी बीड़े ' या ' सी बर ' है। यह उदाहरण देखों :—

सन् 1904 के बारमा में सेहवामदुर की उन मैठ्या 50350 थी, जो को के बम्ब में 58904 हो गई। उसी वर्ष के बारमा में विवयदुर की उन्होंदवा 178800 थी जो उसी वर्ष के बम्ब में 188649 होगई कर्ष मन यह है कि किस नगर की जन मैठ्या में ब्रिविक इंडि हुई है।

प्रत्य में यह वो स्थाय विदेश होतहा है कि विवयपुर को वनमंख्या एक वर्ष में दिनमां करी है उठनी रोहतायपुर को नहीं करी। परन्तु हमने हम यह परियास नहीं निकास सबसे कि विश्वपुर को उनमंख्या रोहतायपुर में कविक कर रही है। हो, यदि यह पड़ा जाय कि दोनों नगरों के हर 100 मनुष्यों के पीछे वर्षमार में कितनी जनमंख्या करी सो हम इस ट्रोनों मार्ग को उनमंख्या में बार्बिक करीवरी को जुलना कर सबसे है कीर यह बना सबने हैं कि विवयपुर को उनसंख्या में कियन वृति हुई या रोहतायपुर को उनमंख्या में। इस सिद्धान्य के कपुतार हम होनों मार्ग का उनसंख्या में जो प्रतिशत करीवरा हुई उसे प्रदीव करी है।

रोइन सद्धा को जनपन्या में बो कृति को मा मेरह दि हुई . प्रतिरात वृद्धि $=2254 \times 100$ 56350 = 4जयपुर की जन संख्या में =183649 -178300=5349 बुद्धि वर्ष भर में हुई तः एक ममुख्य पीछे जो डे हुई प्रतिशत पृद्धि $= \frac{5349 \times 100}{}$ 178300 =3विजयपुर की अनसंदया की बधार्य वृद्धि रोहतामपुर की जनसंख्या ययार्थ वृद्धि से शादे सांधक है, किन्तु दोनों नगरीं की जनसंख्या की तशत वृद्धि को तुलना करने पर प्रतीत हुआ। कि विजयपुर की अन-

ध्या में उसनी बृद्धि नही ही रही जितनी रोहतासपुर की जनसंक्या ऊपर की ब्याख्या से यह रुपष्ट है कि प्रतिशत का चाराय वह व्यक्तिया भिम्न है जिसका हर 100 हो। जैसे 23 प्रतिशत का व्यर्थ 100 यह बात भागे जारूर मालूम हो जायेगी कि प्रतिशत के प्रस्त

हालने में चनुपान के नियम से काम बिया जाता है। प्रतिशत के प्रश्नों की किया करने की रोति नीचे जिले हरणों से समन्द्र में बाजावगी।

बदाहरण (१) १ की प्रतिशत वा प्रति सेंक्डा दर के रूप में ट वस्ते ।

·= 🙏 ==40 प्रतिसत

ı

तः एक मनुष्य पीने जो

इस परियाम का यह कर्य हुआ कि कियी संद्या का ई उस संख्या के 40 प्रतिरात के बरायर है।

उदाहरण (२) हिसी संस्था का 75 प्रतिग्रत उस संस्था का कौनसा निन्न है !

75 प्रतिशत = 1.5 = 4

नोट: -100 प्रतिरात = \$\frac{1}{100} = 1 क्यों र , पूर्व संख्या । यदि किनो परीक्षा में मब कंकों को गएना 375 हो कीर कोई विधार्यों 375 कंक प्राप्त करें तो कहा जाता है कि उसने 100 प्रतिरात कंक प्राप्त किये हैं । इसी प्रकार पदि कोई मनुष्य साल भर में इतना धन स्वयं करें जितनी उसकी काय हो; तो कहा जाता है कि उसका स्वयं उसकी काय का 100 प्रतिरात है ।

(४) हल किये हुए उदाहरए।

स्त्राहर्या (१) एक पाटणाला में 720 विद्यार्थी पहते हैं। उनमें से 36 को सामु 16 वर्ष में माधिक है। दवामी क्विने प्रतिकृत विद्यार्थिमों को सामु 16 वर्ष से माधिक है ?

इष्ट उत्तर=: १६=११=१११

= ३ प्रतिशत उत्तर

डवाहरुए (२) सन् 1905 में भारतवर्ष में 5581 नई पुस्तकों मुपी। इनमें में 1544 उपन्यास थे। बतामी, उपन्यास कुल पुस्तकों का किलने मन्त्रित थे "

इष्ट उत्तर=}(\$)= 25 लगभग

= १+३ सगभग

उदाहर सु है। एक रुपया र काने, 10 रुपये का कौन सा प्रति-शत भाग है ⁴

140 सुल गणिन TE STE-10 + 100 - 100 12\ प्रतिशत उदाहरण (४) 1250 का 6 प्रतिशत प्रतीत करो । 1250 m 6 sिरुव = 1250 × 100 ~75 THE उदाहरण (४) %1 वीड 10 गिबिश का 11 प्रतिशत बनामी। सं पीर 10 कि॰] =813वी॰ × 14 -193, ata -11 83 de -11 ale 16 Infan 71 die 9me प्रशासिक (६) वर्ष शामा सनुष्य क्रियी नगर की कनर्यवया का 12 वित्रज्ञत भी तो दल ततर की समस्य अनयेश्वा बनाची। मारी जन्मक्या का 🔐 - 8100 बारी क्यांत्वा का 1 (4) = 1.5 कतः बारी जनवंत्रमा का (१४) = 12 . 15" 243 व्यक्तिकार के दिवा राज्यांका में तीर विनाम दिवाली मीजी कियारी संबन्ध्य हुए । अ जीवलय को विषयों सं और 11 प्रतिकार are force at any propriet at a formul right of all parels Send benefit out a cored to

ः सफल विद्यार्थियों =20+36+32का प्रतिशत ∴ चसफल विद्याधियों] = 100 - 88 = 12 चतः चतफल विद्यार्थियो 7 = 12 = 100 × 750 = 90 **उ**त्तर

खदाहरण (=) भारत के पुराने सिक्कों में 40 भागों में से 37 माग शह चान्दी होती थी श्रीर शेप लोट मिलाया जाता था। बताशी, जार चांडी कितने प्रतिशत होती थी ?

• 40 भागों में से 37 शह चान्ती है

.. एक भाग में से 👬 शुद्ध चान्दी है।

: 100 भागों में से 👬 x 100 श्रद चान्ही है

चतः इच्ट प्रतिशत = 15 × 100

उत्तर

उदाहरण (t) एक मनुष्य ने 150 दुकानें 46240 हमये की मोल जी। दुकानों में कुछ सुधार करके यह दुकाने 15 रुपये प्रति दकान की दर से किराये पर दे दीं । इस प्रकार उसे धपने सारे घन पर 43 प्रतिशत थाय होने लगी । बताधी दुकानीं की सुधारने में उसे क्या शर्षे करना पदा था ?

दकानों का किराया = 150 x 15 रुपये = 223H हच्चे

हिन्तु 41 रुपये किराये की] = 100 रुपये प्राती ... पक रुपया किराये की] = (100 x :) रुपये

पुंजी

चौर 2250 रुपये किराये $=(100 \times 2250 \times \frac{9}{9})$ रुपये = 50000 sun धतः वह हाया जो दुकारों = 50000 रुपये - 46240 रुपये को मुचारने पर खर्च हमा -=3760 रुपवे उत्तर उदाहरण (१०) एक ध्यक्ति घपनी घाय का 10 प्रतिशत बचाता है। हिसाब लगाने पर उसे मालूम हथा कि यदि बह अपने व्यव में 10 प्रतिशत और बुद्धि कर दे तो केवज 100 क्यमें क्योंगे। उसकी स्राय बतासी । करपना करो कि चमको भाय-100 रुपये तो उसका सर्च-100-10-90 रुपये धव धरि खर्च की 10 प्रतिशत बढाया जाय. तो यह 90 + 90 x 100 + 99 हो जायगा, चौर क्चत = 100 - 90 - 1 क्या किन्त प्रदन की शर्त के अनुसार बचन 1(अ) चव, चुकि उसकी साय का , ' रेशि। क्यूबे (IHXX) हप्य उत्तर द्यार प्रधनायली ३२ (1) एक अनुस्य का माधिक थाय 621 रुपये हैं और अर्थ थाय की 🏹 प्रतिशत । बताधी, उसका मासिक बचत कितनी है। (२) एक मन्त्य न 🚉 त) रुपये से स्थापार करना चारस्य किया है पहुंचे माल उम ें।) प्रतिरात लाभ हवा । यह नाभ का धन उसने चपने पहले पन में सिला दिया आह दुसरे वर्ष फिर

स्वाचार किया । परस्तु इस बार उसको क्षेत्र में प्रतिशत खान

मल गणित

922

) पुरु पाक्साला में 250 सहके पहले हैं। यदि उनमें से 225

१४३

सहके उपस्पित हों, तो बतायों, कितने प्रतिरात सहके पाठ-रााला नहीं याये ।) एक विद्यालय से 25 विद्यापी प्रस्टोंस की परोचा में बैठे। उनमें

) पूक विवास से 20 विद्यामा पूर्वर से का पराया में बड़ । उनम से 64 प्रतिशत पास हो गये १ वताची, कितने सहके फेस हुए ! १) पूक घात के टुकड़े में 23 माग सोता. 2 माग चाँदी चीर 5

भाग क्लर्ट् है। बताघो उस घात के हुकड़े में चाँड़ी हितने प्रतिराद है! () एक घातु के दिंह में 17-25 पींड टीन है चौर यह बुल वॉल का 5-75 प्रतिराद है। घातु के दिंह का समस्त तील बताघो।

o) हिमी नगर में 36000 महुप्य दसते हैं। इस नगर में 4750

बातक उरस्म हुए भीर रूपु के कारण 2070 सतुष्यों से कसी होतह । बताओ वर्ष के बन्त में कितने प्रतिसन उन में स्था वर गई।

- प्रकृष्टिम के 1 प्रतिसत मैं तिक बोमारी से मर रखे। रोप सेना के 14 प्रतिसन मैं तिक बोमारी से मर रखे। रोप सेना के 14 प्रतिसन मैं तिक हहाई से मारे गये। यहि बद 84024 मैं तिक रोप हो। तो बराओ प्राप्तन से कितने मैं तिक रोप हो।

तान नगरों की उनसंख्या सन् । 25 में कम्मा 1987], १५ 77 चा 218 दो चीर 199 में पहिले तो नगरी को उनसंख्या - तथा 8 जीतरान दर गई चीर तीमरे नगर की उनसंख्या - विशेष वर गई। हताओं तीनो नगरी की

समान उनसंख्या हिल्ला हर चारता घर गई। १० एक स्वापास की घपता पृत्ती के एक विहार पर 30 सिवस्त, ठ्या चौपाई पर 40 सिवस्त साम हचा: और रोप पृत्ती पर 15 प्रतिशन पांध हुआ। बलायो, उसे सारी प्रंजी पर किन्ने धितशक साम हुआ। ? (१९) प्रक क्यापति ने 10000 पींड से व्यापत चारम्म किया। पढ़वे वर्षे में उसे 10 प्रतिश्चल लान हुआ। हुस साम को उसने यूक-यम में दी दिखा दिया। दूसरे बने उसे 20 प्रतिशय साम हुआ

चौर वह भी मूलघन में मिला दिया। शीसरे वर्ष फिर उसे 20 प्रतिरात लाभ हुछा। इस वर्ष उसने इस घन में से 6000 पीड

मल गणित

455

का एक मेत भीत से लिया। बतायो, धव उस व्याचा में उम का कितमा पन साम हुया है। (१4) एक रिपासन से सदके सीर सहकिया इकड़ों दाते हैं। वस रिपासन के एक विसाम में 156 जबके हैं। यह सदके हम . बिभाग के स्थितियों की संख्या का 65 प्रतिशत है। यूगों से संस्था का 45 प्रतिशत है। बतायों हो सामार्थ से की संस्था का 45 प्रतिशत है। बतायों रिपासन में कियों

प्रतिशत अबके हैं।

तुष का गृक्व 1 योष 15 सिर्वित प्रति दल है। वहि गृक्ष का सूक्य 6 प्रतिस्तत यर आप और काफी का मूक्य केंद्रें येन प्रति परित कर आप तो बठाओं उसके प्रग में किननी करी था विद होगी ? (१४) पुक बतर को अल्पेक्या पहले वर्ष में हर वर्ष 2 5 प्रतिस्त कर आती है। यहि उसकी अल्पेक्या 68921 हो, ता बनायी

(१३) एक व्यक्तिः के पास 300 टन गुरू भीर 65ई वीड काफी है।

आती है। यदि उसकी जनसंग्या 88921 हो, ता बनायी तीन वर्ष पहले उनकी जनसंग्या दिगती थी। (१२) वृद्ध समुद्रय दिशाये के सकात संश्वान है। सकात का दिशाया इसकी क्षेत्र का, 'सात है। द्विशाय इन के उपकार जो इस

बचता है उसका भा प्रतिज्ञान भावन बस्त्र कार्डि पर साथ ही

- जाता है। यदि उसकी वार्षिक बचत 1260 रुपये हो, तो उस की धाय क्या है ?
- (१६) किसी परीक्षा में 'A' ने समस्त श्रंकों का 48 प्रतिरात, भ्रीर 'B' ने समस्त श्रंकों का 33 प्रतिरात श्रंक प्राप्त किये। यदि दोनों के श्रंकों का जोड़ 567 हो तो समस्त श्रंक प्रताश्चो।
- (10) S} इंच लम्बी मोमवची 12 याने प्रति दर्जन विकती है इसी प्रकार को 10½ ६म्च लम्बी बर्चा 14 याने 8 पाई प्रति दर्जन विक्रती हैं। बतायों कांन सी मोमविचयाँ सस्ती हैं धीर मस्ती मोमबिचयां मोल खेने से गुफ्ते कितने प्रतिकाद यथत होगी ?
- (12) मैंने 10 रुपये के कुछ नेव लिये। यदि सेवों का मृह्य 20 प्रति शत घट जाय तो सुमको 120 संय प्रथिक मिलें। एक दर्जन सेवों वा मृहय यतायो।
- (12) एक दिवालिये की उन्न सम्पत्ति का मृख्य 1832 पीट है और उसको 21140 पीट च्या देना है। यदि दिवाले का सर्च उस के चान का 124 प्रतिश्त हो_। तो दतायों, उपय दातायों को एक पीट में क्या मिलेगा?
- (२०) मेरे मकान का सुक्त 11400 करने और बीने की दूर 5 प्रतिग्रत है। में हम सभान का शिवने करने का बीमा कराऊ कि पदि मकान नह ो वाय मी मुक्तको मकान का मृश्य और बीमे का क्वत (श्रिमयम दोनो प्राप्त हो जाएं ! स्थान 100 = 205
 - (रुपये की वस्तु की (१९) रुपये का बनावा जाय)
- (२९) एक पन संप्यतिकात पर चारास निरुष्ये । इसके परशात बितन पेर क्षेत्रकास भ प्रतिकात काला द्विष्य गयः यदि प्रश काला पाइस समय िस्माही तो दताया वृक्ष कितने प

मूल गणित (२२) एक व्यक्ति 12 दिन में चार घराटे प्रति दिन चल कर 360 मील की यात्रा समाप्त कर सेता है। यदि वह चपनी बाज 20 प्रतिरात प्रथिक कर से भौर 450 मील की बाजा 20 दिन में समाप्त करे, तो बनाओ वह प्रतिदिन कितने धयटे यात्रा करेगा ? (२३) यदि क्सि यायातकार क्षेत्र की सम्बाई 20 प्रतिरात बढ़ा दी जाय और चीवाड भी 20 प्रतिशत बढा दी जाय. तो बताओ उसका चेत्रफल किनने प्रतिशत बढ जायमा ? (२४) यदि किसी व्यायसाकार क्षेत्र की खरवाई 15 प्रतिरात बड़ा दी जाये और उसकी धौबाई 15 प्रतिशत घटा दी जाये तो बताधी इसका चे त्रकश कितने प्रतिशत कम या श्रविक हो जायना ? (२१) एक परीचा में सम्पूर्ण चंहीं ही संदया 1000 थी। इनमें 'क' ने 'ख' से 20 प्रतिशत चपिक चंड प्राप्त किये चौर 'ख' ने 'ग' से 10 प्रतिशत अधिक, और 'ग' ने 'घ' से 20 प्रतिशत कमा थदि 'क' ने 060 चंड प्राप्त किये हों तो बतायां 'य' ने कुछ इंकों में से किनने प्रांतरात श्रंक प्राप्त किये ? (२६) एक परीचा पत्र में है बरन थे। 5 प्रतिशत सदकों ने सारे धनन इस किये । उं प्र'तरात क्षत्रकों ने कियी प्रश्न का भी उत्तर नहीं दिया । 🚉 प्रतिशत खबकों ने केवल 1 ५ रन इस किया। और 20 प्रतिशत अवको ने । प्रश्न इस किय । इसक अनिस्कित 20 व्यविशत सदको ने का प्रस्त हुआ क्रिये, तथा गय 200

क्षद्रकों ने 3 परन दक्ष किया। बताका परीचा अ कितन विद्यार्थी

42 9 1

188

ग्यारहवां अध्याय

लाभ श्रीर हानि

अप होई स्वाचारी या दुकानदार स्वाचार सारम्भ स्वता है तो इसे यह घारा होती है कि दिस मोल पर मैंने माल जिया है उससे स्विष्ठ मोल पर येथ दूंगा। यदि विकय मृत्य स्वांत् वह मृत्य दिस पर यद स्वना माल येचता है, क्रय मृत्य स्वांत् उस मृत्य से जिस पर उसने माल लिया था, स्विष्ठ हो, तो उसही लिभि होता है। सतः हस अवस्था में लाभ = विकय मृत्य —क्रय मृत्य । यदि विकय

मूल्य, क्षत्र मूल्य में कम हो तो स्यापारी को हीनि होती है।

उदाहरणुतः यदि में एक मकान 2000 रुपये में मोत सूं भीर उसी समय 2500 रुपये में बेच टार्ट्र् तो मुक्त 2500—2000 भयात् 500 रुपये लाम होता. चौर यदि उस महान को 1800 रुपये में बेच दुं तो मुक्तको 2004—1800 = 200 रुपये होति होतो।

वर्षि विषयी यह नियम समामलें नो उन्हें लाभ स्वीर हानि के प्रस्त हल करने में कोट कष्ट न होगा :—

- ः साम बीप हानि सदा क्य मुख्य पर होता है।
- २ द्रश्याचे पहि .वक्ष्यामृत्याकिकार नो क्षया मृत्या निकास निकाला

, ६ दरन से यदि जाभ और हानि बिन सैंकडा दिया हुआ हो तो निम्मजिखिन मिदाल्यो द्वारा कथ सूरुष चार विकय सूत्य निकाला जा सकता है।

```
१४= मृत गरिएत \frac{18\pi u}{100} + \frac{100}{100} = \frac{100}{100} + \frac{100}{100} = \frac{100}{100}
```

विष्यमूल्य = क्रय मृत्य × $\frac{(100 + \sin x)}{100} \text{ tr} (\frac{100 - \sin x}{100})$

उदाहरण (१) मैंने एक पड़ो 150 करने में मोख की चौर 2 प्रतिकात काम से केय दो, बताची, मैंने बड़ो कितने में वेची चीर सुर्ग कितने वर्ष के साम हुआ। वर्षी का विकास मुख्य – 150 करने + 150 करने का 20 प्रतिकात

ों का विश्वय मूलय — 150 रुवये + 150 रुपये का 20 प्रतिय — 150 रुपये + $150 \times \frac{2}{100}$ रुपये

= 150 रुपये + 30 रुपये = 180 रुपये

= 180 रुपय ∴ साथ = 180 रुपये - 150 रुपये

= 30 हक्ये

श्रतः विकय सूर्य = 180 रुपये श्रीर साम = 30 रुपये उत्तर

बान को कि क्य मध्य = 100

डहाहरण (२) एक स्थापारी के साक्ष का विकाय श्रृष्ट उसके अध्य

प्रवाद से 12½ प्रति मैंक्सा स्थिक है। यदि वह भएने प्राहकों को विकय मुक्य से 12% प्रति मैंक्सा स्थिक है। यदि वह भएने प्राहकों को विकय मुक्य पर 4% क्योशन दे, तो उमे प्रति सैंड्सा किनना क्षाम होगा ?

त्रो विकय सूक्ष्य = 112}

स्वापारी विकय सुक्य पर ∮ श्रीत सेंकडा कसीशन देता है . कसीशन = ₹1.25 का ∮ श्रीत सैंकड्डा

धतः बास्तविक विकय मृहय = 1124--14 == 10S धतः लाभ = S रुपये

ं. उसका प्रतिसंकड़ा साभ = S उत्तर

उदाहरण (२) एक वस्तु के वेचने में 17 में प्रति सेंडड्रा साम होता है, पिंड इल साम 56 रुपये 14 धाने हो तो वस्तु का कय मृत्य बताधी।

बाद 174% साम दोता है तद क्षम मृत्य 100 है। अब 1 लाम होता है तद क्षम $_{\odot}$, 100×2

56 रुवये 14 धाने धर्यात 🐫 लाभ होता है सब

स्य मृत्य 455 × 100 × 2 55

= 325 हुन्ये

्र इ.च मृत्य = 325 रवदे उत्तर

उदाहरण (४) 5 रुपये गत्र के भाव में बन्नात वेयने में 4 प्रति सैंकड़ा की हानि होनी है, बतायों, मैं किय भाव में वेयू कि 5 प्रतिशत साम प्राप्त हो ?

पुर गत बन्नात का पहला विकय मृहय=5 रुपये

चतः एक गत रम्बात का अस मृत्य=5 × 100 4 = 5 × 100

भौर इसरा विकय मृत्य कर मृहद : 100±5

े रुखे 7 बाने । बाई उत्तर

हराहरण (४) एक सहार (३) शारवर्ष स देवने से १० प्रतिशत हानि होता है। सी. वहां सहार (१) शरुप से वचा वाप नी बनाझी दिनने प्रातशत कार्य प्राप्त शांत होता

मूल गेणिव 7 X O 20 प्रतिरात हानि का चर्य है 100 के 80 सव विकय मृश्य 80 है, तो कय मृश्य = 100 रुपये अव विकय मृहय 1 है सो कय मृहय ≖123 कब विकय मुख्य 2400 है तो क्रय सुख्य ≈2400 x 100 -3000×300 खाम=3500 रु: _ 3000 रः = 500 स्वये 3000 पर लाम ≠500 रुपये 1 पर साम= 1300 100 पर साम = 100 × 500 चतः लाम. 16 १ प्रति सैंबदा प्रवतावली ३३ (१) एक पुस्तक थेरने बाला एक प्रस्तक को 7 रुपये 8 बाते में मीज क्षेकर 15 प्रतिशत के जाभ से बेचना है, प्रस्तक का किया

बसमें से 250 गज, 7 बाने ७ धाई शित गज की इर से धीर शेष 3 घाने मित गज की दर से चेपा, बताधी उसे कुछ मांच पर किनने बन्तियक जाल या हालि दुई? (६) एक बच्चे 20 प्रतिस्त के लाग से 15 रपये में दिवती है, चर्ची का बच मुख्य बनाधी।

(२) एक व्यापारी ने 300 गत्र कपड़ा 120 रुपये में मोख जिया और

सक्य निकाली ।

का क्रम सूच्य बनायों।

(च) एक स्वप्राप्ति के मिंग गत्र कपड़ा मिन्यमें है साने प्रति गत्र के अभाव से बना से मिंग प्राप्तन का क्षांत्र सहस्रों है, युक्त गत्र कार्या स्वप्ता से प्रत्य प्रत्य स्वप्ता स

क्ष बोडा घोता 6 रपय 1... घाने को बेचने से बुदानदार की 10.

प्रतिदान साभ हुआ; हनाधी यह उस बोड़े की कितने में येथे कि उसे 20 प्रतिदात साभ हो।

- (६) एक दुकानदार ने कुछ माल 5 मानस्य को हानि से 76 रुपये में भेषा चलाको वह उसे कितने में वेषे कि उसको 25 मिन कान लाभ हो ?
- (०) एक स्पापारी धपने माल पर क्रय मृत्य से 25 प्रति सैंडचा घषिक दाम दालता है; परन्तु धपने प्राहकों को रोकदा दाम देने पर 5 प्रतिशत कमीशन काट देना है; बताघी उसकी प्रतिशत क्या लाग होता है ?
- (म) एक स्थापारी का दिक्य मुख्य क्रय मृह्य से 20 प्रतिशत स्थित हैं: यदि यह अपने माहकों को विक्रय मृह्य पर 6 प्रतिशत क्योशन कार दे तो उसे कितने प्रतिशत क्योशन कोगा।
- (4) प्रकरपापा। सपनी लागत पर 15 प्रतिशत लाभ पाइता है; यताओं कि वह धपने माल का दान क्रम मृत्य से कितने प्रतिशत व्यविक रखें कि वह प्राइकों को S प्रतिशत कर्माशन दे सके।
- (१०) एक सेत 124 मितरात के लाग पर 5 । रुपये को विका: यांत्र वहां सेत 445 रुपये को विकता तो क्या मितरात हानि होता ?
- ात्र एक स्थानका अनुकार का भाग में उन्हर्सन है। यदि यह नाय का लाक्ष्य भल्य भ पैंच जात्र है को उन्हर्स में उन्हर्स का अनुकार में का प्राप्त का का मन्य जीत यौद्ध बताओं.
- १९५ के काम्सर एक वस्तु का ब्युद्ध व टाउ े याताल लाज च रच गे. हैं चीर करायार ३० वस्त्र को १क दुकानद्वार के हथ्य भावशत लाभ मा बच्त हा दुकानदार उस वस्तु हो

१४२ मूल गरिएन
271 रुपये 13 साने में वेषकर 12 प्रतिशत लाग उडाता है,
यशायो पर वस्त कारीसा हो किसने में सको सी १

यक्षाची वह वस्तु कारीतर की किनने में यही थी ? (१६) क एक वकरी की खें के द्वार 12 प्रतिशत साम से वेचता है.

ल इस को ^ग के हाब 15 प्रतिशत हानि से वेचता है, ग उसको ^{प्र} के हाम 29 रु० 12 चा॰ में वेचवर 20 प्रतिशत

क्षान उडाता है, बतायों के को यक्ती का क्या मूल्य देना पक्ष था ? (14) एक मत्रत्य ने 250 नार्शनयों मोल जीं। उसने 100 नार्शनयों

उतने मृहय पर बेचीं जिलने में उसने 250 मोल सी थीं, उसका मित सैंक्का लाभ बतायो । (१२) एक व्यापारी ने 12 कानुए 20 वस्तुओं के क्रय मूहव पर क्षी

यताची उसकी हितने मितरात साम हुआ। । (१६) एक स्थापारी ने एक वस्तु 124 मितरात हानि से वेची । यदि उसके उसकी प्राप्त जिल्लों को बेक्ट 10 जिल्लाह की सामि

 एक व्यापार न क बस्तु 12 के प्रतिशत होनि संबंधी विदि उसे क्ये व्यापक सिक्षण तो केवल 10 प्रतिशत की होनि होनी, प्रशुका कय मृत्य बताली।

लाम और द्वानि के कठिन प्रश्न

भोका देने वाला प्रदन बदाहरण (1) एक व्यक्ति ने दी अकान वेषे भीर अनेक का 3000 रुपये सील निया। एक सकान वर उसे 77 साथ उत्तर प्रधा भीर तसी पर 107 हानि । बताया उसे इस व्यापार में किनने प्रक्रियन बाम

बा हानि हुई ⁹ बिक्टप सम्ब

काञ्च प्रतिज्ञात

```
स्ताम कीर हाति

पाति सहार हा

हर मृत्य

स्ति मृत्य

- (१८०० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १०० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १००० - १०० - १००० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १०० - १००
```

tr:

क्षेत्री प्रदानी का कर्यमून्य = 35 १० - ०३ ११ वर्ष

...२००० स्पर होनी महानी का विकस मृत्य ::1000 ...10001000

हार्के (१८९१) - देश करहे - १९९१

. इस्टिब्रिस्टिक १८८८ = ई

=: ==:

ड्डाइर्स १२ च र हम नर्गरीयों एक भाने को तीन के भार में को बार्स और उत्तरी ही नर्गरीयों एक भाने को हो के भार में सेका सब नर्गरीयों डो याने की घोष भार में बेच डो उपने हो बडाओं क्या प्रतिगत हानि या साम होगा है

इत प्राप्त में पहते एक एठ नाहरी का हाम तो । होनी प्रकल की एक एक नरीती का करन्तक = १ गाना कीट रे प्राप्त है । रे से नरीती का करमाना = ३०३० वर्षा

... दी नारंपीदी का जन्मूल=१०१=, प्रास हो नारंपीदी का स्वित्यमूल=१४2=१ प्राप्त प्राप्त का स्वित्यमूल=१४2=१ प्राप्त

क्षाचे पर हाति कहा - 'क क्षाच राजे - सीराग्व x x x 10 co

ئەت تىس**ە** د

कर करणा १ एक पशासा । अपने का प्रसेश नम्न सीम सेवाई

मृल गणित ीर बसमें कुछ पानी मिशाहर 3 बाने प्रति सेर के भाव से बेचना है। म प्रदार उसको 50 प्रतिराज स्नाभ होता है। वनामी बद्द किनग ली सिलाता है। विमे परनों में वानी का मुख्य = 0 मानज]

पानी मिले हुए कुल तूच का क्रय मुख्य - 141 साने , faxq , =10×∤39 **

٧X

.. 417 वाजी का भार ... 5- 1 मेर प्रशाद

श्चवा वीज गणित द्वाग

मान भी कि खाया । येर क्य म द शेर या ही निवाना है। र्र मेर क्य का क्य समय - (1) शाने

(4 + १) तर विश्वन का क्य प्रका 10 काने ., leave .. 3 (1+x) Wid

17. 1 1+c) 10×1 ... 15 41'S 3, - 1 उड़ाहर ए 🔑 कियी वस्तु के विचय मुक्त में 50% बमी करने से

लारी का 15% द्वानि द्वाना दें । यदि यद कमा म की आप, तो उपे तने अनिगम र इस होता है ्रकामा करो कि उस परमु का अब मनव . 1(8) रुपये, मी 🍪 🕉

न ब्रांज स्व ५5 क्याब रूप रहते हैं, यह ५5 क्याबे समस्त्री किरवस्तुकर अन्द्र है, धान चमश्रा विक्रव सकत इस म बूतना बचात 85×2 17 / 1

स्टब्ट है कि इस राम्भ बाम होगा।

4 \$797 1 \$647 \$1 \$4 444 447W

्रताप्तराम 🗸 वे वह कानु को 👉 प्रानामन दानि स क्वारा 🕻 🕏 र सुध्य अस्त्रण सकत व । अपन धानक स्थित का सुध्य । प्रतिसाम



में भीज जिया चौर इतने में बेबा कि उसे 25 सब करहे के दिव मुख्य के बराबर हानि हुई । बताओं उसने यह करना किस दर से वे 150 सब का कब-सम्बन्ध = 350 रुपये

150 गज का क्षय-मृत्य ≈ 350 रूपये इस कपड़े की बेचने ये द्वानि 25 गज कपड़े के विक्रय-मृत्य

समान है। यत. 150+25 वा 175 गत कपहे का विश्वपन्त्व = 350 व

चतः 150+25 या 175 गत कपदे का विश्रय-मुख्य=350 ∴ 1 गत कपदे का विश्रय-मुख्य = 350 — 175 रुपये

भवः उसने बह कपड़ा 2 रुपये प्रतिगत को पर से बेचा। उत्तर श्रयथा थीन गणित दास

मान को कि वृक्त गत कपने का विकय-मृत्य=x रुपये, सो 150x = 350 - 25x

97 - 150x + 25x - 35097 - 175x - 350

75x=350

चीर 40 अन स्नोड 15 अनिशत काम से वेचना है। यदि बहु सा स्नोड 20 अनिशत साभ से वेचना भी उसे 78 रूपी चायक क्रियो एक सन स्नोड का रूप-मुन्य ननाभी।

उराहर्स (=) एक व्यापारी 30 सन कोड 5 मेतिसव साम

करपना करों कि एक मन स्वीष्ट का जय-भूत्य = र रपया . 30 मन का जय-भूत्य = 30 रपये

30 मन वर भि साम=30 का भि

-30

रददा

40 ਸਭ ਪਰ 15% ਦਸਮ ~ 40 का 15 ਸ਼ਹਿਰਰ $= 40 \times 74\%$ 6 ਨਵਰੇ

ं इस दशा बुत लाम= १+0-71 रहदे

यदि वह 70 मन खंड 20 प्रतिशत लाम से येथे तो उसे 70 का 20 प्रतिशत लाम होगा।

∴ इंड साम =70 का _{गरी}

=14 रचपे

पहले सीरे की करेका उसे नूसरे सीरे में 14-71=64 करिक साम होता है।

डब यह बन्ता भी रावे हैं. हो एक मन का कद-मुह्य ≈1

बह बन्तर 78 रवये हैं. तो I मन का क्रय-महत्व

 $=\frac{1}{13}\times 78$

=12 रहदे

भवः मय-मूहच = 12 रुपये प्रति मन उत्तर

डदाहर्या (६) एक कम तीतने बाता हुकानदार जिस भाव भागात साता है उसी भाव पेच देखा है। यदि वह प्राहक की 5 सेर के स्थान पर 4 सेर 11 मुखंक भगात दे; तो बताभी उसे किनने प्रतिस्तात साम होटा है!

... 4 सेर 11 वृद्धेक पर साम = 5 सेर + 1 4 सेर 11 वृद्धेक) - े वर्ष्येक

श्रेत il वर्षेट्ट दा " द्रांट पर सान= वर्षेट

. • वर्षेक पर क्षान = ' गान्क

१४८ मूल गणित = ²⁰/₂ = 6 [°]/₃

सता साभ विशत ≈6° उत्तर

उदाहरण (१०) एक सतुष्य एक वस्तु मोझ क्षेता है भीर उसभे 20 प्रतिस्थान साम से येच देता है। यदि इस वस्तु का क्रयमुख 20 प्रतिस्थान कम होता भीर वह उस वस्तु को पहले से 15 सिर्किय

इ.स. में देवता, तो दले 25 प्रतिसत स्ताम द्वीता । वस्तु का इ.स.च्यत वतायो । इत्यत्ता को कि जय-मृत्य ≃≭ स्पूषे

कमरना करा कि जय-मृत्य = ४ हपये 12

मो बहुच। विद्यय-मृत्य = $x \times \frac{120}{100} = \frac{6x}{x}$ नृपार। क्य-मृत्य = $x \times \frac{80}{100} = \frac{4}{5}x$

दूसरा विश्वय-मृत्य = - = × 100 %

होनों विक्रयम्थ्यों में भ्रम्बर = ह = = = = =

त्रोनो । उद्ययस्थ्यः सं चन्तर = ह⁻²⁻² = ह यह धन्तर प्रश्त में 15 जिक्कित बताया तथा है

क्रमा (=1)

का ४ = 75 जिसित कन: इ.व. सम्बद = 3 वीड 15 जिसित

वाट यह प्रश्न प्रदर्शनन हो स इप करना हो, नो सावधानी थे

व्यवाद्धाः चन्त्रः प्रत्ये प्रश्ने का इस ब्रह्मः वहनः क्षाः — चन्द्रः सनुष्य पर वस्त्रः सालः वतः है चीर तसदे 🖑 वतिस्व

णक प्रमुख्य पर वश्य प्राप्त क्या है चार उसका है। याज्यक इ.स.स.च व्यक्त है। याच उस वश्युका क्यास्थ्य 20 प्रतिकाय प्रकारत चण्य वर हुसे प्रप्त प्राप्तात जास पर योजना, ती उस वस्तु का विकायमस्य पहले में १५ शिलिंग कम होता। इयमूल्य का को।

सद करवता करो हि वयसूत्रय = 100 सिनिय तो पहल वित्रयासूत्र = 12 सिनिय कृमस वयसूत्र = 80 सिनिय कृमस वित्रयम्भ्य = 80 सिनिय = 100 सिनिय

विश्व मृत्यों में ब्रम्स = 12.4-1(n) = 20 क्रिसिय

दर पर अन्तर 20 जिलिंग हैं तो प्रयमुख = 100 = 100

" " 12 " " " = $\frac{70}{100}$ × 12

. .. , to , =\frac{17}{27} \times 10 =75 शिक्षि

- 3 दौर 15 सिवित

प्रसावली ३४

- (१) एक मनुष्य किसी बस्तु को 10 मीतरात की हाति से देवता है। मार्च उसे 5% रचने करिक मिल जाने, को 123 मितरात साम होता। बतायी उस बस्तु का मनुष्य क्या है!
 - (२) हु- का मीत 25 प्रतिसंत का गया है। क्वाफी सुम्रको क्रितने प्रतिसंत कृथ कम पीना पाहिये कि मेरा संयो न को !
 - (३) एक ब्यापारी एक सार्रेकिक के लिसे हुए मोल का 25 प्रति सैंक्ट्रा बमोरान देकर भी उने प्रति सैंक्ट्रा साभ उठावा है। बगायां वह एक सार्रेक्टिक का किनने प्रति सैंक्ट्रा मोल प्रविक लक्ष ए है।
 - ्ड मेन द' बोडे (अ योड में भोख खिये। उनमें स एक की मैंने

15 प्रतिशत को दानि चीर नूमरे का 19 प्रतिशत के साम पा केच दिया। यदि दोनों बोहों का विक्रयभूतम बरावर हो, तो हा

मुल गणिव

एक घोड़े का कवमूल्य प्रयोत करें। (१) एक रुपये की 12 नार्रियार्थ केको से मुक्ते 10 प्रतिसत बानि होती है। बतायी एक रुपये की कितनी नार्रियार्थ क्षेण्र कि सक्ते 35 मित्रात लाग हो?

250

(६) जह स्वापरारी एक बरतु के मुख्य मितराल हानि से बेच रहा है। बहि उस बरतु का दिकरमूल्य 10 मानवाल व्यक्तिक हो नाय सो उसको 20 प्रस्थित जाम हो। बनाओ बहु उम बरतु की , किनने प्रतिश्चन होनि से बेच रहा है।

(७) 7 रुपये 8 माने प्रति सन पूच बेचने से एक ज्याने को 10 सन्तिमत हानि होनी है। चत्राओं वह किनने बाने मिन से के साम स पूच बंध कि उसको 10 प्रतिसन्त काम हो है (=) 10 माने प्रति वर्षन के भाव नार्रियों बेचने से एक हनी को

74 प्रतिहात हानि उठामी पढ़ती है। यदि बहु 12 बाने की

10 नारंतियाँ वय तो उस विकास प्रतिमास साम बाहानि हागी? (व) एक कुँबारे का सर का बाट 15 पुरोक बा है। बर कुक कार्य सर प्राप्त सीन सेकर 1 साथ सर के साथ हो वेच रहा है।

चनाच्यो वह कितना यनिमतः आभ उटा रहा है। (१०) 21 पूरनकों का क्षत्रमुख्य 18 पुरनकों के विकलस्वत के बरावर

(१६) ८१ पूर्वाका का कथम्बर १० पूर्वाका का प्रकास्त्रय के बराबर है। बनिशन खास बनायों। १९६६ किया संप्रकार के प्रकासक्या में १९७ नशन का क्यों क्यों

- ६ - २ प्रांत्रणतः ६ । हानः धानः धाः । वसः वाः प्रसद्धाः वद्दश्रे - वद्भवस्यत्रः । ११ - ११ - ११ न वानः ह

पान पुर कारा 120 करने में देखने में बदाहर के हैं ह बराबर साम होता है। बरमूनर बडामी। (१६) एक सर्थ में युव सम्मां एक बाने के चार-चार और उक्त मनारे एक बाते हे पॉप-पॉच दे माव में मोत जिपे, बीर ज नियास को कार्न दे मीनी है भाद से वेच दिया। बता उमही हिन्ते प्रतिसत साम या हानि हुई।

(१४ पूर स्थानमी ने एक हुंदानसा को हैं। प्रतिसंव साम से स्थं केची. पान्तु हुकानदार का दिवाला निकल गया और उसन रपदे हैं 11 होते हा मुखनान हिन्दा । दबाही ब्लानारी की हिन्ते प्रतिरात साम दा शांति हुई। (18) एउ हाँदश है जाते के देश के मान से बुद काम मील खेला है

की। उतने ही काम 3 कारे है 30 व मान से मीत सेता है। वर दनहों निजा दर 3 काने ३ 20 के भाव से धेच देवा है। उसका लाम का हाति क्षीपात क्याकी। (14) एक बनारात ने की बोहें भी भी करने में देखें। उसने से एक पर को 20 मनिस्त लाम हुमा चीर दूसरे पर 25 मनिसन हालि। स्वामी उसे क्तिने प्रतिस्त साम या हानि हुई।

[संदेत-साम या हात हपमूल पर ही होती है, विश्वमूल

दर सही] (10) दृह मनुष्य दृह बत्तु को भी प्रसित्त साम से देवता है। क्ट्रे बड़ इस को 20 प्रतिशत कन में भीत सेवा की मितिम हम में बेचता तो उसे 25 मितिसत साम होता। उस वन्तु का कदन्तुर बताको ।

(१० ९८ वस्तु ३ अतिसत साथ संवेषां गयो । चाँद कर कान् ह धानगत कम में मोज को जाना की, | मिर्टिंग कम में वैशे

\$65 मन गणित जाती, तो 10 प्रतिशत साभ होता। उस वस्त का ऋयमृश्य वतासी। (१६) एक मनुष्य ने कुछ रुपये क्षेकर व्यापार बारम्म किया; पहने ब्यापार में मूखपन का } भाग बाटा देकर फिर शेव रपये से दूसरा व्यापार किया चौर उसमें उसने 10 का सैव्हा जान उठाया, तीसरी बार एक भीर स्वापार किया और उसमें पूंजी के 1 माग की द्वान हुई, परस्तु चौधी थार को स्वापार किया उसमें उसे 663 रूपये प्रति सैक्दा लाभ हुआ और उस समय उसके पास 10,000 कु: थे। बताची उसने कितने रूपने खेका स्यापार शास्त्रभ किया था ? (२०) एक थोड़ा 40 पाँड को मील लिया और 8 मास की तथार पर 45 पीड में बेच दिया। यदि ब्यात की बापिक दर 6 पीड प्रति सैददा हो तो प्रति सैंददा क्या जाभ हुया ? (२९) एक किकेट के मील में एक ठेकेदार ने एक नियत मीज पर 12% प्रविशत साम उठाने के भाराय से 24 मनुष्यों के भीतन का देका क्षिया । 3 मनुष्य चनुपत्थित रहे, शेष 21 मनुष्यों से निवर मोज मान्त हुमा भीर ठेरेदार को 2 रु॰ को हानि रही, बताभी उसने प्रश्वेक मनुष्य के भोजन का क्या मील नियत किया या। (२२) एक पन्सारी 4 रुपये मन वाले 20 मन वावशी में 3 र॰ 8 जाने मन बाजे दुख चावज मिलाता है और मिश्रय को 3 रू

12 चाने सन वेचने से 10 रुपये साम उठावा है। हताओं उसने कितने वायत सिमाए सीर सपनी पूँकी पर प्रति सैक्टा रूपा साम उठावा ? (२६) एक मनुष्प 5 ग्रिक सीत नीतन की रूप से सन्दिरा सीव देवा है भीर उसमें पानी निवासन सिम्पण को 4 सिन मित तैवन के माल में वेच कर 123 वाल तैवना साम उठावा है, जो मित

रीसन से पानी की साचा बताफो है

लाभ कौर हानि

(१४) एक चतुर स्त्री एक दुबान पर स्त्री केंग हैता कि दिस्ते में दे न्यारिक नित्रते हैं उनते ही सामें में किए किए किसी {£3 दर्वन मातिषव मांव विष् भीत एक नारिष्य के दर्श में इ सार्वे. किर व सार्वे के बहुते के व करानियों के व की शिलामिक करते हैं कि होता कर है विदेश के बरते में 8 देर मोत जिल्हा बतायां 3 देर केल जैने में उनहीं लान हुमा दा हाति !

वारहवाँ ग्रध्याय

(१) को स्थित राया उत्तर खेता है और उसके कुछ समय कक स्थाने काम में लाता है, वह सपने पनी की नियत समय के मीतने पर उस रुपये में काम क्षेत्र के बहुते में कुछ रुपये देता है। इसका नाम ब्याल है।

है। इसका नाम ब्याज है। (२) क्याज को दर सावारवानः हर सौ दरवे पर एक वर्ष के जिये ब्हार्स जानी है हमें वार्षिक प्रनिद्शन दर करते हैं। इस वार्षिक प्रतिशत दर से सारे दरवों का क्याज चैला सेने हैं।

वापिक प्रतिरात दर से सारे रचयों का बवाज फैला जैसे यदि वापिक प्रतिरात दर 6 रुपये ही वी : 100 रुपये का बदाज एक वर्ष के लिए = 6 रुपये

. 100 रचये का बयाज पुक्त बये के जिल्लु = 12 रचये चौर 50 रचये का बयाज पुक्त वये के जिल्लु = 3 रचये चौर 55 रचये का बयाज पुक्त वर्ष के जिल्लु = 3 रचये चौर 25 रचये का बयाज एक वर्ष के जिल्लु = 1 है रचये

हग्यादि । (३) जिस राग्नि पर ब्याज लगाया जाता है उसे मूलधन कहते हैं । (४) मूलधन में ब्याज और देने से जो राग्नि बनती है उसे मिश्रधन

बहते हैं ' भारतवर्ष से प्रायः स्थान प्रतिवर्षे प्रतिशत श्रथवा प्रतिमास गिरुपये की दूर से लगाया जाता है । इन प्रशांकी किया को देख

हर यह बात स्पष्ट हो जायेगी । उदाहर सा (१) 625 स्पर्य का ब्याज 3 वर्ष के जिये 4 प्रतिक

उट्टाहरुए (१) 625 स्पर्वकारपात 3 वर्षक विष क्षप्रतिवर्षकी दर सालकाला।

(४) ऊपर की किया की देखने से हमको व्याध निकालने का बह नियम प्राप्त होता है:---

नियम - किसी राशि का ध्यात, किसी विशेष प्रतिशत दर सं, किसी विशेष चार्वाच के लिए

_ मूलपन × दर × श्रविष

(६) यदि मिश्रधन प्रतीत करता हो तो मूलधन में स्वाज जोह हो।

जैसे अपर के उदाहरण मे

मिध्रधन = 625 रुपये + 75

= 700 suù

यदि केवल मिश्रधन मतीत करनाहो, तो क्रिया इस प्रकार करो:---

100 रुपये का मिश्रधन तीन वर्ष में = 112 रुपये

. . 1 रुपये का मिश्रयन तीन वर्ष में = $112\div100$ रुपये घतः 625 रुपये का मिश्रयन तीन वर्ष में = $625\times112\div100$ = 700 रुपये उत्तर

मल गरिएत सदाहरण (२) 256 रुपये का 37 वर्ष का स्पात 35 प्रतिशव ति वर्षे की दर से प्रतीत करों। ध्यातः — मृलघन × दर × ऋवधि 100 सलघन=256 रुपये $\overline{q} = 31 = 10$ चविष =3? वर्ष=1? वर्ष 32 64 3 235×10×15 =32 रवये उत्तर 100×8×4 स्वाहरण (३) 292 रचवे का 50 दिन का क्याज 5 प्रतिसक तियाँ की दर से प्रतीन करी। 292 × 5 × 60 इप्ट क्वास = 100 x 365 $-\frac{73 \times 4 \times 5 \times 50}{4 \times 25 \times 73 \times 5}$ - 2 रवपे उत्तर नोट'-यहि अवधि दिना में दो गई हो तो वर्ष के 365 दिन त कर दिनों को बयों के भिन्त में बदल सो । यदि भवति सहीतों र दिनों में दी हुए हो तो सहाते के 30 दिन धीर वर्ष के 12 सड़ीने नकर मरन इस करो। प्रवाहरण (४) 3.260 रुपये 10 धानका स्थात 5 साम 10

म के जिए 🖟 प्रतिशत प्रति वर्षको तर संप्रतीत करो ।

$$5$$
 ਜ਼ਾਜ਼ 10 ਵਿਜ= $5\frac{10}{30}$ ਜ਼ਾਜ= $\frac{16}{3 \times 12}$ ਵਖ

$$4.44 = \frac{8}{12 \times 3} \times 4 \times \frac{16}{12 \times 3} \times \frac{1}{100} = \frac{1}{100}$$

च्चाँडे कार्ड 10ई पाई उत्तर

5 श्राच का

इक्टरता ६) यदि ब्यास की मानिक दर 2 दैने प्रति रचना हो भी 49 करते का ठें काम का बराय प्रतीत करें ।

$$\begin{array}{cccc} \cos \cos \sin \alpha & = & 1 & \\ \cos \sin \alpha & = & 32 & \\ \cos \sin \alpha & = & 32 & \\ \cos \sin \alpha & = & 1 & \\ \cos \sin \alpha & = & 1 & \\ \cos \sin \alpha & = & 1 & \\ \cos \sin \alpha & = & 1 & \\ \cos \cos \alpha & = & 1 &$$

= र स्ट्रे के इन्हें के दर्भ हैं हैं

दहारूएए (के) 1026 हत्दे 10 कारे 8 पर्द का निष्ठधन एक वर्ष ई मान का दे देने कीर स्वया मानिक दूर में क्लीए करी।

मुक्कन का केशाउँ = मुक्कन १ दर ९ कराई = 1026; x 16x ; = - १ र रवदे = 313 = 00 3 = 0 4 = 01 # 1 . FTE | FTE & CT 22.3 = . _ FTT . NT N . : 438

25= मृत गणित ∴ इन्ट भिग्रयन=1540 रुपये या इस प्रकार ं.' एक रुपये का मिश्रधना

उत्तर

16 महीने के लिए = (1+1) रुपये 2 पैसे मासिक हर से

 $1026\frac{1}{3}$ ਵਰ ਬਾਸ਼ਿਸ਼ $\frac{3080}{3} imes \frac{3}{2}$ ਵਧਥੇ

2 वैसे मानिक वर से = 3080 रुपये

= 1540 रपये उत्तर

सहाहर्ग-(•) 26 रुपये 8 चाने 8 वाई का बदाब 5 प्रतिशत प्रतिवर्ष की दर से ! प्रार्थ से ! टिक्कबर तक प्रतीन करों !

20 करावे 8 साने 8% पार्ट 275 करावे 8 साने 8

, दिन ही का ब्यान समाना पाहिस्स

= १ रचमा उत्तर नाट -विद स्वाब कियी विशय नारीम से कियी और नारीस

नक निकासनाहो, नो पहले दिन या प्रतिम दिन संसदस्य एक

साधारण दिस दिन कर जिला तप उसने कार्य दिन से क्याद नगाया दाग है। इस दिन पहला दिन दोंग देंग पादि ।

कीप के बर्प में कामरी के 20 पत्र की है। इस बिये कीप का बर्प मार्टिश दिला

हार्गुरस्य १६० 223 स्ट्रेस का कराब 5० मानगर है। मार्गे को इस में 2 वर्ष 4 मान 15 दिन का मानून करें। उत्तर प्रकारन नाई रक हो।

स्तात = <u>म</u>स्तार्थक ४ ४ ४ ४६६

मुहरूब = 220 बरहे इर = =5: डॉन्डर डॉन्ड्स माई

eng meng fo itame fomil et ma

=4, 4 ==1;

84.4 = 333) × 23 × 42

10x3x4 2047

=स्र स्वरे श्रिकारे र स्थ

=2 सर्वे 12 स्वे ५ स्ट्राइस

मारामार रहा ६ राष्ट्र राष्ट्र प्रमाणक व्यवस्थ हा इ सामा सा । राष्ट्र स्था ६ राष्ट्र १ म्य १ शहर राष्ट्र १ श

ere was ere a gar e se sa gor e

8000 मल गणित प्रदनावली ३५ •याज निकालो·— (1) 670 रुपये का 4 वर्ष का 5 प्रतिशत दर में । (२) 682 रुपये का 5 वर्ष का 5 प्रतिशत दर से । (%) 216 द्वाये का 61 वर्ष का 4 प्रतिशत दर से । (a) 8800 रुपये का 4½ वर्ष का 3½ रुपये प्रतिशत वार्षिक दर में। (४) 21606 रुपये 4 माने का एक वर्ष 73 दिन का 5 प्रतिरात वाचिक दर से। (4) 1833 रुपये 5 शाने 4 पार्ट का एक वर्ष 292 दिन का 43 प्रतिशत प्रति वर्षे दर से । (*) 9307 रुपये 8 माने का 200 दिन का 7 प्रतिशत वार्षिक दर से । (म) 10666 रुपये 10 काने 8 पाई का 4 साम 15 दिन का 21 वैसे प्रति रचवा प्रति झास को दर से । (a) 1708 रुपये 10 थाने 8 वार्ड का 6 साम 12 दिन का क्यांब 2 रपये 4 बाने मैंब्हा मामिक दर से बनायो। (10) 2666 तबवे 10 काने 8 पार्ट का 4 मास 8 दिन का क्याओ 1 रुपया 5 धाने 4 वाई व्रतिरात मामिक दर से निकासी । (११) 373 रपये 5 थाने 4 पार्ट 6 वर्ष 5 माम 15 दिन का ज्याज l श्यथा 10 जाने 8 वाई प्रनितत सासिक दर से बनाघो i (१२) 8176 रुपये 14 बाने का मिश्रपन 15 बाने सैंडवा सासिड दर में 🗦 क्षर्य 🖹 साम से क्या दोगा 🤊 निम्नलिखित प्रकों से दर उसाही दी हुई है। स्वाह Grenan --(१६ मुजयन 1122 स्वयं 10 ब्यान भे पन्डः तर एक बाला 2 पैसे व्यक्तित व्यक्ति । स्वयं 5 साम 10 दिन ।





मान इर सारे परके संज्ञों का ब्याज निकाल लो ।

(२) उपर के उदाहरए में स्पाट की दर मनिगन मानिक दी हुई है। इस में दर (1 रचया 4 काने) 1(4) पर्क चौकों का स्पाट है। हिन्तु परि स्पाट को दर मिन रचया मानिक हो, तो दुर एक परके चौक का स्पाट होगी।

हदाहरू ।२१ छ। स्पर्व का स्पाद 2 पैसे प्रति स्पर्का सामिक दर में ठें साम का प्रतीत करों ।

अ) रवपे के 5 साल में वर्क बंद = की x 5

= 150 एक पहले फोक का बचात = 2 रैसे

150 प्रके होते का स्वाद = 150 x 2 दैन

ि। दक्क कक्ष का स्वाद ≈ 100 ४º देव

= 4 रुपये 11 दाने उत्तर

(६) अम काविध दिनों में दी हुई हो तो मुख्यन को दिनों की संदेश में गुणा करते हैं और गुणनकत को कुछ्ये छोक कहते हैं। करवे घंडों को 30 पर माग देवर पहढ़े बंड पराये जाते हैं।

क्ट्राट्रस्य (a) 750 स्वयं का 18 दिन का ब्याद 123 कोने सेक्ट्रा मातिक दूर में निकालों।

किया—750 रुपये के 18 दिन के करने बंद = 750×18 = 13500

13500 करने बंदों के एउके बंद = 13500 + 30

=450100 पण्डे श्रंकों का स्यात = 12 द्याने 2 पैसे 400 पनके अंकों का स्वात = 3 रुपये 2 बाने 0 वैसे 50 पक्ते संकों का स्वाम = 0 रुपये 6 साने 1 वैसा १८ ≇पाज ≃ 3 रुपये 8 थाने 1 पैसा उत्तर (४) जब सर्वाच महीनों चीर दिनों से दी हुई हो, तो पहने मूज-धन को महीनों की संख्या में गुणा करके परके शंक बना की, इसके परचान सुबधन को दिनों का संख्या से गुका करके करने शक बनायो शीर उनको 30 पर भाग देवर पुरुष शंह बनातो, फिर सारे परके चर्कों का ब्यास निकास सी । उदाहरण (४) 360 रुपये का ब्याज 7 माम 10 दिन का थाने मैं हड़ा मासिक दर से मालूम करो। किया-360 रववे के 7 महीने के वर्ड शंक = 360 × 7 = 2520360 रुपये के 10 दिन] = 360 × 10 = 3600 3000 बरचे बंधों के =3600-30=120ovik vin ं. स्व प्रश्न संदों की संख्या = 2520 + 120 = 2640 100 वनके चंकी का बनाम = 9 थाने 2(NR) प्रके संबों का स्वात = 11 न्वर्ष 4 काने €(x) प्रश्न संकों का स्वात = 3 रुपये 6 काने 25 परंड चीको का क्यात = 0 रचया 2 धाले 1 पैना 125 वक्ते संबोधा स्वाध = 0 रुपया र बाना है पैमा

मल गागम



भीत वासान

मस्तायली ३६ स्थात निकालीः—

- (1) 250 व्यव का 6 साम का 2 पैसे व्यवा मानिक पुर से इ
- (*) 1250 mid mi 8 mid dags all qu' à 2 mild mi
 (*) 100 mid mi 3 mille dag 1998 à 3 du lay 1998
 - को अन्य कार्यकार उक्तानुक सर्वण १९११मा स्टाउत अंड अवन १५४४ नक का 13 ज्यापा रीकना ग्राधिक न्यासी १
- (क) भूभा कार्यका के याद और क्याया साधिक वृत में 7 साम था। (क) क्याये का उँग कार्या साधिक वृत में 10 सहीने था।
- 18 \$7 : रुप्ते का 25 पेंग व. र अपना वातिक वर में 1 आप 10 दिन कर
- १० म । राज्य का १ चाई क्रांत स्थाया आध्यक दर से 5 सरीत 10
- दिन कर । १८८८ राज्य का राज्य के स्थान स्थापिक वर से छ सर्थ र छ।
- नित्र का । • 5124 करने का 15 करना संक्षित आधिक वह में 8 अर्थने
- का: - । तर नाम का देव नामा रिक्या माधिक वर में है साथ
- 1 ster as .
- इंडर काल ६ वान का 12 म न दिवन अधिक कर में 3 मान 12 वान ६।
- १ अन्। सन्दर्भ का १ क्यांज सकत शहरी से 15 कामांत्र सीली अन्य तकस्था सामा देखा सामक रहती ।
- ह जब क्रमुम्ब के उ. , कार्य 5 करिक क्रमु एउटा बर्र हैं। स.स.चैतन के उत्तर कर कर कार्य प्रति क्रमुक्ता, उठ बैतनक सक्ता उट को बद्द कर अन्तर क्रमुक्त क्रमुक्त केला

-



5 AC मल गणित ब्याज निकासने की इस रीति को क्यूवाँ ब्याज कहते हैं। मीचे दिये हुए उदाहरण से कटवाँ ब्याज का नियम समस्र में च्याजायेगाः । उताहरख-एक किसान ने किसी धनी से 11 बैसास संबद 2004 को 200 रुपये, यक रपया 9 खाने सैंकड़ा मामिक दर से त्रचार लिए और 5 सावन संवत् 2004 को 120 रुपये के गेहूं अपना अध्य शुकाने के लिए दे शया । यदि वह 11 अंगसर मंदन 2004 की अपना क्षेत्रा शुक्रता करना चाहे, क्षे उसे कितने रुपये देने पहे में !

200 रुपये का जितनी अवधि का ब्याज फैलाना है, $= \begin{cases} 11$ कैसाल संवत 2004 से बह

धनों के चौक

200 रपये के 7 महीने के पक्के शंक = $200 \times 7 = 1400$ किसान के चंक

120 रपये के 6 तिम के कच्चे संस = $120 \times 6 = 720$ 720 करने संकों के पनके संक = 720 - 30 = 24

120 रु के 4 महीने के पनके चंक = 120 x 4 = 480

हिसान के कुछ पनके शंह = 480 + 21 = 504

धनी के तेथ परके चंद्र = 1400 - 504 = 896

100 पक्के चंकी का बयाज = 1 ट्यमा 9 साने

... 800 पक्के खंकों का स्पात्र = 12 क्यपे 8 कावे और 96 पक्के खंकों का स्पात = 1 रुपया 8 चावे

.'. भनी का सारा क्याज = 14 रुपये भनी के मूलभन में से रोप = भी

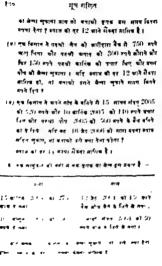
(200 हवरें - 120 रववें = 80 रववें)

.. हिमान को को रुपये देने हैं, वह = 80 + 14 क्यये

= ! । रहवे उत्तर

प्रमायली ३५

- (१) एवं विसान ने किसी दुवानदार से 500 वर्ष देशा दिया असने नीत महीने पीदे 300 वर्ष ये यहे हुवानदार वो दिया और 6 महीने पीदे विस्त 250 वर्ष ये यह हवानदार वो दिया कि महीने पीदे विसा वर्ष पुढ़ा दिया। पदि व्याव वा दर्श वर्ष ये विस्त के प्रदेश की वर्ष ये विष्त के प्रदेश की वर्ष ये दिया। वर्ष प्रदेश की वर्ष ये दिया। वर्ष वर्ष ये दिया।
- (4) एवं सञ्चय ने दिन्सी देव में 12 चित संदत 200 वा 200 वा 200 वा स्वयं क्या दिये चीत 15 दैसास 2004 वो २० काम देव में निवारे, कित 12 केट 2004 वो 200 वास वे ब्या दिने चीत 12 वार्ति देव में में तिया है कि 2001 को चापना साम पर व्याप्त सित्ति देव में में किया है चित्त है है में दिन्दा की तो वाच्या है वा 7 चाने मैं वाच्या है को ती वाच्या में वाच्या मे
 - त्य एक क्ष्यव म ज्योगार देव स्व 100 व्यवे ८ देवाल महत्त्र ३०० को कीर 100 व्यव : ब्राइट को क्या किए की - ज्यव : ब्राइट का देव सहात को का १ व्यवहान



मूलधन, दर श्रीर श्रवधि प्रतीत करना

(1) ब्याज के प्रश्नों में चार राशियों का होना भावस्यक है, भीर सशियों यह हैं :--

मृलधन, दर, श्रवधि, ब्याज

इनमें से कोई सी तीन का पता हो, तो चौयों को मानूम सकते हैं। स्पान निकालने की रीति तो तुम जानते ही हो, अब ! रोप तीन राशियों को मानूम करने के विधि बनाते हैं।

(२)(क) दर, अविधि और न्याज माल्म हों, तो मूलध् प्रतीत करना।

(स) द्र. अविधि चीर मिश्रधन माल्म हों, तो मूला प्रतात करना।

उदाहरस् (१) हिम मृलघन का स्यात 3} प्रतिरात प्रतिवर्ष दर से 4 वर्ष में 630 रुपये हो जायगा ?

पुक वर्ष में 31 रुपये ब्याज'हो, तो मुलधन] = 100 रुपये

 $\frac{4}{4}$ वर्ष में $\frac{3^{1}}{4}$ रुपये $\frac{1}{4} = \frac{100}{4}$ रुपये

 $\frac{4}{4}$ वर्ष में $\frac{1}{4}$ रुपया $\Rightarrow \frac{100}{4\sqrt{3}}$ रप

 $\frac{4}{4}$ वर्ष में 030 रुपये = $\frac{(6.6)}{4 \times 3}$

= 45 () रुपये । उसर

देखों उपर को किया से मुलधन सालस करने के खिये व्याव 1001 से गुरा। करके दर धीर खबधि क गुरानफल से भाग दिया ग है। चत यह नियम सिंढ हुआ 1:3 मुख राखित

शृक्षप्रत = स्वात x 1(6)

पर्राहरमा (२) किस मुक्तपन का तिभवन 4 को में 3 प्रतिसन

बानिक पर में 3080 क्यूबे की आयेगा है मियायम = 30000 स्वयं

परप्रिय के दे जर्म

WY m 3 starte mine

क्याना करो कि मुक्तान क (१४) काचे

100 कार्य का ब्याज 1 वर्ष) = 100 × 3 × 1 = 12 का 3 प्रतिज्ञत कार्यक वृत्र में | = 100

2: 100 with an favore a 100 + 12 = 112 with

वर्षि विभवन 112 कार्य हो तो। संवर्षन = 100

वर्षि निश्चयम । नाथा हो नौ स्वापन = 100

महि सिज्जन अभ्यो नवते हो नो मुख्यम = 🚻 अ अभ्यो

वचलकर्ता ३८

(1) फिल मुक्तान का कारत 3 वर्ग में 4 जीतमन वार्षिक पर में

27.50 mit 955

T'31 mil 2" milm !

 कि स्वाप्त का काम देन करून में दी बाँगान वार्तिक पर व ३३३। न्यव रा प्रावता १

is for great at some & of 4 to after grips or 4

1" 444 T 244" "



25% मृत गणित (३) (*) मूल्धन, न्याज, अवधि माल्म हो नी दर माल्म (न) मूलघन, मिश्रघन धीर श्रव्धि मालूम हो ती दूर माञ्चम करना। उदाहरण (१) यदि 1650 हश्ये का ब्याज 2} वर्षमें 132 रुपये हो, तो स्वात को दर प्रति सेंडवा प्रति वर्ष माखम बसी। · · 1650 रुपये का स्वात्र } = 133 रुपये 24 and il े 1650 रपवे का ब्याज = 31 Erà बान: कर प्रतिशत प्रति वर्षे = 31 क्षावे उत्तर जपर को जिया दिलाई गई है जब से स्पन्न है कि हराहरता (२) 225 रुपये का मिश्रयन 3 वर्ष में 259 कार्य 12 बाने हो, तो दर बंदीन हरों। 225 क्यां का } =258 क्यां 12 काने -225 क्यां = 33 रचने 12 धाने

साधारण ग्याज

ं. हर $= \frac{4\pi i \pi}{2} \times 100$ $= \frac{135 \times 100}{4 \times 225 \times 3}$ 4×225×3

दशहरत् (ः) हिस दर से बोई राम्नि 20 वर्ष में दुवनो ह

बादेगी १ ी(N) रनवे सा ब्याव = 1(N) रनवे

े रिक्ष) रुपये का है है। क्याब रिक्ष में हैं हैं। रुपये

= 5 स्पर्व

धकः ब्याब को दुर = ३ मनिसत मनिवर्ष । उत्तर

या इसं इस पहार हत हरेंगे :

. द्रा व्यावश्रीका मूलपन । हार्बाध .. = 1001 (100) 1(01×20)

= ३ प्रतिसत प्रतिवर्ष उत्तर

(१) किन क्रिकेट इस से 250 रुपये पर 3: वर्ष में 30 रुपये 6

(र हिन बीतात दर से 713 स्तवे दर भी वर्ष में आ रावे 7

है। किस प्रतिशत दर में 7000 रचमें पर 2 वर्ष 73 दिन में

। हिम प्रतिहान हर से 7,3%। रुपये पर पहली मुद्दे से 24

=5 मूल गणित (१) किम प्रतिशत दूर में वृक्त त्यवा 4 धाने पर एक महीने में ि पार्र हवाज को आवेगा है (4) किम दर में 4615 क्यदे 13 वर्ष में 6114 क्यदे 14 भाने ही कार्येंग १ () किम प्रतिशत तर से 9258 करवे 5 बारे 4 पाई का मिश्र-धन 3) वर्ष में 11526 रुपये 10 बाले हो जायेगा ? (ब) किस दर में 301 करने 10 बाने 8 पाई 3 बर्ग में 430 क्षवे 13 साने 4 वाई हो जायेंगे ? (4) fen ar à 2 mit 1 mit 331 av # 1 com 14 mit 4 वार्ड हो कार्येंगे ? (१०) किय प्रतिशास कर से कोई शांति 25 वर्ष में दुरानी हो (hritm (11) दिन दर में 3000 रुपये का ब्याब 12 जून में 5 नवस्वर तक 54 दुवरे हो आवेगा ? (१२) दिन दर प्रतिशत से 31 वर्ष में दिनी शांश का व्याप्त मुख्यन बर 16625 हो बावेगा ? (४) (क) मलचन, ज्यात भीर दर दी दूर हो, को अवि वर्णाम कामा । (क मृत्यान, नित्रापन कीर दा री हुई हों, को आहि प्रतीत करता । इटाहरम् (१) दिनने समय में 9700) एउथे का स्थान है प्रतिकृत कार्षिक कर में 2007 रुपने को बावेगा र

r = 1 44

100 mit er 4 ert

क्षात्र हो तो अन्त



या इस शकार 16101 × 100 37500 × 11 13125 × 100 × 4 8 × 37500 × 7 = 24 वर्षे उत्तर उदाहराम् (३) एक राशि का मिश्रपन सामारण ब्याह ब्र मे 3 वर्ष में 411 स्वयं 6 बाते, बीर 5 वर्ष में 440 व 10 बाने हो जाता है। मृत्यन धीर बवाब की वर प्रतीन करी |

मल गणित

*****55

मिश्रयन ≈ मृश्रयन + स्यात थन, मृत्यपन + 3 वर्ष का क्याब ≈ 414 हरवे छ पाने थीर मुज्यन + 5 वर्ष का क्या म = 410 क्या पे 10 माने

mn: 3 mg ar agra = (440 gra 10 ara-114 ana ६ वाने ३

= 26 sept 4 wid एक मार्थ कर बनाज = 13 नगर 2 साने gir ! er er sara = 39 m. 6 mis

. 44.14 = 414 erà 6 m3-39 mià

6 கர்

375 RIG

= 26 #0 1 #04 = 197 . - 2 (2) ..



710 मूल गशित (१०) एक मनुष्य एक साल रुपये 4 प्रतिशत कार्यक र

क्यार क्षेता है और हर वर्ष 8000 स्पथा है हैता बनायो 3 वर्ष के परचात् उसे कितना ऋष देना रहेगा । (११) एक राशि का मिश्रायन 550 पींड ब्रोता है जब कि ब्या

दर 4 प्रतिशत है और समय 2 वर्ष 6 महीने है। वरि एर वित्रात हो और समय 3 वर्ष 6 महीते हो तो उस

का मिश्रयत्र दिवना होगा ? (१२) यदि 4 वर्ष से 2520 रुपये का सिश्रयन 3024 हरने ह है, तो दिलने समय में उमी दूर से 520 इपये का निध

611 ज्यमे होगा ? (१६) दिसी सारि। का निश्नपन साधारण ब्यात से 3 वर्ष में 3

करये 8 चाने चीर 71 वर्ष में 453 रुपये 12 चाने ही म है, तो मुख्यन धीर स्यात की दर बनाधी। (१४) यह सारित ज्ञान करी जिसका क्याज 37 प्रतिशत स

पहले में 🏰 प्रतिशत प्रशिक्ष थी। तुमरा आह्या छेने के 💯 व

3 वर्ष 4 महीने में उनना दी हो, जितना कि 160 वीड 🛂 प्रतिशत कर से 😩 क्यें 6 महीने में होता है। (१२) मैंने 500 रुपये बचार शिषु चीर 9 महीने परधाए 15

करने और उथार जिल, परम्यु इस बार स्वाप की वार्निक

परकात् मुक्ते 2024 रुपये 2 चाते. देवे वहे । स्वात की वही

14) एक सनुष्य कथास 32(X) पींद्र थे । हनसे से उसने कृष

ो बर्ग के जिल्ल । प्रतिशत वार्षिक वर में क्वाझ वर बन

था। तथ उन का 8 क्य के (अपे 5 प्रतिशत कार्तिक हैं। पर बनावा वांद प्रत्येक धन का स्वाप बनावर हो, ही बनावे

rus a nisma na ikana sa amuni mi ?



राया नहीं देता बह दूसरी वर दिये कन (6000 रवरे) में ये वं बहा कार केता। यह बहा जनना हो होता जिनना हम दुसरी राये पा रोच समय का स्थास कनना है। यह बहा बहा का कर रे राया काला तुक्तीरात की है हेता। ये बहा हम बचार का जाना है जो बहा हम बचार का

स्वारप्राहित प्रहा = हुपत्ती के यन का साधारण स्वाह। यदि पहले से यद पता हो कि हुपत्ती का हरणा किम विर्ण स्वया गांधिक को भागत है, तो हुमसे 3 दिन चौत विवास कि सावों। यदि कोई तिस्तात निर्णत क्रिया है।, क्षेत्रक नविष्ठ जिली हो, तो तीक दिन करों को दे जां।

म्यावहारिक यहा निकालने की विधि

प्रशाहरणा (१) 750 रचने की हुको 28 जनवरी 1945 को मुन्मास की अन्निय पर जिल्ली गई। इसका रचना 7 मार्च को 3 प्रतिराज पार्थिक इस से पहा देवर के लिए। गया। बतासी क्रिया व्यावकारिक बहा देना प्राप्त

यह हुयही 24 जनवरी को ज़िली नाई है, बल हमें माने की पारीक 25 जुजाई होगी। हिन्तु हममें नीन दिन की जबति भीर कोइनी होगी हसजिए हमें भाने की शक्त मारोज 31 जुजाई है। स्वावहादिक इन्हां हुयही के पन का सारागुर कवाज

140 दिन

व्यावहारिक पट्टा ^{देदाहरण (२) बताची, 524 पीट की हुएडी दे कितने प} रैंक से निलंगे क्वांक हुएडों का रचवा रुसाम में निलना हो से बेपात की दूर ई मितिरात हो ? बपना उत्तर निकटतम देंस ता न्द्रिस्ती। equagility agr = $\frac{524 \times 8 \times 4}{160 \times 12}$ wis = 1048 75 412 = 13 वीड 19 सिनिंग हैं वेस (समझा) चतः देह इस हुएहों के (524 चीट-13 चीह 19 सिसिंग हैं हैंसे या जीत पींड 6 ईस देगा उत्तर ^{च्}राहरण (३) यदि किसी हुयदो का स्पावहारिक वहा 3 मितरात को दर से 7 रचने 8 काने ही कौर उस हुएडी का रूप्या ? नास में निवन हो, तो दताधी वह हुएडी किनने रुपे की है ? हराना करों कि हुएडों 100 रुपये की है। 10.) रुपये का स्पावहारिक वहा = $||v_0^0 \times 3 \times ||_{1_0^2}^2 = \frac{1}{2}$ रुपया पदि स्पावद्यास्ति बटा दे रचया हो, तो हुएको 100 रुपये की है " " 200 r 71 ,, कतः वह हुएहो 1500 स्पर्व को है। उत्तर प्रस्तावली ४१ ं रचमें की एक हुएकों " करवरों को ११ महोने की धविध पर जिस्तो गई भीर 13 जुलाई की गुनाई गई। परि स्पात की दर रूप सेंहदा शति वर्ष हो तो स्पावहातिक वहा बताफो।

मुल गलिन (२) 25% की पूर में 6 मान परचान देव 517 पीड 10 मिडि की हुएती का ज्यारनारिक बद्दा मतीय करो, जो 9 प्रिय व जिली गई तथा 14 धरावन को भूनाई गई।

117

(३) 1925 बींच की हुल्डी 15 वितास्वर को 3 अहीते की अपी बर जिली गई चीर 12 प्रकट्टबर की मुनाई गई। 41% ब्र में उसका ब्यापदारिक बद्दा प्रतीत करी । (थ) 7512 नाने भागे का हुवरी 11 मई की 7 मनीने बै

व्यवित वर जिल्ही गई और 21 जुलाई को उर्देश की दर है भूजाई गर्ड । ब्याबदारिक बदा बनाची । (v) 13% का पुर से 2548) ज्यापे की बुक्की का ज्यावपूर्ण बद्धा बनीत करी भी 22 सामन को 6 महीने की सर्वात स

जिल्ही शह या बीर ! खण्डूबर को जुनाई गई थी। (६) 29%। लाये का हुनदी छ। यसन्त को 12 अर्थने की वर्णन वर दिला गई थीर 2 बनवरी को मुनाई गई । 5% वा वर है

क्यांक्यारिक वहा प्रतीय करें। · • . » . का पर से ३५३(म) सबसे की हुमता का कवानगरिक नहीं

anne wer at & wente ut lie mein alt male ne fant कड़ का बीर 13 विमाहका की मुनाई सहै की 1

म १८७१ चीड की हुँची है। स्वयंत्रत की छ सहीते की मार्चेंड पर forting the band to gent of 1 4", they Age

at an exercise wet and divit ? १८८८ त्याच का एक हैवा । साम वानाम देव है। उद्ये हैं। an et en antere all att an ber far er fant mie gen ----

कारण र ापर काहूक का ता । अवहंका की हैंग er de gerra in ter rangemente be fit

दम समय ब्याड की हर 6', थी। बतायो साहकार में मुखे बदा दिसा था ! (11) 1820 पीट की हुँहों 1 स्वतूका को देव हैं। यदि हुँकी 3 डकाई को संस्तु की दर में मुलाई बाद की रसका क्या

च्यावद्वारिक दहा

(12: 1250) रुपयं को एक हुँदो 10 दिसम्बर सद 1940 को 6 महीने को कर्य पर किसी गई केंग्र न कर के सर 1941 को एक देव में एक्से बारें। देव में उस हैंदा के 123 । बारें द दाने हिए। बटाड के दर दनायों।

18) 1310 चीट की हुँचा 10 मार्च की है सरावे का अवीद पर मही। बलको हुँही कोए अने बाले ने ब्याव की हर क्या ا بما جنده १९४) एक हुए। 12 क्यूनि परस्पद् केंग्रीन पदि उत्तर की कर से त्मता कात्मातिक कृत अक्षति । कार्रे से भी कम्प्री सर्विति विकेश्ये करिक है।

 16. 167) बच्चे क एक हुए? । यहाँ के बच्चें? को उस में भूमार करें, के उसी अधीर कार किये । बहाबी बर हैंदी दिल हिंग हैर हा। ्रा दारं का स्व दुस्ता । जाति का सार्थ सा विका स्व धीर ही, बोबर है। वह है वह बोबहर कर है धन्ति को । बनाकों का हिए किस तिक दिस्सी को की है।

चीदहर्भा यापाय

नाम और कार्यं के सम्बन्ध में यह को कार्य सक्त भार्य क्यां व्याहिक क्रिकेट कार्य के साम क्यां कि क्यां कार्य क्यां कि क्यां क्यां कि क्यां क्यां कि क्यां क्

(१) महिकोई सनुष्य एक काम को 10 दिन संको, नो वह एक हैं। इस काम का ने भाग करेगा। इसो प्रवार वहित कहार को अपनि संबंद, नो वह दें। दिन से उस काम को अपनि करेगा

प्रति भ तम कार का कुलाग करणा । (२) वर्षत् किसा लेल क 10 लाग कर दिये क्यार्थ और कोई स्थिति कुक्क दिल में देख लाग का एक भाग कोते, सी बद कुल की वर्ष रिकार में स्थानक

क् प्रतास प्रयासन का स्वास्त आगा आत, तो बद् कृत का कर 10 जिल में जोतता। इसी प्रकार सद् त्यन के इ लाग का रिने अर्थ, मी कह व्यक्ति

ह्यो प्रचार विद् लग क उ लाग का तिये प्राप्ते', तो वह कार्यि बच्च लेल का रुदिय संशोधना । उदाहरता २) कु वृत्र साम छै। दिन से, ३३ दिव में, सु

च्हाइरला २) कु बुक बास 23 रहन से, इं। 35 रहन से, से, 5 दिव में क्षमान-बाहत कर सकते हैं। बताओं, तीनी जित्रकर कार्र बास बितन रित्र से सामान करेंगे ? . कु बुक रित्र में १ च्यास कर सहना है।

ह्य क्ष रिम में १५ काम कर सकता है। मूज्य दिन में १ कहा कर सकता है।

44 fre et eta] = 1 + 1 + 1

समय और कार्य कतः वह समय जिसमें ् वीनों मिलकर पूरा काम । = 13 ममाज कर होंगे = 1 2 fra वदाहरूरा (व) बरि 3 सहाय और 3 स्तरे एक बास को 4 दिन में समाप्त कर कीत शे मद्भाव कीत एक खरका उसी काम की 3 दिन में ममाप्त करें तो एक मनुष्य की एक जनके के काम की दलना बरो। ें महत्त्व कीर है सरवे एक बाम को ई हिन में बरते हैं। .. 12 महत्त्व कीर 12 स्वतं उस काम की एक दिन में ₹(ñ·····(1) किन्तु री मनुष्य कीत एक सरका उसी काम की 3 दिन में रते हैं। ं 18 सहस्य कीर है लगहें उसी काल की एक दिन ही Em: 12 mgmi-12 erei er em=15 mgmi+ " बहुको है। हाल ८ १, जहुन्ती है। हन्त من فر هذا، إلا رد سياس ده جده بد دست هند هندا في and the first of the second of को को काम की अस्ता के क

में करें। सो बताबी, 3 मनुष्य बीर 9 लड़के उसी काम की कितनी

देर में करेंने ? : 12 मनस्य सीर 7 लडके साम काम 9 दिन में करने हैं

∴ 12 मनुष्य धीर 7 सदकों का एक दिन का काम = 1

· 24 मनुष्यों और 14 जहाँ का एक दिन का काम

21 मनुष्या शार 14 खहडा का एक दिन का काम $=\frac{2}{2}$... (a)

8 सनुष्य धीर 13 अपके सारा काम 11 दिन में करते हैं।

 $\therefore 8$ सञ्चय भीर 13 सहजें का एक दिन का काम $= \frac{1}{11}$ भाषता 24 सञ्चय भीर 39 सहजें का एक दिन का काम $= \frac{3}{11}(b)$

परियास (a) की परियास (b) में से बटाने घर 25 खड़ी हैं $\frac{3}{9} = \frac{5}{10}$ एक दिन का कास = $\frac{3}{11} - \frac{5}{10}$

े एक सरके का एक दिन का काम = $\frac{5}{100000}$ र = $\frac{1}{10000000}$

া एक सबके का एक दिन का काम $= \frac{50}{99 \times 25} = \frac{405}{405}$: 14 कवकों का एक दिन का काम $= \frac{14}{405}$

चनः (a) के चनुमार 24 मनुष्यों का एक

ਤਿਕ ਕਰ ਕਰਮ = $\frac{2}{9} - \frac{14}{495} = \frac{96}{495}$

क्द अनुष्य का व्यक्ति का काम = 1/4°, (d)

समः चीर ६ चन्यार

तमय जार कार्य त महरद चीर १) एरको का एक दिन का काम ं. 3 सहुत्व और 9 हर्ष विवने समय में े =1-1/2 = ए मारा काम करेंगे, दह डहात्रस्य (४) चरि क, स चौर ग एक सेन को 15 दिन में बार सबने हो, स, म और च 20 दिन हो, म, च चीर क 21 दिन ही चीर

ब, क चीर स 27 दिन में, तो बनाबों दें सब मिल बर उस सेत की हिनते दिनों से बार होते ? स कीर स एक दिन में दो रोष कारने हैं et, 17 ... # 5. 5 . 5 E

£ & " 44 सहस्रो कोहते सं

S (ब + स + श + ष) का एक दिलका काल

बार एकी बाद्या कर दब एक दें दिल्का सेल बार

मल गणित

200

धनः वे स्तार दिन में खेत की काद सकते हैं

167% दिन बसार

एक चकरा देने वाला प्रक्रन

उदाहररा (४) क. रा चीर म एक काम को 6, 5 चीर 👫 क्यदे में कर सकते हैं। वे सब मिलक्टर काम करने बने ; यू तो पान

क्क काम करता रहा किन्तु हुए काम समाप्त होने से 2 बच्छे 10 मिनिट चीर स 1 रे बच्टा पहले काम छोड़ कर नारे शये । बनाये. काम कितनी देर में समाप्त हुआ है

क, न, ग का एक वर्ग का काम = 1+1+2-13

or 21 weit a fannt win went = 1 x 19 m 11 श 14 बन्दे में जिनना काम करना # द × है - है वरि काम के समाप्त होत तक न

क चीर न काम अले रहते } = 1+17+1-48 तो जिल्ला काम होता. वर WAT TH AUT = -24-23-3 WEE

3 बच्टे इसर क्रब इस वहां वरने बीत गाँवान द्वारा इस करने हैं। कात को कि काम अन्दे में सवादन हुया ।

eit samela-24 + tla 14,-1 बर्गाचरस को इस करने व . = 3

तक भृत्दीदार प्रदेश

इत राग - एक बात का कु बीर हत तिक्रकर 12 दिव में क्षेत्र हु। कीर हा प्राथवर रूपी बाग की 15 दिया में करते हैं। वर्ति

स्त में दिन तक और हा दें दिन तक काम करें, तो हा है के काम की 13 दिन में समाप्त कर केता है। दताकों के काण्य कहता दूस काम को किनने दिन में समाध्य कर सकते हैं है

सा का 5 दिलका बारा न रह का 5 दिल का काम न नु

रमरे औरने पा

स् का ी दिन का बास + स्व का निहन का बास + शु का की

दिस का बामल १९०३००३३

भी ग्रेष काम की श ने 11 हिन में समाप्त विका ।

ग्रथवा धीजगणित दारा

३०२

अथवा याजगाणत द्वारा मान को गुरुव काम को ४ दिन में कर सकता है, तो

ম কা থক বিশ কা কাম = $\frac{1}{c}$

 $\forall n \ n \ " = \frac{1}{10} - \frac{1}{x}$

 $\Re \ " \ " \ = \frac{1}{12} - \left[\frac{1}{16} - \frac{1}{2} \right]$

श्रव भरत में दी हुई शर्त के श्रदुमार $5\left[\frac{1}{16} - \frac{1}{16} + \frac{1}{r}\right] + 7\left[\frac{1}{16} - \frac{1}{r}\right] + \frac{13}{2} = 1$

 $a_{12} = \frac{5}{16} + \frac{5}{x} + \frac{7}{16} = \frac{7}{x} + \frac{13}{x} = 1$

या $\frac{11}{x} + \frac{13}{24} = 1$

 $\mathbf{u}_1 \quad \frac{11}{x} = \frac{11}{24} \qquad x = 24$

उदाहरण (७) कु घीर श्व मिलकर एक काम को जितने समय में करते हे खु उस कोम को उसम जिलुने समय में कर सकता है। की

से करते हु स्तु उस की सका उसना कि पुने समय से कर सकता है। वृं चौर स्तु मिलकर उसी कास का जितने समय से करते हैं सुउससे हुपने समय से करता है, तोशों सिलकर हम कास को 10 दिन से कर बेचे

ह । अनाम्राय श्रकल भ्रकल इस काम को करन दिन से कर सकते हैं। क मीर सुरू। कीम = ५१मुका काम }

होनो पद्योगस्य काकास चाहते स कः स्वर्णीर सुकाकास ⇒ ∤ (स्वृकाकास)

क, स्व कीर स्≉ाकाम = ∜ (स्व का काम



मूल गणित

🙏 व इस काम की 45 दिन में समाप्त कर सकता है

208

क का एक दिन का कास = $\frac{1}{90} - \frac{1}{45} = \frac{5}{180}$

. क इसे 😿 अर्थात् 30 दिन में समाप्त करेगा ।

क इस काम को 36 दिन में चौर स्व 45 दिन में समाज करेगा ।

उदाहराए (१) एक देवेदार ने एक काम 80 दिन में करते का

देका जिया चौर 60 सामपुर काम पर क्षताये । 20 दिन में हु काम समाप्त हुआ। बतायो, सब वह चौर कितने महतूर काम पर कगारै काम नियन समय पर समाप्त हो जाय ।

किया: - 20 दिन में १ काम दी समाप्त ही सका, शेव 60 दिनों में १ काम चीर करना है।

∮ काम 20 दिन में हो तो सजदुरों की सक्या ≈ 60

t .. 20 . = 60×4

. . 60

े देकदार ५0 - १४० = ३० महदूर चीर, काम वर खगाये ही ाम समय पर समाप्त हो बायगा।

.1) RETA 377F

वहसाय से अर

agra ru ain at ann fen a ain fan 15 सन्दर्भ 'त्रम सर सहर हैं !

उद बाम का मन्त्र । निम म कर महत् है । बताबी, कर्त सन्दर्भ कीर का व त क का बास । दिन में समान्त

- (६) एक दोबार को 15 मनुष्य 12 दिन में बना सहते थे। चिंद यह दोबार 20 दिन में बनो हो, तो बताको किनने मनुष्य काम पर नहीं चाने थे ?
- (थ) कि 6 दिन में उतना बाम करता है क्षितना ह्य 7 दिन में; भौर ह्य 3 दिन में उतना बाम करता है क्षितना ह्य 4 दिन में । क्षाभों कु उस बाम को भवेला कि तो दिन में कर खेगा जिसे कि, ह्य भीर हा मिलकर के दिन में दूरा कर खेते हैं ?
- (१) एवं बाम के बरने में कु बी राणि उनती ही है जिनती खु और शु बी मिलवर । यदि कु और खु मिलवर इसे 9 यरदे 36 मिनिट में और शु कवेला 48 यरदे में बर के, को बताओ, खु कवेला उसे दिनवे मनय में बर केगा ?
- (६) क् भीर खुण्ड बाम को 24 दिन में, खु भीर गुन्न। दिश्य में भीर गुणीर कु 30 दिन में बर सकते हैं। बताको, भादेक कलगा-कलग इस बाम को विश्तने दिन में समाप्त बर खेला ?
- (a) ক্ ড্ৰেছান ছী [3 হিন নীছৰ নছৰ হৈ । জাতীৰ বা নিজ বা বাল ছান ছী 10 হিন নীছৰ নছৰ ই। ছবাতী বা তইছা নাই ছান ছা । লাব ছিবল নাম নীছৰ জনা।
- (4) की या प्राप्त कर एक बात को 8 दिन से कर सकते हैं। के की या उसी बात को 10 दिन से की या की ला 12 दिन से बर सकते हैं। बनावी जा की राज्यी बात का विश्व दिनों से बरेंगे।

₽0₹	मूल गियात
(4)	
	चीर सुचीर क्; 12 दिन में कर सकते हैं। बनाघो, इन में
	में प्रत्येक चलग-चल्ला उसी काम को हिलने दिनों में समाज का सकता है ?
(1+)	and an add in the state of mit ford mit if
	में। 4 दिन काम करने के परचान राम धाना गया, और
	कृत्य भीर मोहन ने मिलकर राय काम को 12 दिन में समाप्त कर जिला। बनाओं मोहन फांक्स उस काम की
	कितने दिनों से कर सकता है ?
(11)	
	वश्चात हु की सहायता से शेष काम 6 दिन में समान्त
	का जिला। बनाफो, उन् चडेला उस कास को दिनने हिनों हैं
	समाप्त कर सकता है १
(11)	क् एक काम को १ दिन में कर सकता है, इन् 12 दिन में
	होतों ने मिनकर काम काना चारम्य किया । हे दिन के परवर्ण सु क म दोष कर चन्ना गया । बनाओ शेव काम हा दिनने
	दिश्री से पुरा करेगा ?
(11)	कु वृत्र काम बाम की 12 दिन में बर सकता है चीर हा 🌃
	दिन से । दोनी ने विश्वकर काम करना कारमन किया । कृष
	हिनों क परपात हुए काम द्वीत कर पत्रा गया। तेय काम की 🚜
	ने ३ दिन म समाप्त वर दिवा । बतामा सारा काम दिवने
	समय में समाध्य हुया रे
٠	बक्र व्यक्ति में अनुष्य काम पर क्यान है दिन हैं



मूल गणित (20) कु भीर खु भिलकर एक काम को 12 दिन में कर सकते हैं। पहले क् ने बड़ेले 4 दिन काम किया, किर स्तु उसके साथ मा मिला चौर दोनों ने मिलकर शेष काम 9 दिन में ममाप्त किया । यताची, प्रत्येक चलग-चलग इस काम को किनने समय में कर सकता है ? (२९) कुका 5 दिन का काम खुके 0 दिन और उाक 9 दिन के काम के बराबर है। सु ने 12 दिन, तथा स्त्र ने 24 दिन काम करके एक काम का चाचा भाग समाप्त किया ! बताची शेष बाधा काम श कितने समय में समाप्त करेगा ? (२२) एक देवेदार ने एक काम को 12 दिन में समाप्त करने का ठेका जिया और 4 मनुष्य बाठ दिन तक काम पर लगाने के परचान प्रतीत हवा कि कास का देवज है मान सम्राप्त हवा है। बताबो वह किनने मनुष्य काम पर और खगाये कि काम समय पर समाप्त हो जाव ?

205

हैं। क्र और ख उसी काम को 12 दिन में और ख और श 16 दिन में । बताओ, क्ष भीर श उसी काम की कितने दिनों से बर खेंगे ? २४) के एक काम को 6 दिन में समाप्त कर सकता है; सा 8 दिन में भीर शु उतने ही दिन में जितने दिन में क भीर ख मिलकर । बतायो, क्ष भीर हा मिलकर उस काम को कितने

वित्र में दर सेंगे ?

'२३) के, ख़, बौर गु मिचकर एक काम को S दिन में कर सकते

(१४) क एक बात को 20 दिन में, स्व 24 दिन में कीर स्व 30 दिन में बर सबता है। कु बीट हो ने बात को बातक विदा। हुए हिन कान काने के परकार सु कला गदा। सु

हे जाने पर का चौर मुन्ने रोप बात । रिज सं सन्ताप्त कर जिया। बतायो, सं कितने दिन व परणार गया।

(६६ - १०८) समुन्तों के पास १ सरवाह का नीवन नामक की राज्य दुनने रिका समुख्य होत हा सिने । हमाहा यह दूर मामारी दिनने दिन में मामाप्त ही जादेगी न (१७) इत हुए हैं (१) हैं। सिनिहा है जिहें (१) मान्यह है। माहर

नामार्थ थी। उनमें से हैं। हैं। मैनिक बाहा एन नहें। बहाका, बन बह सामग्री दिवने दिन बनेती " (क्ट) पूर तेल हैं है कि महिट है पाद कि सामान है। महिट सामाने हो । उन से बुद् बीत सीत्रं का सिन् । बाँ बद MINES I . HE & M & MENES & I AND AN ENTER LAND

है। दब हुत है 100 में हें में बंध देश दान 1 मानाह की ें अने बाह्या होते करते हैं है के बहे हैंते का المراج والمراجع والمراجع المراجع المراجع والمراجع المراجع والمراجع المراجع الم rè è i talients. En bita amemie atear fer

والمساوية المناسبة عند عند المناسبة المناسبة द नहेचर इस दूर वार हैं। बाद बार - हराहै। contract and their time and the first tada indi da dilina da dad a

280 मूल गणित (३१) एक ठैकेदार ने एक काम को 100 दिन में करने का देश बिना भौर उस काम पर तुरम्त हो 30 मनुष्य लगाये। 40 दिन बीतने पर है काम लमाप्त हुया। बनायो वर और किनने मनुष्य काम पर क्षताये कि काम नियत समय पर समाज हो जाय ? (६२) 8 सञ्जय 5 चयरे प्रतिहित काम करके एक काम की 12 दिव में समाप्त कर क्षेत्र हैं। बताबो, 10 मनुष्य 6 वयरे प्रतिदिन काम करके उसे किनने दिन में समाप्त कर खेंगे। (३३) 15 सनुष्य प्रतिदिन 12 वयदे काम करके एक काम को 8 दिन में समाप्त कर सेते हैं । बताची, उस काम की कितने मनुष 20 दिन में समाध्य करेंगे, यदि बढ़ प्रविदिन केवज 8 बरो काम करें 9

(३५) 12 अमिक 6 घपटे प्रतिदिन काम करके एक काम को 14 दिव में समाप्त करते हैं। यदि अमिकों से 7 चवटे प्रतिदित काम जाय कि यह काम 9 दिन में समाप्त हो जाय ?

(३४) 16 मनुष्य प्रतिदिन 5 पर्यटे काम करके 11 दिन में एक काम समाप्त कर लेने हैं। बताची, 20 मनुष्य ब्रिविड्न कितने घरटे काम करें कि यह काम 4 दिन में समाप्त ही

कराया जाय, ठो बनामो, अभिक्रों को संख्या कितनी बगर्र (३६) 33 मनुष्य प्रतिदिन 6 पर्यटे काम करके एक काम की 8 दिन ' में कर सकते थे। किन्तु उनमें भे कुछ मनुष्य चले गये और शेष समुख्यों ने 8 घरडे प्रतिदिन काम करके उस काम की

गये थे १

9 दिन संपुरा कर दिया बनाबो, कितने सनुष्य अपे

पन्द्रह्वां द्यध्याव

समय धीर दुनी

(1) कोर चारने बार्टी बाहु, समय की बिसी हैकाई में जिनकी ं चल सकती है, उसे उस बातु की चील कहते हैं।

व्याहरण-परि समय को इकार घररा हो, तो को सीरा ९७ वर्त में हैं¹⁰ मींस साम समझे चाह हैं। मींस मींस वरता होती।

एक महत्त्व है मीड मीत बरता की बाह में बहता है।

दृह बर्ड में दर जिनमें दूर बना = 3

ही बार्ड में दर जिल्ला हा बलेता = 8 % में बीच

लीब करते ही बहा दिनानी हुए करेगा करी है में साझ चारकारे में बर दिनमां दूर करेगा = छ अ वे मीन

क्यों कर विक्टिन हुका हि

हारे क हाल १ सकह

त. हात्र हो हि दूर ई दूरों है है है होड़ दूरण है, से कुछ कर है के के करें करते के का में कर कर है।

- m 22.0

فتته فيه أو في تنهز - و بر يراء فتري في فيو

285

श्यन्य है कि यह 15 भील $\frac{1}{3}$ बच्दे कार्यात 5 स्वये में श्रेता। सतः

ममय = दूरी

उदाहर्स्प (१) क् एक घवटे में 4‡ मील, भीर खु यह यह 3} मील चलना है। यदि वे प्रातः काल 6 बजे एक साथ क्य को बवाधी दोपहर तक क्ष, खु से कितना बागी निकल जावेगा 1

पहली रीति मातकात 6 बजे से दोपहर तक का समय = 6 मपटे 6 चपटे में क्, 6 × 4½ = 25½ भीत चलेगा। 6 घपटे में क् 6 × 3½ = 21 मील चलेगा

.. दोपहर तक स्त से क, 25½ - 21 = 4½ - मील कारो जायना ।

दूसरी रीति एक घटटे में स. ख से (4 - 3)) वा रे मील ऋषिक चलेगा

ं दा थरटे में रह, स्त्र से रैं × G = 4 है सील खागे निव जावेगा।

उराहरण (э) मुक्ते किसी स्थान पर निर्माल समय पर पहुँक है। यहि मैं 3ई सीज बनि चपटा चल् तो में बर्ग निरिचन समय 4 मिनिट देर से बहुँचं/m, चीर चरि मैं 4ई मोख मनि बदरा वर्ग तो निरिचन समय से 12 मिनिट चहत्ते चहुँच जाईना, बताचे व समाव कितनी हुए हैं?

करुपना करो कि वह स्थान 1 मीज की दूरी धर है।

पहली भवस्या में एक मील चलने में मुन्ते, हु घरटे या 16 मिनिट तोंने चौर दूसरी भवस्या में है घरटे या 13} मिनिट लोंने। दूसरी भवस्या में हुन्ते 16 - 13] = 2} मिनट समय कम लगा । या यू कही कि 25 मिनिट को धयत होतों है। परन्तु प्रस्त के

ानुसार 4+12 मा 16 सिनिट बचते हैं । 1 चतः जब $2\S$ निनिट की बचत होती है तो वह स्थान =1 मीब

दूर है। सद 1 मिनिट की यसत होनी है तो बह स्थान = 1 ÷ 2 दें भी ख हूर है।

सद 16 सिनिट को दचन होती है तो यह स्थान = (1-2%) × 16 मील दूर है ।

 $= \frac{1 \times 3}{8} \times 16 = 6$ मील दूर है।

घतः वह स्थान 6 मील दूर है। उत्तर या बीज गणित द्वारा—

मान खो कि वह स्थान 🖈 मीत दूर है।

$$\vec{a}\vec{1}\frac{x}{3\frac{x}{4}} - \frac{x}{4\frac{x}{2}} = \frac{16}{60}, \frac{4x}{60} - \frac{2x}{9} = \frac{16}{60}$$

क्यवा 48 x - 40 x = 48, 8x = 48, ∴ x = 6 ३. सापेझ चाल।

पहली जनस्था

सदाहरूरा : क् कीर श्वापक दुम्मेर में ' मीज के क्रम्पर पर हैं। यदि क् माल प्रति घटटाना को दीर को दीर श्वाप में मील क्षति घटटाक को भीर वर्गन व कियमें समय संप्रकारमां से प्रेस क्षाप्रीने रहें अपने मूल गाँधान कु5 सील प्रति पपटा की चाल से ख़ की चीर चड़ता है, चै ख़ 4 सील प्रति पपटा की चाल से ऊ को चीर चलता है, हो स्र

खु * माल प्रात परदा का चाल स कु को चार चलता है, स स्प है कि एक पर्यट में, कु 5 मील खु की चोर चाता है खु 4 मीड क् की चोर चाता है।

मतः एक चयदे परचान् उन के शीव का सम्तर 5+4=9 मी कम हो जायगा। इसी मकार वृत्तरे घरटे में भी यह शब्तर 9 मील खीर कम है

स्रायेगा इत्यादि । इस मंत्रार वे प्रत्येक वयदे के प्रवाद 9 मील समीप का जो

इस मकार वे प्रत्येक बयदे के प्रचान 9 मील समीप का आ हैं। बता वे ³,6 या 4 प बदे में एक नूसरे से निल जायेंगे। उत्तर उदाहरण (४) का चयुत्तमर से लाहीर की च्योर चला कीर उनी

उदाहरण (भ) कु यहत्वस से बाहार की चार कता था। अस्ति समय हा काहीर के काहत्तर की चोर चल पड़ा। चहत्तर चौर समय हा काहीर के कीच में 33 सील का चरतर है। कु 4 है मील प्रति वस्त चीर खु 34 मील प्रति परता चलता है। वे एक दूसरे से कप निर्वेत

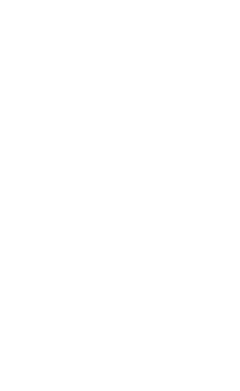
चीर बह स्थान साहीर में कियाने दूर होगा ? से प्रतिकृत दिशायों में धन रहे हैं उनकी गति का बोगफल $=4\frac{2}{3}+3\frac{1}{2}=8\frac{1}{3}$ मोस प्रति सरही

उनकी गति का योगफल = $4\frac{2}{5} + 3\frac{1}{5} = 8\frac{1}{5}$ सोख प्रति थएरा वे होतों 33 सोख, $\frac{3.3}{84} = 4$ घरटे से चन केंगे 4

वे एक इसरे से 4 घरटे परधात मिलेंगे सूत्र 4 बच्टे में 34 × 1 = 14 मील धलगा

ैव वाहीरेस्य । भीचन्र, ०% न्यस्य मिलेंग।

्रूमरी श्रवस्य। इटाहरण ४) तो स्थान एक तुमर म 15 मान्य दूर है। वै



: 25 मल गणित प्रश्तावली १२३ (१) कु भीर रह एक स्थान से प्रतिकृत दिशाओं में एक ही समय चले । उनकी चाल ब्रम्सः 31 मील चौर 31 प्रति घरत है। बताओ, वे दिनने समय में एक दूसरे में 58 मीख दूर ही कार्यें हे १ (२) क् णक सबटे में 3 के भीज चलता है। बहु हा से 2 के बल्टे पहले चला धीर हा 🛂 मील प्रतिधन्दा की चाल से हमी सक्ड पर उसी दिशा में चला। बनाची, बद्द के बास किन समय परंच जावेगा ? (१) वित कोई अनुष्य 3) शील प्रति श्रवटा चल कर किमी स्थान पर 4 वरदे 30 मिनिट में पहुंच जाय, तो बतायी वरी मनुष्य 5% मील प्रति चवश की चाच से किनने समय में उप स्थाम पर पहुँच कर सीट बायेगा । (क) को सनुष्यों ने चपनी साप्तकियों पर एक ही समय बादीर में हमरा 7 है मील चौर 10 मोल मनि अवटा की बाह में प्रम्यान किया, नो बनायों वे किननी देर में एक नुमरे में 30 मीय दर हो बावेंगे ? (क) चर्ति दे वह ही दिशा में वह , (ब) परि वे प्रतिकृत रिजाओं में वर्षे । क्ड मन्द्र महारा संशीर दूसरा सहारा में अवाह क्ड री मान वर्तन बकरा का बाज म बीर नमारा १६ मील वर्तन बका

को नाम्न या नवा । वर्तन व नक नक्षारे या ५ वर्तर प्राच्या निर्वे ना बनाबा सप्ता में ५०० ग वित्ताना दृश्ये । कुं सांक्षाय न व्याग नवाना १ । वर्त्व सुद्धाय ३० वर्षीय वर्षीय चक्र प्रस्ता १ कुं व्याक स्थाप स्थाप स्थाप के स्थाप वर्षीय चल्ला की चाल से उसके दोंग्रे पीते चला । बलाधा हा अ, स बर्ध मिलेका ?

(७) एवं कोर विवाही से 110 सह बाते हैं। विवाही इसद देख चौच जिल्हा में एवं बील की चाल सकताता है। चीर चीर चीर गिनिट में एक बील की शाल सं क्यानता है। कराक किन्ही हर शामने के बाद चवान जागेगा है

(E) शुक्र कीर हात अं क्षेत्र शास शक्त शीर ४४ कीए शिंत करता का

.

चाल से चहन कता। एवं काराते उसके देखे हैं इस हाल र का बीर ६ सील प्रति चला के पान स करका पाता करन रामा । बनारो, बर् निपारी हमें दिय समय देश लगा ! ह, भीर हा दोनो एवं हो समय साहिदी पर बेगमें, स कारत की कीर करें । कर होंगे कार एक हमा में निव्ह दाए

हर है। वह बनारा 12, माल कीर 115 कील मान प्रदार की ब्लाइ में करें । बनाको क्षत्र हा, स्टम्म बहु में कारणा अने er na nou acerà la r er eini.

(१२) एक विधानी यह से 9 जो कहत को खाता । यहि बहु 3 मीं कि पहता खोते में रह दे हों ने पहुँचेगा, और यहि बहु के सीत्रव से 5 सिन्द हैर में पहुँचेगा, और यहि बहु के सीत्रत से रहे के समय से 5 सिन्द बहुने पहुँच आयेगा। बताओं क्ष्रूत कि समय सामत है?

(१३) से, हा और मुक्तारा 3, के थी। 5 मीं ज मिर बपदा की खान से खान हैं। से पता से स्वताः 1, 2 भीर 3 बने बचे। हा अब हा से जा सिता में हा से पह में दे हैं है से पता से हा से एक में देते हैं हो के पता से स्वताः 1 के यह से देश कि समय सिन्दा !

(१४) एक सन्दर्भ की 13 साम अनि सबदा की बाज से हा स्वार

मल गणित

285

े जितर प्रक्रिक साने। बनायों कुश्यात क्रू रताय से दिश्यों पूर मा ? । र तो बहुत्त कु चीर ह्यू एक दो यसन कियों स्थान से एक दी तरार - पन : हुन - यहर तक स्थान और पता की

में उन्न स्थान तक जाने चीर कुश्चान वर बायस भाने में भूने समय बाग । यदि बहु है सीच यति घषडा की बाज से अली भार है सांक परि चषडा की चाल से आयध्यातान हो। इस

त र तत्वकर । 'श्लोनर धाराम 'कमा भीर तथक परवारी सन र पार्ट क जार है जारह जागा क्रमण कुछ विश् रहर । अनुकार तथर को चला सुवका रहा । वरासी, वें

a 4 -41 441 44

- (15) क्ष एक स्थान प्रसे हमरे त्यान प्रकृति भीत 3 सील मिन बया की धान से गया। एक घरण परचान् क्ष उमी त्यान से मिल मिन घरता की चाल से चन पत्ता वह त्यान प्रदर्भ से 3 घरटे पहले पहुँच समा / कतायों, त्यान प्रमे व्यान प्रक्रिकी हर है ?
- (10) क् चीर स्व एक हो समय काहीर कीर बाजन्यर से एक हमरे को चीर हमाराः ने मील कीर श्रे मील वित घटटा की काल स करें । वे एक हमरे से उस समय मिले कर स्व, कु से श्र माञ्च करिक पत पुका था। बतायी, बाहीर स शावरधर विजना हर है ?
- (१६) प्रयास न कारणा है। बीड दूर है। बीड तह जिल्हा क्ष्में करेशे नारों के केर का तक करते के वरणाना दुन्त करेगा कारणा न राज्यों त्यां के केर का करा तक को नी कही कि का के तका के कार का कर कर

मल ग्रिलन १०) क्र और रत ने 3 मील प्रति घयटा की चाछ से एक साथ से यात्रा भारम्भ की । जब वे रू मीज चले गये ती ह्व उसी बाड से उस स्थान पर औट भाषा जहां से बाता भारम्म की मी।

२०

से चला है

यही पहुंच कर वह रें बपटे रका रहा । इस बीच में क बराबर चलता रहा। श्रद्ध स्तु ने फिर से यात्रा आरम्भ की बीर 21 घगटे में क्ष को पहन जिया । बतायी, दूसरी बार बद्द किस नाज

सोलहवां श्रध्याय

निष्पत्ति श्रीर श्रनपात

) यदि मोहन के पास 5 रुपये हों और किसोरी के पास 10 रुपये सो मोहन के बास किलोरी से बार्ध या रे रुपये होंगे। बा प् कही कि मोहन और किशोरी के रुपयों में 1 और 2 या (1 : 2 षा ३) की तिष्पति है।

२) यदि हो रेलाओं की सम्यार्ट 4 इंच होते 🗓 इंच हो तो पहलों रेता दूसरी रेखा का ; दोगी। या यू कही कि पहली रेखा कीर दूसरी रेखा में 4 कीर 7 (4 : 7 दा ई) की निप्पति है।

 रामप्रसाद एक दिन में 15 रुपये बमावा है और इंसराब 5 रनये, तो रामप्रसाद की एक दिन की आप ऐसराज की एक दिन की प्राप का १३ पा ? है। या गु कही कि उनकी धार्यों से 15 चीर 5 (15:5) या तीन चीर एक (3:1) की निष्यति है।

(v) यदि एक राशि व हो कीर दूसरो b हो दोनों राशियों में a : b क्रयवा तिकी निष्पति है।

(१) परिभाषा -- दो सञाबीय साहियों में एक साहि दुमरी का बीनसा भाग है अथवा एक शांत दूसरों में कितनी बार सम्मिलित है, यह दिस भिन्नाप्तक बधवा पूर्व बंदबा हारा बब्द दिया जाता है उस केवल मुख्या को पहली नया इसरी शाश की जिल्लीन दहने हैं।

मल गणित म्यान रखी कि दीनों राशियों की इकाई एक द्वी होनी बाकरपड है। यदि तीन रुपये और 40 धाने की निष्पत्ति निकाननी हो तो

222

दोनों राशियों को सञातीय बनाना पहेला, बर्यान या हो दोनों हाशियों के रुपये बनाने होंगे या चाने। अब 3 रुपये = 48 धाने धन. दोनों राशियों में 48 और 40 की या 🔭 = दें की निजरित होगी।

स्पष्ट है कि निष्पति एक केवल संख्या में, यह न गम है न फर, न रुपये न प्राने । क चौर b को निष्पति के है। इनमें से a की पूर्वपृद् चौर

b को परपट कहते हैं। श्रीर a श्रीर b को निध्यति के पट कहते हैं।

उदाहरण्तः - यदि a चौर b क्रमशः 71 रुपये चौर 31 रुपये को सचित करते हों, तो a चौर b को निष्यत्ति = 74/3} = 11-15

ध्यान रखने योग्य बात यह है कि परिग्राम केवल 2 है, 2 रुपये नहीं ।

(4) हम जानते हैं कि b= a चौर a-z=a शत- यदि किसी निष्पति के दोनों पदों को एक ही राशि से गुणा किया जाम था भाग दिया जाय, तो निष्यत्ति के मुख्य में कोई अन्तर शरीं पदता।

(७) ब्रो नित्पत्तियों की नुखना करती हो तो उन दोनों के प्रपद

पक जैसे करने पहले हैं।



(६) यदि निष्पत्ति के दोनों पद बराबर हों भी उसे साम्यत कहते हैं। जैसे 🖁 (७) यदि पूर्व पद, परपद से बड़ा हो तो जिल्लान क दीर्घ श्रमाम्यता कहते है। जैमे ई (a) मदि परपद, पूर्वपद से बड़ा हो तो निष्पति के लघु श्रसाम्यता कहते हैं। जैसे है द्यनुपात (1) चार रुपये चौर तीन रुपये में ई वा 4: 3 की निध्यत्ति है भौर बील साम भौर वन्द्र भाम में भी 👯 = 🛊 या 🕹 : 3 की निष्यति है। क्यांत् दोनों निष्यतियां बरावर हैं। इसे इस इस प्रकार विकास है .--4 रुपये : 3 रुपये : . 20 साम : 15 साम [मध्य के (चार विन्दु), बरावा है के चिन्ह (=) के चारों सिरों की मध्द करने हैं।]

्र (प्राप्त) उच्चा निष्ठ), ब्रायश है के बिग्ह (=) के बारों सिसों को बहु करने हैं। 1 उपने बीर 3 श्वमें में में निष्यत्ति है बही 20 बास बीर 15 बास में किरासि है। ब्यांग श्वीमें निष्यत्तियां बाराव है। प्रिमाया अब बार राशियों में में सा सम्बन्ध हो कि पहलें बीर सुसां की निष्यत्ति , कारों बीर बीरों में ने सा सम्बन्ध हो कि पहलें हो, तो उन बार राशियों की छातुपाती बहने हैं। यदि असे ८० की निष्यत्ति ए बीर / की निष्यत्ति के सामा हो, तो इस सम्बन्ध की

बहुधा इस प्रकार जिल्ला जाता है —

निष्पत्त स्रोर अनुपात a:b::c:d २२४ मयवा a:b=c:d ह्मयवा $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ कपर दिये सम्बन्ध को श्रनुपात कहते हैं। घनुपात में पहली घीर चन्तिम राशियां नाह्मपट् घीर यीच

3, 4, 6, 8 ऐसी चार मंध्याचे हैं जिन में 3 चीर 4 की ाच्पत्ति 6 बौर 8 को निष्पत्ति के समान है।

षतः ३:4::6:8

षाने 4 पाई = 5 4 10 कार्ट

इस बनुपात में 3, 8 बाह्मपद हैं और 4, 6 माध्यनिक यद हैं। नित्यति भीर भनुपात के मरनों की हल करने के लुख उदाहरस जराहरता (१) 5 चाने 4 पार्ट को एक रुपये को नित्त्रनि के रूप

की राशियां माध्यमिक पद कहलाने हैं।

```
२२६ मूल गांगात
निर्मात के दोनों वर्षों का बोत ≈7+9=16
कव 272 को 16 पर माग दो
```

क्षत्र 272 को 16 वर आग दो अजनरुक = 272—16 = 17 अब निष्यत्ति के प्रत्येक वर को 17 से गुवा करों।

भाव निष्यत्ति के मध्येक यह को 17 से गुवा करो भावः इष्ट भाग 17 / 7 शीर 17 × 9 हुए भार 110 भीट 15'। क्लार

था 119 और 153 उत्तर उदाहरण (३) एक निव्यक्ति है के बराबर है और उस का पूर्व

उदाहरण (२) एक निष्याम हुक बराबर के बार उस का ५ एक् 7 है। यायद प्रतीत बरी।

7 3 प्रापद = 4 पा = 2

 $\frac{29}{3} = 9\frac{1}{3} = 3\pi c$

उद्यादस्या (४) 33 के लेले दो भाग असो कि पहले मान के 7 त्वे कीर वसरे भाग की 1 मुने का बोग 312 दो ।

बहुके माग का 7 तुना →नुमार नाग का 7 तुना = 33 × 7 = 231 कर नुमार माग का (11 − 7 वा 4 - तुना

= 312 - 231 = 31

कीर बद्दाना संग्रह १८ - ८ ५ व



मृतं गरिएन (१३) एक निवासि का पूर्वपद 27ई है। यदि वह निव्यस्ति है के बरावर हो, तो परपद का मान बनाची । (३०) एक नित्यसि का परपत् 35 है। यदि वह निव्यति 3 के बराबर हो तो पूर्व पत्र बनामी। (२१) 36 के ऐने दो भाग बरो कि पहले के 6 गुने और बुमरे के 7 गुने का बोगकल 231 हो। (१२) यदि a. b = 3 : 4, b : c = 5 : 6 सो a : c का मान प्रकोश करो । (२६) अप A 7 रुपये कमाना है तो B 5 दपये कमाता है, #र B 2 रुपये कमाना है सो C 3 रुपये कमाना है कीर अप C 6 करवे कमाना है तो D 5 हरवे कमाना है। वरि A112 हपये बमाये. तो D क्या बमायेगा ? (३४) एक मनुष्य की भाग भीर स्थय में 6 : 5 की नित्यणि है। वर्ष उमका ब्वय 2250 रुपये हो, तो इसकी पाप बनायों।

9:5

(२४) एक गार्चा 11 है करदे में 397% मीक आणी है चीर वृष्टी

8) बन्दे में 262, है मीख । दोनों नादियों को वालों की पृथ्या SECT 1

सत्रह्वां द्यध्याय

शहराजीय मार्गे में विभाग

बई बार किया सारा को ऐसे भागों में बोरने को भारत्यका होती है जिसमें कोई किये भनुसात हो । इस अकार की बोर को भीक गरियत में अनुसातीय मार्गों में दिसाय कहते हैं। इस अकार के भारत भनुसात के नियम द्वारा हत किये जाते हैं।

देने प्राणें के कृष उदारास नीवे दिये साते हैं।

डड़ाहरस्य (१८८५८) रूपचे का तीर महाम्यो हु, सु कीर प्र में इस करता कोरों कि उसके मार्गों में ८, ४, ३ का कमुतात हो ।

यदि इन 242 रखों को ऐसी देखियाँ क्षमायें, की अध्यक्ष हैरी में 2+4+5 अध्येद 11 रखते हों, तो ऐसी उस देखियाँ ⁴⁴⁴ अधीद 22 होंगी। इस अक्षय हर देशे में सु का आग 2 रखते सु का भाग 4 रखते और _{सा}का आग 5 रखते होगा।

प्रकाक्त का भाग =2 रुपये × 22 = 44 रुपये । चैत सुका भाग =4 रुपये × 22 = 50 रुपये ।

भीर मृश्य माम=३ स्वयं x 22 = 110 स्वये ।

चर 44. 88. 110 को जमा किया तो 242 प्राप्त हुए, जिससे दह सच्च है कि समन्त धन उत्तर तिमें बहुतात के बहुतात के गया है।

म विषा के साथ रूप में इस प्रकाशियार है

430

कुछ सरित का 15 भाग = 242 − 11 = 22 दववे . वह का भाग = 22 × 2 = 44 दववे

. कुकामाग = 22×2 = 44 राव श्रुकाभाग = 22×4 = 88 रुववे

ग्रंका भाग = 22×5 = 110 व्यवे क्याहरण (२) 180 न्यवे क्रास्त्रजीर गुर्मे इस प्रकार

व्यक्ति (प्राप्त प्राप्त क्ष्म स्वाप्त मा क्ष्म प्राप्त क्ष्म स्वाप्त क्ष्म मा क्ष्

इस बरन के चतुसार यदि कुकी युक्त रुपया सिक्ने की हाकी ≝ रुपये सिकने पादियें भीर हाको छ दपये।

भागः का, राभीर स्थानामां सं 1, अभीर 6 का भनुसाय है, भीर 1 अ 6 का सोच 9 है।

.' सु.की भाग = 150 x \ , स्वये = 20 स्वये इत्र का भाग = 150 x \ , स्वये = 10 स्वये

ह्य का साम = 180 × ', त्यते = 10 त्यते | वशर म का साम = 180 × ', त्यते = 1_0 त्यते | कोव = 180 त्यते

उत्राहरण (०, 195 व्यव क्, स्यू, मू में इस बचार कोर्स क वर्णके बागों स ३, १, का सम्मानगण हो।

. d, i al ar no = 1.2

er 1, 1-1-12

क्षत हम रेजम्मा का नजानुष्यंत वहा है जा ? ४ 5 वा है. क्रिम्

ளை ஓக்ரம**ை** ∠ சடிருட ஈர

```
क्षार = 195 x 13 रुपय = 60 रुपयं

क्षार ज का भाग = 195 x 13 रुपयं = 45 रुपयं

क्षार = 195 रुपयं

व्हाह्य(४) 2-18 को ऐसं भागों में दारों कि इससे '8, 17,

95 कीर 2 का कतुपात हो।

8+17+95+2=545

क्षार हिप्पत भाग यह होंगे।—

पहला भाग = 2-18 का 545

= 22-18 का 545

= 32 (पहला कत्तर)

दुसरा भाग = 2-18 का 17
```

= 2·18 m ¹⁷⁰ = ·68 (दूसरा उत्तर)

= 2·18 का ⁸⁵ = ·38 (वींसरा उत्तर)

बीसरा भाग = 2·18 का 5 45

वीमा भाग = 2:18 का 5:45 = 2:18 × देखे = 2:18 × देखे

```
२३२ मूल गाँएव
```

खदाहरण (४) 2700 रुख शम, स्थाम, चन्द्र भीर महेन्द्र में इस प्रकार बांटो कि '--

हास का आगः हवास का भाग= 1:2

राम का भागः स्थाम का भाग≃ ३: ८ स्थाम का भागः चन्द्र का भाग= 3:4

चन्त्र का भाग । महेन्द्र का भाग = 4 : 5

इस प्रश्न के श्रनुसार

मिंद्र राम का भाग≔1, तो स्वाम का भाग≕2.

वाश्वाम का भाग=2, बन्द्र का भाग=2×ई=ई

भीर सहेन्द्र का भाग = १×३ == 10

इम भागों का योगणब=1+2+5+19 =-9

ं. राम कर भाग $=\frac{2700}{0}$

=300 हरचे (पहला उत्तर)

भीर श्याम का भाग= 300 × 2 रुपये ==600 रुथ्ये (दूसरा उत्तर)

-000 रुवय (दूसरा उत्तर) स्रीर धन्द्रका भाग=300 × है रुवये

==800 रुपवे (तीसरा उत्तर) सीर महेन्द्र का माग=300 × ५० रुपवे ==1000 रुपवे (चौथा उत्तर)

उदाहरण (६) 12540 रुपयों को इन्द्र, सहेन्द्र की सुरेन्द्र में इस प्रकार बाटो कि इन्द्र का भाग सहेन्द्र और सुरेन्द्र के भागों का है हो. चीर सहेन्द्र का भाग इन्द्र चीर सुरेन्द्र के भागों का



चराहरण—(८) एक प्रश्ना म कुछ स्थानहात्र के स्थिक है, इस क्योति के, भीर कुछ शिक्षिण के। यदि सब मिनकी के मूल्य 26 पींद 5 शिक्षिय हो, श्रीर क्यों-काइन से क्योगिल के सिक्वे िएयुने हों, श्रीर मिखियों के बीयुने, तो बताभी कि इर उक्स के मिनके किनने हैं ?

इस प्रश्न के बानुभार यदि उस यैजी में एक वर्ष-काउन ही हो शीन चजोरन होंगे चीर - दिल्लिय ।

ान बजारन हाम चाह 4 दिस्तिय । किन्तु एक धर्म-काउन ≈ 2 दिस्तिय 6 पैम चौर तीन प्रजोरन == 6 दिस्तिय

चतः इस चनुपात में सिकडों के मुख्य को ओड़

= 12 शिलिंग 6 पैस बत यदि सारे सिक्डों को ऐसी देदियाँ दनायें कि प्रत्येक वेरी के

सिपमों का मूख्य 1.2 सिलिंग 6 देत हो तो ऐसी देखिँ $=\frac{26}{12} \frac{\mathrm{dig}}{5 \, \mathrm{fider}} \frac{3}{12}$ सिलिंग $0 \, \mathrm{dig}$ $=\frac{265}{12} \frac{\mathrm{dig}}{5 \, \mathrm{fider}} \frac{3}{12}$

20 इस से यह जात हुमा कि थैलों में से ऐसी 42 डेसियॉं बन सकतो है जिनमें से प्रत्येक में एक वर्ष-काउन, 3 चलित बीर 4

शिक्षित हों। यतः भिक्कों की संख्या इस अकार है—

थर्थ-बाउन = 42,
चनित्र = 42 × 3 = 120,
धोर शिक्षिय = 42 × 4 = 10 ×



३६६ मूल गांतित (१६) 74 पीड 5 शिलिंग 9 पैत को कु, सुचीर मु में इक सकार बोरी कि कु को खुके आन का है मिने चीर मु को कु के आग का है। १४) मीन कमों में 222 लक्ष्टे कैट हैं, पहले चीर पूर्वर कमें के लक्ष्टों की मेनवा में 3 चीर 5 का चतुनान दें पीर पूर्वर पीर मीमरे कमों के साइडों को शंक्या में 7 वीर

करायों। (१२) यह बारनों से 50000 सैनिक सरती करने हैं। यह इस सारनों से 175002, 82331, 22116 और 20418 समुख भरतों होने के बील हों, तो बनाकी, सर्वक सारन से किस्ते सनुष्य केने व्यक्ति हैं। (१९) 1540 सरतों की कि. हा, सु. से इस सकार सीसे कि क

ll का समुवात है । अन्येक कमेर के सदकों की संक्या

का भाग स्त्र चीर सुर्के आमी कां हु हो, चीर स्त्र का भाग क चीर सुर्के आमी का है, हो। (*) रो कहाँ की बायु 10 वर्ष चीर 8 वर्ष 9 माम है। वीर उनको 19 चीर 9 मितना 3 वेस वारितोच्छ नियं चीर स्त्रीक को उपको बायु के कतुबार वारितोच्छ दिया नाय, नो बरायो, स्त्रीक को वया नियंता?

को उसकी जापुत्र के कनुपार सारिनेतक दिया जाप, मी बनाको, सर्पेद की बना जिला। ? (क्य) 233 विदेश की का का हा कीर सु से हक सकार बरोर कि हा को का का स्वा का कि जिले और सुकों कु कीर हा के जापी के कोल्यक के बनावर । (का करोड क्य लिखिंग र्वेच का कु हा कीर सु सु बच्च करते बरा कि कु का हा के जाप के हैं कि कीर सुकी हा का कि कु का हा के जाप के हैं कि कीर सुकी हा

- (२०' एक मनुष्य ने मरते समय यह दुष्या प्रस्ट की उसकी सम्पत्ति का सापा भाग 'क्,' को मिले, एक तिहाई भाग 'ख़' को चौर चीपाई भाग 'रा' को । सिद्ध करो कि यह बरवारा ठीक नहीं है ? यदि उसको सारो सम्पत्ति 1226 पोंड 4 छि॰ ६ पैस हो, तो उसकी इस प्रकार बांदों कि का, ख कौर श के भागों में बड़ी बनुपात
- (२१) 1471 रुपये S साने को सोन मनुष्यों में इस प्रकार बांटो कि पहले मनुष्य को दूसरे मनुष्य के भाग का द्वापा मिले, और दूसरे की वीसरे के भाग का तिहाई।

हो. जिस शत्यात से यह बटदारा करना चाहता था ।

- (२२) 1628 रुपये 5 मनुष्यों, 12 स्त्रियों और 20 सहकों में इस प्रकार बांटी कि प्रत्येक हवी को खड़के से दुगने चौर प्रत्येक मनुष्य को स्था और लड़के के भागों के योग है दुगने रुपये मिलें।
 - (२३) 142857 रुपये पांच अनुष्यों में इस प्रकार बांटो कि पहले को इसरे से 11 गुना निले, इसरे की तीसरे का 11 गुना तीसरे की बीधे का बाधा चीर बीधे को पांचवें का तिहाई मिले ।
 - (२४) पांच मनुष्यों का वेतन 250 रुपये, 185 रुपये, 140 रुपये, 100 रुपये, भीर 50 रुपये हैं। बताभी, यदि उनकी 1160 रुपये पारितोपक में मिलें तो वेतन के बनुसार मध्येक के भाग में कितने
 - रुपये चापेंगे ? (२१) 1455 रुपये 🖟 🚶 1 11 के सनुपात से बांदो।
 - (२६) 581 पाँड को तीन पूर्त भागों में बोटो कि पहले का चौगना इसरे के पंचगुने कीर सोसरे के सत्तुने के बराबर हो।
 - ice ताबा पानी में 5 त युना और हीन, पानी से रें ' गुनर

मूल गणित ₽3¢ भारी दोना है। वृद्धि धन इंच दीन को 30 बन इंच सरि

में मिलायें, तो बताओं कि वह मिश्रण 50 बन हंच पानी मे किनने गुना भारी होगा ?

(रक्ष) वहि 200 बीम देने सोने की विसमे 24 में से 18 मान

निरे सोने के हैं, 128 चीन देने सोने ने निकार्वे प्रियमें 24 में म 15 माग तिरे मोने के हैं तो बनाची, इस मिश्रम में ग्रह

(२३) एक मिल्राम में 100 वॉब्ट लोबा और ३1) वॉब्ट कीन है। बोटे में बांदे शंकों में लीव बीर शेव का निव्यक्ति बनाची । (६०) 6015 चींड की 'क्र' 'स्व' 'स' चीर 'ख' में इस प्रकार मोदी कि क लामके हर लाश मात्र की भीर तह क

सीन का किनवर भार होता ?

= 17 1 h

ग्रहारहवां ग्रध्याय

साभा वा पती

(1) को धन किसी काम या न्यापार में क्ष्माया शाता है उसे पंजी कहते हैं।

श्य दो या दो से सधिक सनुष्य निजकर कोई ज्यावार करते हैं और उसमें सपनी अपनी पूंजी लगाते हैं तो बहा जाता है कि वह आक्री में स्पानार कर नहें हैं।

साफे में प्रचेक साजी कपनी पूंडी के कतुपात में हानि की। साभ प्राप्त करता है। यदि उनकी पूंडी बराबर बराबर हो तो उन्हें हानि कपवा लाम भी यराकर बराबर होता है। यदि उनकी पूंडी बराबर न हो, तो वह कपनी पूंडी के कतुपात में हानि पा लाभ बरेंट लेते हैं।

किसी स्पापार में सब मामियों की पूंजी यदि बराबर समय तक रूगी रहे तो उसे माधारण या सामान्य सामा कहते हैं।

क्ट्रैबार साम्बियों ही पूंजी जिल्ला निल्ला समय तक स्पापार में सभी रहतों हैं, पेसी कवस्था में इसे मिश्र या आसमान सान्धा कहते हैं।

(२) साधारण सामा ।

प्रशाहरण १ कु.स भीर शु ने कमरा (640) रुपये, १८४० रुपये भीर (950) रुपये मिलाकर स्थापन हिम्मा । वर्षित उनसे (640) रुपये भीर (951) रुपये का नाम प्रतान को ।





उदाहरण (४) की मनुष्यों ने एक स्थान 54 थींड को बिराने पर खिया । यदि एक ने 23 बोडे 27 दिन तक और दमरे ने 21 बोडे 39 दिन तक उस स्थान पर बांधे हों, तो बनाओं वे किनना किनना

क्रियाचा है १ पहले अनुष्य ने 23 बोड़े 27 दिन तक या 621 बोढ़े एक दिन

8 दमरे अवस्य ने 21 थोड़े 39 दिन तक का 819 बोड़े एक दिन तक रहे ।

 $\pi\pi 621 + 819 = 1440$

. पदशा मनुष्य 54 पीड का 🚉 है। या 23 पीड 5 जिलिंग 9 र्वेय हे

भीर दूसरा मनुष्य रेच किराया, भर्यात् 30 पीड 14 शिलिंग 3 वैस है। वत्तर

उदाहरता (६) क धीर स्व ने साके में स्थापार किया और स् में क्र में हवोंडे रुपये लगाये । बाठ महीने के प्रचान स्त्र ने बपनी

बाधी पू जी निकात सी धीर इसके दो महीने परचान क ने धवनी पूँजी का । भाग ने क्षिया । वर्ष समाप्त क्षेत्रे पर उन्हें 530 पौद्र का साम हुआ। बताको, उन्हें यह धन किल प्रकार बाँटना चाहिये ?

मान लो कि कु ने 2 पौड़ स्थापार पर चमाचे शो स्त ने 3 पौड़ ! इस प्रकार के के दे पांड 10 नहींने तक चौर 14 चौंड 2 महीने

था 🙏 🕳 े = . े ' वीड एक सदीन तक ब्यापल से लगा रहा है

तक,

इस्या प्रकार स्व र । पोड भ सदाने तक चीर 14 पीड 1 सदीने

मा १ + । - । पाष्ट एक सकाने एक स्थापार में जारे रहे !



285

यन 670 ± 536 ± 102 ± 1608 क् या भाग = 3216 स्वये का ⁶⁷⁰4 = 1310 दवये

हा का भाग = 3216 नवते का 1284 = 1072 वर्षे स का भाग = 3216 नवते का 123 = 801 नवते

कृ को 1340, हा 2032 (केनन सहित) और गुक्ते

803 व्यक्तिको अन्तर प्रकासनी प्रव

न राजिया वर्ष (६) क्ष भीर हाने स्थायार से समाग 1520 कुळ नया अप्रश्नाक क्यान चीर इन्हें 156 क्यन 8 खाने का साम हुआ। बनाची

व इस बात का किस क्यार व्यापन में बोर्ड ? (+) वो साम्बर्धी के करना: 703 चींव 10 निर्धित और 105 में का करना में करने 5 करना 1255 चींव के बात में के

वींब काशान में बताये : बताया; 255 वींब के बात में हैं इन्हें फिला वन मिलेगा ?

हरनें फिलना बन मिलेगा है दें। बीट बाहरूपों में किसी काशात में करात 4297 कार्य 9 को 8 बाई, 5739 कार्य 2 काल, और 7162 कार्य 10 वर्ण 6 बाई ब्रमाब 1 कार्यों 5729 कार्य 11 कोर्य के बाल में स्टब्स

का कितमा जान दाना है १७) सु, हर्नु सु भीर सु बार अनुस्तों न जामा किया । सु वे पूँ में

का १, इन् में ३, जू में ६ कीर उस का सू ने बनाया र वरि सर्ने 3339) काम 5 काम बात हो ता व इन दिन प्रकार मार्टे र

हैं वह की है है के कार्यात के तिहत करने सामन है में की से हात करने कोका पत्र को है है से से अपने प्रति करने की

The man of states in the state of the state of page and the state of t

**1

- (६) क् एक दुवान में माम्बोर्ड और उसका प्रकाश में करता है । उसने हम दुवान में 45(4) रुपये खाग रुपे हैं । दूसरे साम्बो ख ने 65(4) रुपये खागरे हैं परन्तु वह दुवान का कोर्र काम नहीं करता । क् को साम के भाग के चनिरुक्त 150 रुपया प्रति मान वेनन मिरता है । वर्ष भर के 40(4) रुपये के लाभ को वे किस प्रकार कोर्रे ?
- (*) क्, ख़ चौर जुने सामा हिया। चुंडो में क् ने 5425 चौर एक वर्षे नक, उन्ने ने 3450 चौर 10 माम नक चौर जुने 6425 चौर प माम नक स्थापे । यदि उनकी 2000 चौर साम को नी माचेक की क्या निवास !
- - १४) क्षुप्रदे की प्राध्यापार मामाना है। इनहा पुरक्ष है का स्कृ प्राप्त माना प्राप्त अध्यापाल का स्वाप्त का कारणी हुआ का

मूल गणित भाषा भाग निकाल लिया, और इसके 8 साम परवान् 2021 सपने का शाम बांटा गया । बनाओ वा को क्या मित्रा ! (१९) क्, म्यू चीर शु ने मिनका एक मकान 150 पींच प्रति की की बर में 2 बर्न के लिए हिराए पर विवा । के इस महान में 2 वर्ष तक दर समय रहा । ह्यू इप महात में 16 मान रहा है हा इस मकान म 15 माम नद उस समय रहा अब छ। जी सन्धान में रहता था। बनाओ, नीनो दिनना दिनना किरानी ÷, (\$4) & 4 15(8) sqq er ergret mein fert, #9 mar परकान ह्यू उसका सानी कर नया चीर उसने 2100 करने ania i au & mon il siel at arias anat and Mail बनाची, हा दिल सक्षण सामी बना ना १ ६९६। रामन १४१म। रुपय व स्थापार आरमन दिया, बृद्ध समय परकार क्यांत्र क्यांत्रा माना बन गया थीर क्यांत्र क्या बाम में 25(8) काल अमा दिन । वाद वर्ष य मान्त स द्वाना का समान बान हाथा हो, तो बनाया स्थास फिनने समन प्रशान बाजी बना (१४) कु म 21(त) त्यत्र स व्यापार चण्डस दिया । इसके 5 अल वक्तान ह्यू रहा सामा बन तथा वन वा हत किन्ते

त्यम् ब्रमाण कृष्ण ६ अमान राजनार राजी की सर्था

....

244

- रुपये के साभ में थे 120 रुपये भिन्ने, तो बनाक्यो स्त्र ने किनने रुपये नताये थे १
- (16) तीन मनुष्यों ने मिल कर एक रोन एक वर्ष के जिये 157 पीड़
 में किराये पर लिया। द्वा ने 21 विल 7 माय नक पराये, ह्वा ने
 18 वेल 8 माम नक चीर हा ने 15 वैल 12 माम नक पराये।
 वताची, बरवेक कितना किताना किराया देगा ?
- (10) क्षेत्र 9 मास तक स्थापार में कुछ रुपयं खराये, श्रीर खुने 10 मास तक । क्ष्में खुने स्थाप १००० रुपये आधिक लगाये। 2310 रुपये के क्षाम में में क्ष्में खुने से 110 रुपये अधिक मिले। बनायो, दोनों ने वितनों कितनों पूंजी स्थापार में क्षमाई थी। १
- (१८) क्ष्म चीर स्त्रु ने सामा किया चीरकृते सरों पूंजी का है, 9 मास तक ब्यापार में लगाया चीर स्त्रु को सरि लाम का है माग मिला। बताची, स्त्रु का पूंजी कितने समय तक ब्यापार में लगी रही ?
- (१६) क्षेत्र प्यापार 2000 रुपये लगाका धारम्म किया। 4 मास बीतने पर स्त्र धीर 6 मास धीतन पर मृजसके साकी बन गये। एक वर्ष परचात जो लाभ प्राप्त हुचा उसको 10:8:7 के कानुपात म पांटा गया। बताधा, स्त्र थीर मृत्रे कितनी कितना पूर्वा लगाई था।
- (२०) कुन एक ध्यापार मान्य सिंधी करने आधक लगाय, परन्तु व्यापाना न महाने लगा रहा नाम कुका 4 महान । पदि न देने रुपय के लांका साम कुका आगान्त के काम न 48 रुपये आधक हा ता मन्यक सा योजा मनान करता।

जाँच पत्र (दूसरा स्तपड)

(1) 13 11025 का वर्गत्य निकाली ।

(२) बनाची दिनने वींच का सरल स्थान 3} वर्ष में 2} वींब सैका

वाधिक पर से 113 बीट होता ?

(क) किसी शांति के 12 प्रतिशत का मात 43 जाते 8 पाने हैं।
 बहु शति साल्य को।
 (क) A मुख बाईसिट्स 15 को 20% के काम में नेपता है चौर 5

दमी को ('के दायों 25% के साम से वेच देना है। महि । को 225 सनने देने पहे, तो बनायों A ने बद वार्रिमवन

वितने कृत्ये म मोल जो थी। (म बात A बीट 15 किमी काम का 32 दिल में कर सकते हैं। (5 बीट 1 - 15 दिन में, चीट C बीट A 20 दिल में, नी

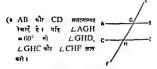
बन्दान करून करने इस बाम की दिनने दिन में क करने हैं?

(4) (7)) कार्यों का कंप नीच जाती में बड़िंड जिनमें हैं, हैं, हैं की अनुसार को

17 2

एक बारमाना के 1 निवासिंगी की जीवन जानु 12 में है.
 ए फिलांबरों की 15 बार बीट 14 निवासिंगी की 15 में





(२) प्रायंक तिलुम के कोलों का चौन किनता होना है ! वांत्र किसी तिलुम के दो कोचा 50° चौर 70° के हो तो बोला कोस जात करें।

 (०) यदि दिया बनुमूँ व के कायुक्त सुत्र क्यात्मामार हो वो उने क्या बहुत दे ?
 (८) वदि दिया बनु दुव का व्यवस्थ केल क्षात्माक हो जो उने क्या

 (६) वॉद किसी चर्च मुंद के चारी मुख बरायर समान ही बीत तर्वेड कोल समझीत्र हो तो दय क्या करन है ?

489 K 7

रेखा गाँखत के प्राराम्भक तिद्धान्तों की दोहराई

(10) यदि हिसी चतु मुख के दो मुख समानान्तर हों तो उसे क्या

कउते हैं !

(11) यदि कियो चतुर्व व हे सब सुत्र पास्तर समान हो परन्तु उसके

(1२) यदि कियी चतुर्मं व दे दो दो संज्ञान मुख समान हो हो उसे

क्या बहते हैं !

बोए समुद्रीए न हों. ही उसे क्या करते हैं !

वीसवां अध्याय

द्यायत का क्षेत्रफल

क्षिते '' क्रा' किश्यु का अयोग काले हैं। श्रमीगास के लिये ' क्र' क्लिट का बयोग दोगा है। जुलाब की इत्यारे, कारनाई की दुष्टारें का बगो दोगी है। व्यवस्थ की दुष्टारें हुण, जुर गान, मेंसीगीरर, भारत आहि हो तो नाइयां जुलाक की इत्याद नग हुण का जुर, सर्ग गान, सर्ग मेंसावार का

बीटर काहि दोगों है महत्त्वी का राहित कि वह रंका धोर र बार देण के सम्बद्ध कथी और धक्क संदर्भ का अनंदर का देश की का प्रदेश रहण रंग राज्य रचन का अनंदर प्राप्त के हैं है जो हमा देण के सम्बद्ध है ।

4141 # 4 54

स्त्रा कता कर प्रवस्त के रशक अग्रह रहा नाम है हैं। इस्त्राह्य के त्यानक के बहुबर का इस इस इस इस ABCD एक चायत है। इसकी सम्बार्ट AB=10 पुर भीर



ट चीराई AD = 5 पुट 1 AB की इस बराबर भागों में बीर AD को 5 बराबर भागों में बीरो चीर AB के विभाग B विन्दुकों से AD के समानान्तर सथा AD के विभाग विन्दुकों से AB के

समानान्तर रेखाएँ खींचो | ABOD खावत के खब 50 बराबर भाग हो गए, इनमें से प्रायेक भाग एक वर्ग फुट है। इसमें 5 पंश्विमी हैं जिनमें से प्रायेक में 10 वर्ग हैं। यत्वव्य व्यायत में 10×5=50 बर्ग फुट हैं।

रेसमे सिद्ध हुआ कि सायत के ए प्रश्नल में उसकी अंधाई तथा पौहाई की हकाइयों के मुखनकल के बसायर वर्ग एकाइयां दोती हैं।

उदाहरण (१) पुरु बायत की लव्याई 15') पुट धीर घीड़ाई 100 फट है। उसका चे प्रकत बताबी।

चे प्रकल = सम्बाई × वीदाई = 150' × 100'

उदाहरण (२) पुक चायत का चेत्रकत बतामी जिसकी सम्बाई
12 पुट १) टंच कीर चीहाई 6 पुट है।

च त्रफल = 12", 9" × 6" =
$$\frac{51'}{4}$$
 × 6" = $\frac{153}{2}$ चांकुट

≈ ^(त) वर्त तन ≈ ¹⁷ वर्ग मझ र ५५ वस्तम्

```
383
                  मुख गणित
```

उत्ताहराम् (३) एक शायनावार चेच की खरवाई 73 कार्व 23 बड़ी और जीवाई 55 जिल्ल 30 बड़ी है। प्रमुख बंबरह क्षत्र, कब और पोख में बतानी ।

चे बाराज = 301 = 553 वर्ग मरीच == 166153 वर्ग मर्ग्य

- 400 | 444 at 110 444 21'2 ad 404

रक्ष्ट्राल प्र) वक वायन की आबाई बनायी जिल्हा चेन्छन

500 and am alle as a \$ 100 am \$1

कारत का बाबाई क है जारे

BE NOT I HE WILL HE HE WAVE TO WAY \$1 कर्मक चार्श सार ८ चान ५ वाड अधि अझ की वृत्र से वाप जन्माने 401 and 4 4-1-11 (

> # "All 42 # # # 276 # # \$11 0 84 11. er erf ##

ME 41 14 41 - 1 - 10 - 10 HE

प्रश्नावली ५८

निम्नलिखित आयर्ती का चेत्रफत बताबी, जिनकी लम्बाई भौर ीड़ाई हमशः नीचे लिखी है :-

(1) 17 गम्, 10 गल् , २) 75 गज्, 50 गल् (१) 230 गज्, 112 पुट (उत्तर वर्ग गर्जे में दो)

(४) 20 प्रसाँग, 10 प्रजींग (उत्तर एकड़ों में दो)

(१) 25 फबीन, 15 फलीन (उत्तर प्रहों में दो)

निम्नितियत आयवीं का पेत्रफल वर्ग गर्जी में बताओं -सम्बार्ट ซ*า*ตร์

(4) 9 grz चौर एं कर 6 ह च

(0) 10 कुट 3 इ'च भीर 5 कुट

(=) 15 na (a) S na सीर 9 कुट 9 इंड

(4) S na चौर 5 कुट 6 होच

(१०) त गद्र हे पुर चीर 2 ८ गत

(११) पह बर्गाहार स्रेत का ए बक्त 2} पुरुष है । बताधी उसके धारों कोर 12 की लगाने के लिए किउने सक्ये सार की आफ रवडता है र

(१२ एक बर्गाकार खेत का चीवपाल 22] एकड़ है। उस की मुखा की जम्बाई बतायो ।

(१६ पुर कारिम क्षेत्र हा वंक्षत्र 16 पुरू 101 वर्ग गत्र है। वताको उसके चारो कर 3 माल मात घंटा का चाल म अमय हरने से कितना समय नगता।

ोश एक येत का खेबफल १८कड होड र वर्ग रोह रे बर्ग सक् है। इस का लम्बार चोराई से दुधन' है। तस्वार वताची ।

1934) वक जवान की करवारे की बार से देह गुगा है। एस की जागव कराने कर व्याव 3 बाने बान का कुशा कर से 892 हमने हैं। वी भगाणों इस के कारों को बाद जागाने का क्या 1 तक 15 जाव कीर तम की दर से क्या कोता?

बर्गाकार और आयताकार मेलों के गिर्द मार्ग पराहर ग (१) एक सावनाकार मेहान को बरवार 350 पुर के चौदार 250 पुर के इस के बरसे चोर कपूर की चोर 4 पुर की

मार्च है। इस मार्ग का च जरूज बनायो। मार्ग का चेजरूज = बाहरी मायन का चेजरूज - चन्दर की सायन का चेजरूज



280

= 350° × 250° = 312° × 212° = 87500 = 82764 why t = 4730 why the

स्टाहरम् (२) एक मार्गाचा 21 तम्र क्षमा चीर 10 तम्र चीरा है। इसके चारों चार १८ पूर चीरा सार्ग है। इस सार्ग पर ६९ वर्ष प्राप्त सर्ग तम्र संस्कृत स्वारंत का क्यम चरायो।

र अन्यास्त्र कर तास्य वस्यास्त्रात काल्या वा अस्य काद्यक्रमध्य ⇔वास्यास्त्रात्र काद्यक्र

सामा का कुमका का कारण प्राप्त का कुमका का किया का किया

1 gr =



मल गणिव (२) पुरु वर्गाकार चास के मैदान की एक मुता 200 गत है। उम्मे बाहर चारों घोर 10 कुट चौड़ा मार्ग बना हचा है। उस मार्ग पर 2 रू 8 द्या । प्रति वर्ग पुरु की दर में अंकर विद्याने में

240

क्या स्थय होता ? (३) एक उद्यान 100 पुर सम्बा और 80 पुर भीवा है। उसके सीतर चारों बोर 8 पुट बीटा मार्ग बना हवा है। मार्ग का चेत्रकत बतायो । उस पर 5 बाव 3 था॰ इति वर्षे गत की हर से बजरी विद्वारते में क्या बयव होगा।

(४) एक चीक 10 सब स्वयं और 7 सब खीड़ा है। तो बदामी उसके धारों कोर 4 फुट धीदा मार्ग बनवाने में 2 बा॰ 6 पा॰ चति वर्षे कर की वर से क्या क्ष्य होता ?

(१) एक सायतासार बाग 120 पुर लम्बा और 90 पुर बीहा है। जिसके चारों भीर 10 दुट बीदा सहता बना है सी बताभी रास्ते पर 4 शि: 6 पैं - प्रति वर्ग गत की दर से पत्यर के बीके विद्याने में और बाग में 9 शि • 6 पैस प्रति 100 वर्ग पुट

(६) एक वर्गाका कसरे के एक भुजा 30 गत है। को बताबी उसरें 18 इंच लड़ो चीर 15 इंच चीरे चीरे. 25 रूप्ये प्रति 100 चौके की दर में विद्याने पर क्या खागत बावेगी है

की दर में घाम जनवाने में क्या क्यब होना ?

(७) एक बरामदा +2 फ़र लस्ता और 1% फ़र बौदा है। उसमें IS इस वर्ग क चौर अगवाने से 17 रुपये पति कोडी की दर से क्या स्वय होगा ।

(सः एड कनस्ट 🕒 कर नस्था थी। 🎁 पुर श्रीका है। उसके चार्से

धार ६ पुट जीवा असमदा बना हुआ है। तो अनामी उस बरामण में 1 पर १०४ !! इकन की है औह हितन सर्में हैं



20% मृत गणित चे बक्क = 2(1+b)h. अविक 1 = बक्कारे, b = बीकार और ' A~कारे की खँचाई।

उदाहरण १--एक कमरा 20 फुट बस्बा, 18 फुट चौदा और 15 पुर खंचा है। इसकी श्वासों पर 2 बाठ 6 पान प्रति बर्ग सब की ब्र से सफेरी कराने का क्या व्यय हीता है

चारशेवारी का चे अकल = (20+18) x 2x 15 वर्ग पुर = 76 × 15 mi 32 = 1140 बगफर = 1140 बने गर

े दीवारी पर सफेरी)= 1140 × 5 व क - 475

= 19 so 12 wre 8 wre 37(1

उदाहरण २-एक कमरा 22 पुट लम्बा 14 पुट चीहा की 10 फुट 6 इ च ऊ'चा है। इसकी दीवारों पर के खंबाई तक रंद किया गया है और है पर कालज खनाया गया है। रंग 7ई पेंस प्रति बर्ग गंत्र की दर से कराया गया है। कागत का मूश्य 5 शि॰ 2 वैं॰

प्रति बर्ग राज है और कागज सगवाने का स्थय 2 पैंस प्रति बर्ग गर है। कल लागत बताओ।

है के चाई = 3,1 × है = 3 शहर

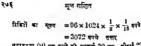
कारे को शीवारों का चेत्रफल = (22 + 14) × 2 × %

= 84 **จก**ถุล

= 7.50 angs

= 75th aring





बदाहरण (४) एक कमरे की सम्बाई 30 फुट, चीवाई 22 प्रट श्रीर अंचाई 181 कुट है। उसमें 5 द्वार श्रीर 3 शिव्यक्रियों है श्रीर

श्रापेक द्वार या शिवकी का चेत्रकल 30 वर्गकुट है। कमरे की दीवारी पर 3 आने प्रति वर्गगत को दर से रंग करवाने की आगत बताओं

दीवारी का चेत्रफल = (30 + 22) × 2 × 184 ≈ 1924 कांप्र धारों चौर किव्हियों का चेत्रकब = 30 × 8 = 240 वर्गपुट

जितने चेत्रफन पर रंग करवाना है, यह = 1924 - 240 = 1684

हंग करवाने की खागत = $\frac{1684}{9} \times \frac{3}{16} = \frac{431}{12}$ हार्थ = 35 दववे 1 भागा 4 वाई उत्तर स्दाहरण (४) एक कमरे की दीवारों का चेत्रफळ 640 वर्गपुर

दै। यदि उसकी सन्वार्ट 15 के कुट चीर अंबार्ट 12 कुट हो, हो चौबाई बतामी।

सान को कि कमरे की चौदाई 2 फुट है, हो चारों दीवारों का चेत्रफल \Rightarrow (15i+x) $\times 2 \times 12$ वर्षेषु

=24 (151+x) migz

24 (15)+x)=640

 $151 + x = \frac{640}{94} = \frac{80}{4}$ 80

 $r = \frac{80}{3} - 15\frac{1}{2} = \frac{160 - 93}{6} = \frac{67}{6}$ 92 था

=11 फुट



-मूल गर्गिव (६) एक हीज 20 फुट रुम्बा, .16 फुट चीहा और 12 हुट वहां है। उसकी भीवरी दीवारों चौर तली पर 8 बाने विवर्णना के भाव से रोगन कराने पर क्या लागत आवेगी 🖞 -(१०) एक कमरे की जम्बाई, चौदाई और कंवाई क्रमराः 25 झ 7 ह च. 20 फुट 5 ह च और 14 फुट है। इसकी दीवारी प

3 शिलिंग 6 पैस प्रतिवर्ग गङ्ग के आव से कागृह बागण गया चौर दत पर 1 शिब्रिंग 2 देस अतिवर्ग कट के दिसा है रीतन कराया गया । कुल लागत वकाधी । . (११) यक कमरा 28 फुट सम्बा, 20 कट चौदा और 13 दूर

जेपा है। इसमें कई द्वार और खिबकियां है। यह उन अ का चेत्रफल दीवारों के चेत्रफल का बाधा ही, -तो जीवारों हर 12 बाने प्रतिवर्ग गत्र के हिसाब से कागत अवधाने का अब ज्ञात करो । (१२) एक कमरा 16 कुट चीड़ा चीर 12 कुट क वा है। उस, करें

में 3 काने प्रतिवर्ग गाउ की पुर से चटाई विश्ववाने पर 7 करे 9 बाने 4 पाई सर्थ हुए । बदि उस कमरे में 6 द्वार हों औ प्राप्येक द्वार का विस्तार 6 फुट x 3 फुट हो, को उसका होता। पर कागज समाने का सर्च वताओं, अविक कागज का मुख में 3 धाने प्रतिकृतं गृह हो ।

(12) एक कमरे को छ'वाई 11 फूट है और एसकी सम्बाई, बीगाँ से दुरानी ह । उसकी दीवारों पर 143 शह सम्बद्ध 2 बुट चौरी कागत जगता है। कमरे के करों का चेत्रकक्ष बचायी।

(१४) एक कमरा 16 फुट चीका 15 फुट ऊर'चा है। उसके कर्ण प I शिलिंग ! वैस प्रतिवर्ग गत की दर से श्रदाई सगवाने वर ? योड १३ जितिम 4 पैंक सर्व आया । वदि उस कारे के 8 द्वार हों सीर प्रत्येक द्वार का विस्तार 4 फूट x 7} कट हो, ही



मुल गणित मित राजु के भाव का 1 जुट 8 इंच चीवा कागा; सरवारा में D पीड D शिक्षिण सामत बाई | कारे की कंचाई जान वरी। (२०) एक कमरा 30 कुर कम्बा और 20 कुर चीवा 11 वस है

25.

9 पुर×5 पुर के 3 बार है और 52 पुर×4 पुर वी ह किएकियाँ हैं। यदि उस की दीवारों पर 3 जाने प्रति काँझ

के दिसाब से शेगन बरवाने की कागन 346 बपने 14 बाने हैं, वी उसकी क्षेत्राई शाय करो । (२१) एक कारे की सन्वार्ट, चीवाई से लिगुनी है। जल को दीवारी

पर 8 माने प्रति बर्ग गृह के हिलाब से ईन करवाने पर 80 वारे कर्च हुये और सुन पर ने आने प्रति को गांव के आब से अडेरी कराने में 18 दबवे 12 बान खते । बारे की ब्रेवार्ट वश्री



शाली।

भीर पुरु ही समानान्तर रेलाओं के बीच में स्थित हों, तो वे चेत्रका में बरावर होते हैं।



मान को कि दो सामानान्तर चतुर्श्व ABCD कीर ABEF इक ही चाधार ABपर दो सामानान्तर रेलाधों AB कोर CF के मध्य रियत है। A कीर B से CF पर AG कीर BH क्षार

चाथ स॰ च॰ ABCD = चापन ABHG

. но чо ABCD = но чо ABEF

उपनियम (२) समाशन्तर चनुर्धुं व का चेत्रकल = घापार × बंबाई करा सिद्ध किये गयु नियम में वो बित्र रिज्जो एक पर दिवा गर्या

क्रपर सिद्ध किये ग्रंपू नियम में बी विका रिव्हान गुष्क पूर दिवा गर्य है उसमें, स॰ थ॰ ABEF = चायत ABCD चीर चायत ABCD का नेजकड़ = AB x BC

.. स॰ च॰ का चेत्रकत = AB × BC सब स॰ च॰ ABEF का सावार AB है सीर अंचाई BC है

. समानान्तर चनुमुद्ध का चेत्रफळ — समानान्तर चनुमुद्ध का ग्राम्यास

 (1) चुँ त्रकक्ष में समान जिन समानान्तर चनुमुँ जो की क वाहर्या बराबर हों, उनके चाचार भी बराबर होने हैं



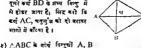
मुल गणित "

(A) E shr F, △ABC sh AB चीर AC सुतामों के अध्य fer & CE, wit BF, P

46

विन्तु पर मिजने हैं। सिद्ध करी, छ fis ΔABP, BCP witt ACP acres ₹ 1

(४) चन्म त ABCD में कर्ण AC कुमरे कर्य BD के अध्य किन्दु में



तथा C मे श्रीन समानाननर मरल रेकाएं कींची गई हैं भी सम्मूख मुजायी को कमरा. D, E श्रीर F पर निवको है। मिद्द को कि △DEF = 2△

ABC

I HEN- AEBC = AEBF. AADB = AADE WAR DADF = AADC 1

He Se ABCD #BC THE CD के क्रमत E धीर मिण्य विन्तु है. बिक करे कि △AEF =

man ARCD fresh 1947) AB(f) बन्न का B(नशा की एक विस्तृ है और

Blu M - arth Di wen ar & fage with a 1 111 - and a 130 13



(१२) स॰ च॰ ABCD की ग्राता CD को E किन्दु सक बाला गया है, निव करी कि △EAC = △EAB + △EAD (१६) सम चतुर्भंज का दोवफल इसके कर्णों के गुणनकल का भाषा होता है। (18) स॰ प॰ ABCD को BC सुझा में किसी दिन्तु E से एक रेमा DEF ऐसी सींची गई है को AB को बहाने पर F श मित्रनी है। वित्र करो कि:---ΔAEB - △CEF sian: DB a) Connit a (१४) समान के चाईयों याले कि मुक्तों के चेत्रकल बनके चायारा के समानवानी होते हैं। दर्शहरण १) एक जिल्ला का बाधार 16 कुर है और फ'नाई 10 पट । उनका चे जकल बनायो । चे बक्ख = 1 × 16 × 10 वर्ग दर = 80 वर्ग इट क्याहराम (२) एक जिल्ला का चेवता 60 बर्ग हुंच है और समकी अंशाई 14 कुट है। बग-का साथार प्रतीत करो। चेत्रकत्र = के सारार × ड'वार्ड where $=\frac{2\pi\pi\epsilon\pi}{\epsilon^2\pi i\epsilon}=\frac{2\times 60}{15}$

मुल गणित

रेदद

उदाहरण पम विश्व का चाम के एक एक है। वह देखा बाप र तर जरवा हो जो दसको के बार्च करा है? चाम बाद के कि बार्ग तर

= 5 f # 3 T/



120 का हुइ - उत्तर उदाररागु ५० का सम्बोल जिल्ला का खेकरण 3 को हुई अ बर्ग इंग है कीर जिल्ला सुनों के बाज समबोल है उसने से वक पूर्व की करवार 1 । इंग के दलसा राज सारील करो

च याज्य = 1 10 वर्त होच

440 41 = 2 × 310 = 84 4 4 340

4441 4 1 m 10 m 84 8 4 34

प्रजायनी ५१ नीम कर रिम्हा क समाप्तर तथा क्रांबरदवां सी गर्दे हैं।

साम कड़ा रास्त्रा के चारात नवा के चाडवा वा पारण सम्माम कड़ान करा स् र रोजन अस्त्रा राष्ट्र के 10 हुद, 30 हुद

क के द्रेश हुन है के के के बार्ग निर्माण करते । जारा का का का का क्षेत्र करते हुन

के प्रकार हुन व र हमानीका हिन् के हरू कर व के इसमा देश क्षेत्र क्षेत्र

समानान्तर चतुर्भु न तथा जिनु न का चेजकल 🤫

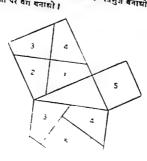
(11) क'बाई 6 फुट 3 ह'ब, देवकब 120 बर्गफुट

समकोण त्रिमुटों का चेत्रफल प्रतीत करो । जिन सुजी । बीच में समकोए हैं उनको लम्बाइयां नंचे दो गई हैं (15) 5 ts 3 ta, 1 25 1 t.a

(18) 3 gz 2 g a, 2 gz 3 g a

(12) 55 गत, 3·5 गत (12) S·4 सम, 6·25 सम पाइथोगोरस का नियम 🦵

किसी मोटे कागज पर एक समकोरा जिसुज बनामो भीर उस के बीनों मुजों पर वर्ग बनाद्यी !



षोटे बगाट सक्ति ०३ के ३०३ प्रशत करो। इहा पर र्गक करा पुरु दूसर क° कंटन के बर 'बःटूबगका कें⊐ट होता है व बिन्तुसंप्रकारिया विस्त ३ कर्णक समानान्तर सेंबी एक सी

२६२ मृत्य सांग्रात रेच्या देगी खेनो जो उस पर काव हो। यह वर्ग हुस प्रकार बार मार्ग से बंट बानेगा। यदि हुन चारों आसी को कर्या यर के वर्ग के की में

स बट बारता। बाद दून चारा आता को क्या बर करा का का बर बीर कोदे बर्ग को बीच में रहें तो झारा रंगल भर जायेगा। बरा करर किसी दिया द्वारा बद विदिश्य हुआ :— समस्त्रीया प्रिभूत के भूतीं के योगें का योग उसके कर्य

सभकामा जिसून के सुना के पान प्रमाण उपार पर है बर्ग की प्राप्तर होता है। बर्ग सम्बोल जिसून के सन्न दिवे हुए ही नो इस पान्नीनील

विश्व क्षेत्र क्षेत्र

क्या)' = (कामार)' → क्वाह)' ∴ कर्म =-√ काहार') → (क्वाई)' वहि कर्म कोर वक नृत दिवा हुवा हो मो नुस्पर भूत निकारितिय'

क्षणे) क्षाचार, '+ प्रभाई, ' का तर, '= क्षो, - (४ वाई)' को क्षणे के क्षाचे का स्थान

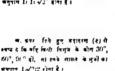
कीत इकाहे∫ क कर्यां,"— यागाश्री कतः बाबार ०४ कर्यः "— ईकाई)"

ক্ত কৰ্ম ক ইয়াই, (কৰ্ম – ইমাই) ক্ৰীন প্ৰথাই ভাত কৰ্মী – কাহেছে) পা

च पूर्व र मागार क्ष्म - बावार) इटाइडल् (१) एक सम्बन्ध के मुक्र के मुक्र के हैंच करें



(क) कपर दिये हुए बहाहरख (६) से स्वय्य है कि विद् तिश्वत के कोल 45°, 45° और (b)° हो, तो जनक सामने के सुवाधों का अनुवास 1: 1: √2° होता है।



े 'तरनाच सन रडाइरम्पी सङ्ग वो परिलामां का अवस्य ह इतिकासना १

हडावरम् । अब विक्रुक्त सुन्न हैं ' कीर 5' है कीर से बाज का बाज 30' का है। जा जरत बनीन करो।

च का काम 207 का है। च सरज बनीन करे। जिया-भान को कि चिनुष्ट ABC में BC ±5" AB = \$

A A BC TI AD

gen from

erect to BAD 111 trans ABD # B 2 ch D-



(२) 12 सम, 9 सम; (३) 108 सम. 45 सम: (v) 1 क्रूड 8 इंच, 1 क्रूड 9 इंच; (t) 4 सज़ 2 फुट 7 इंच, 1 सज़ 2 फुट; निम्नलिखित समकोण त्रिभ जो के कर्ण और एक मृत दिये हुए हैं। दूसरा मुज प्रतीत करो। (६) क्एं = 41 सम; मुज = 9 सम । (७) कर्यं = 2 कुट 10 हंच; सुत्र = 1 कुट 8 हंच। (म) क्यां=एक गत्र 2 कट 5 इ'च; मुत=एक गत्र एक कुट 8 5 4 (३) एक समकोण जिल्ला के अजों को जिल्ला 7:24 है वरि कर्य 625 कुट हो, तो दोनों मुख बनीत करी। (३०) एक समकोण विभुत का जन्म कर्ण का 🐧 है चदि बाधा 12 फुट हो, तो सम्ब धौर कर्य बताधो । (१1) यदि किया समकीया जिस्ता के बाधार चौर सम्ब को निधारि 3 . 4 ही चीर कर्या 65 फट हो, को धायार चीर खम्ब बतामी। (१२) एक सायत के भुज 3 फुट सीर 2 फुट 3 इ'च है। क्यें प्रतोत क्यो । (11) कियो भाषत क भूओं क' निश्वति 🙃 12 है। यदि कर्ष भीर बढ़े जुल का अन्तर भे फुट हो, तो छोटा भूत प्रतीत करी। 1 घ पड वर्गका श्वादि गत है, क्यों पतीत करा। 1 र एक बर्गका खेलाका उंतर्कर र कर्णा बरान करी। १६ यह बर्गहा कथा । ॥। पर 🗡 प्रयक्ता सुक्रक बगावजी में -तान करा ।

मूल गणित



(२३) एक 25 फुट सम्बी सीड़ी डीक दीवार के साथ सदी है। उसके नीचे के सिरे की हितना सरकार्य कि उपर का निरा दीवार से 5 फट नीचे था जाय ? (२४) एक 50 फूट सम्बी सीही गर्ला के एक स्थान से गरीकी

मल गाँगत

सीघी खड़ी दीवार की 40 फट को ऊ'वाई तक पहुंचती है।

300

यदि सीही की पछट कर सामने की दीवार के सहारे बागारा जाये तो सीड़ी 48 फुट की जंबाई तक वहुंचती है। तबी की चीकाई बताओं। (२१) एक मनुष्य एक नहीं के एक तट पर खड़ा होकर देखता

है कि 25 फुट कम्बी सीची दूसरे तट पर सहे हुए एक मीचे वृष्ण को उद्देशी पर टिक सकतो है । यदि ना टहनी भूमि से 20 फुट की ऊ बाई पर हो, बोनरी की चौडाई बनाशी।

(२६) मुक्ते एक बर्गाकार श्रेन के कर्ण के साध-साथ तीन मीत्र वित घरता की बाह्य से चलने में 6 मिनट सर्गते हैं। नेत की परिमिति (Perimeter) ज्ञात करी।

(२७) A, B और C तीन पास है। A, B से डीक उस में 150 मील की पूरी पर है; और A. C के डीक परिचन 80 मांज की दूरी पर है। बताओ, B और C के रीप कितमा चन्तर है १

(२८) निम्निक्षित्त समकोण त्रिमुओं के कर्ण दिये हुये हैं, सु^ड धवीत करो ।

√5 g'च. √41 सम, √61 सम, √10 g च 1 (२६) किमी सम-विभूत की परिमिति एकवर्ग की परिमिति के बार-

बर है, उनके बीजफलों की निष्पत्ति प्रतीत करी।

दर्ग का सुज = र्वे ह्रेंच : ए बरुल= 3 x = 10 कर है 'C षक निम्मति = ^९े छ = 45: 2 = 4/3 . 9 =4:3 /3

हो=}x \ 3= 3 कां ह'c

े पुरु जिलुक के सुब 6" बीर 7" है. बीर बीच का क्रोप देश जिल्ला के मुख के दूर की 12 दूर है, बीप क्षेत्र का 'एक जिल्हा के ही सुद समात है। उनमें में इप्लेड हुत की सम्बर्ग ह पुर है कीर करेक हुत बादत के भार है। का क्षेत्र बनाता है । विमुख का चेत्रवत्र प्रवीत 633 मीर विमुख के दानों मुख दिने हुए हो में विमुख का के बच्छ

ए का है, चेत्रकत प्रशंत करी। कोच 135' का है। चेत्रपत प्रतीय करी। रात सर सुष द्वारा प्रकात । अकर है





विमुत्त ABC में ८ A के सामते के मृत की करवाई व. LB के सामने के सुत्र को सन्ध.ई b, चीर ८.C के सामने के सुत्र की कम्बाई ट मान को भीर विभूत को मर्च परिमित को उ मान् को,

सो प्रिमुख का चेत्रक्ष = √४ (५-४) (७-४) (०-८) बदाहरण -(व) एक विभूत के मुख 13, 14, 15 लूट हैं-च त्रक्रम क्यामी ।

कर्तक द

ष्यपं परिश्वित = 13 + 14 + 15

= 21 %2

चेत्रफल =√21 ×(21-13)×(21-14)×(21-15)

= 121 x 8 x 7 x to qui que =81 वर्गफ्रट

प्रवनायली ५३

त्रभुज का चैत्रफल प्रतीत करी, जब कि

(1) अब कि प्रायेक सत = 1% कर दो।

(२) श्रेष्ठ 42 यज्ञ ३० यज्ञ 26 यज्ञ हा

(वे) सज ने छं कर, कर, के कर हो। को शुक्त । सिन भी सन, भी सन हो ।

ममानान्तर पतुम् अ तथा त्रिभु उका देवकत

(१) एक जिल्ला के दो सुद्ध 87 भीत 154 पुर सुको का बीतकत स्थित कर है। चेत्रमत Bir 1

ा) एक जिल्ला के लुख 18, 14, 15 पुर है। 1-মন্ত্ৰীল জনী।

समये सुत्र पर सामने के कीने में समक की क) एक विशुद्ध के शुद्ध 2} पुट, 3 पुट कीर 3 पु ए बचल दर्ग हुंची में प्रतीत बरी।

(=) एक सेंड ABCDE का चे प्रयद्य प्रभीत करते. AB=25 5% AE=20 5% ED=30 CD=40 gr. DC=27 gr. DE=36

CE=40 571

उदाहरण (२) एक सामानान्तर चतुर्धं सेन का केवक कर एक है और उसका भाभार 80 गत्र 2 फुट है, उँचाई बनीव करो।

"क्रयाः—ऊ'चाई = च क्रक्त = 4840 = 4840×3 = 4840×3

305

=60 गत उत्तर उडाइरए (३) एक समजनन के समानान्तर गुत्र 7 सम भी ⁹ सम हैं भीर जंबाई 6 सम है। फुँचफल बतायो।

किया—चॅश्रफत = $\frac{1}{2}$ (7+9)×6 बर्गमम $= \frac{1}{9} \times 16 \times 6$

±48 बर्ग सम उत्तर

उदाहरण (४) एक समलन्य का चेत्रकल 2616 वर्गता है और उसके समानान्तर सुद्ध 54 गण और 72 गण है, कंचाई उनीन करो ।

किया— समानान्तर सुत्रों $=\frac{1}{2}(54+72)$ म् =63 मन

= 03 ग्राह 42 2118 ग्राह = 42 ग्राह

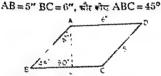
सप्तानास्तर चनुभुँज का चेयकल प्रतीत करने को रीति, जबकि । एव दिये हुए हों भीर श्रीत के कोश 30° , 15° , 60° , 150° ,

निष्पत्ति स्रीर स्तुपाव

135°, 120° € हो।

उदाहरण (१) एक समानान्तर चतुर्म व के संवान मुद्र 3 ७ रेच हैं कौर कोच का कोस = 45% चेत्रफल प्रतीत करो ।

किया— मान लो कि ABCD एक समानान्तर चतुर्व व है जिसमें



A से BC पर AL तम्ह विराय स्पष्ट है कि ∠ BAL =45° भवः विश्वत ABL के कोच 45°, 45°, 90° हैं। इसविष्ट मुखों को विष्यति : 1 : 1 : √2 हैं ∵ AB=5″

 $\therefore AL = BL = \sqrt{\frac{5}{2}}$

ABCD et Gara = BC x AL

- 1 710 a- £4

इसर

इंडा रहा ६ रहे समामान्य बहुनुँ उन्हें सहस्र सुद्ध भारत र भीर प्रतर्हें चाल करा ! काहें चुँचच्



410



समानान्तर चत्र सुन्न ABCD में AC=13 सम, AB=14 सम, BC=15 मन,

समामान्तर चनुमु'ब ABCD = विभुव ABC + विभुव ACD ⇒ 2 विभुव ABC

विसुध ABC का चेत्रकत = √21 × 8 × 7 × 6 = 7 × 4×3

= 81 वर्ग सम भाग ABCD का चेत्रकथ=81×2=169 वर्ग सम

उदाहरण (१०) एक समाजःस्तर बतुर्ध म को हो संख्रम सुवाएँ 12 फुट कोर 8 जुट कम्बो है और एक कवो 10 फुट सम्बा है। इसी कवों की कमादें बताया।



समानान्तर चतुन्तीत ABC () स AB = 8 कुर, BC = 12कुर और AC ≈ 10 कुर (BD का जनवाद पतात करो।





सातको कि सम चतुर्भु ब ABCD में AC ≠ 15 कुट की BD = 13 कुट

ਚੌਕਸ਼ਕ = $\frac{1}{2} \times 13 \times 15$ ਕਮੰ ਕੁਣ = $\frac{1}{2} = 97\frac{1}{2}$ ਕਮੰ ਕੁਣ 97 ਕਮੰ ਸਦ 72 ਕਮੰ ਵੀਵਾ ਕਜ਼ਦ

सम्बद्धे बतायो।

उटाहरसा (१०) पक सम चतुर्धंत की एक सुता 36ो हैं। बाबी है भी: उसका एक कर्यं 55 ह 'च साबा है। दूसरे क्यं क

125

सम बतुर्भुं में ABCD में AB = 3b} इ'च और AC ≤ 55 इ'च। दोनों कर्ण् एक इसरे को L विन्दु पर काटने हैं।



बरेता है]

(4) एक समाजानत चतुनुंब सेत का चेत्रपत्र 2} दक्त है चीत उनकी के चारता 55 गए कथा 82} गए है। हो संबन्ध सुनायों के बरवाद्यों बतायों।
सुनायों को बरवाद्यों बतायों।
को सुनायों को के सत्तरम सुनायं खोर बीच का की सिंह हत हैं जेत्रपत्र प्रतिकृति।

४ मूल गांग्यत [सकेत.—यड ≼र्वासमधनुत'त को दो समबिनुत्रों में

388

कीय दिए हुए हूँ, सेक्स्प्रज प्रतीत करों । (१०) 24 कुट 10 कुट, बीच का कोया = 30° (११) 30 गत, 30 गत, बीच का काया = 45° (१२) 36 गत, 24 गत, बीच का कोया = 60°

(12) 14 फूर, 11 फुर, बीच का कोदा = 150° (14) 10 फूर, 14 फुर, बीच का कोदा = 135° (14) 16 तज्ञ, 14 नज़ भीच का कोदा = 120°

(1६) एक सम्बाज के समानान्तर भुन 15 गत्र चीर 19 गत्र दें चीर उनका सम्बासक धन्तर 12 गत्र है। चूं त्रफल प्रधीत करें। (19) एक सत्रक्षण र समानान्तर भुत्रों का योगकत 8 गत्र है.

(10) एक सावश्य र समानान्तर भुजों का योगफल 8 तम है. भीर क्रमाई चे नम एक पुत्र है, चेन्नाक समीत करों । (१६ पुरु समजस्य ना चेन्यन 3.23 समानान्यर सुर्वात के नीप का घन्दर 17 तम. तथा समानान्यर सुर्वाता के स पुरु 23 तक है उससे समानान्यर भुजा

बनाओं। (18 एक समातस्य का ए अपन्य एक एकब है। उसकी समानक्षर सुद्राण 55 गत्र चीर 66 गत है। उचाई प्रतीत करी। ६०) एक सम चतुर्स घ के कर्य 40 गज और 60 गज है। सुक्रो का योगफल 275 गत्र है। उसका चेत्रफल, परिमिति बीर खंधारं बतायो ।

साधारण स्पाञ

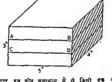
११) एक सम चतुर्भंत की भूता 36 पुट है कीर उस वा एक क्यं 18 पुत्र है। इसरा वर्ष और चे बक्त प्रतीत करों।

रर) एक सम चतुमुँ ज की भजा 20 गज है और बहा कहां 34 64 गव है। उसका ऐन्नपाल चीर दोटा दर्श इतीत करी।

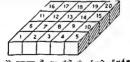
२१ः≔ मूल गणित सातुन का बना हुमा एक घनामास लो, जिसकी खम्बार्ग

5", चीबाई = 4", भीर क'चाई = 3" हो ।

इस घनामास को AB और CD पर काट दो, और जीन वीटे ननाभास बनाओ, क्रिनर्में से प्रत्येक की सोटाई एक इंच डी ।



सके परपाए इन तीन चनाश्राम में से किसी एक को वन कों में बांट सी, जैसा कि नीवे के चित्र में दिसाया गया है। स्पर्ड



हि होटे बनाभास में घन इ'यों को सिनती $=5 \times 4 = 20$ ति उसे ऐसे तीन बनाभाय है. इस सिने सब बन इ'यों की क्या $=5 \times 4 \times 3 = 60$



क्रियाः--

त्तव = $2 \times ($ जनगई × मोटाई + चौनाई × मोटाई + बनगई × चै $= 2 \times (9 \times \frac{3}{4 \times 12} + \frac{15}{2} \times \frac{3}{12 \times 4} + 9 \times \frac{15}{2})$ वर्षेद्रव

-2× (9 + 15 + 135) and 30

=2× 2193 = 2193 migs2

±8 ≈137 वर्गकुट 9 वर्ग इ`व

भागतम = सम्बाई × वीहाई×मोटाई

= 9× 13 × 8 13 = 135 an 42

≈4 घन घुट 378 घन द्वा

उदाहरण (४) एक धन का दिनारा 7" है उसका वन

चावतम बतायो । किया:---नब = 6 x (7) *= 25 । बगेह च

धायनम की × 7 × 7 = 313 धन हैं व उत्तर उदाहरण (६) युक्त नाजाब 25 कुट सम्बा, 10 यूट 0 ईव व

भीर 27 चुर गहरत है। उससे 12 चुर की सहराई तक वानी है बर्माची इस ताचान से दिनने उन वानी है, जनकि गढ वनकुर वा बा बोक 924 वींड हो ?

> ্হিয়া –নাৰী কা আবৰৰ ভ 24 x ¼ x 12 এৰ পুত বানী কা বীম ভ 24 x ¹³ x 12 x — বীৰ



है। यदि कमरे की चौदाई 34 फुट हो, तो बनामी, उसकी सन्वाई कौर ख'चाई क्या होगी ? (११) एक खेल का मैदान 90 कुट लग्ना और 45 कुट बौहा है। उस पर मिट्टी बाज कर उसे 2 इ'च ऊ'चा करना है। बनायी, कितने घन फुट मिट्टी की चावरयकता है ? (३२) एक टंकी में 625 गैलन पानी मरा गया। वह रंडी की करवाई 12 पुट 6 इ'च हो और चीडाई 9 पुट, तो बनामी रंकीमें कितने इ'च पानी चढ़ जायगा, जब कि एक वन अ पानी=6} गैबन र (१६) एक रंकी 12 कुट 6 इ'च काशी, 11 कुट 3 इ'च चौड़ी ही 8 फुट गदरी है। उसमें जिलना पानी समा सकता है उनन ही एक वर्गाकार टॅकी में समा सहता है। यह तुमरी दंदी व किनारा 15 प्रट हो, तो उसकी शहराई प्रतीत करी। (१७) यदि एक यन शत सदाई पर ई बाने 6 पाई आगत कारी हो, तो बताको 1200 'कुट सन्दो, 15 कुट बीडी कीर 10 पुत्र गहरी लाई सीइने की बागत नया होगी ? (१२) एक कमरा 22 फुट सन्था, 15 कुट चीड्रा और 14 पुट ड'व है। उसमें प्रकार 5'×31' भीर दो लिड्बियाँ 2'×5' हैं। यदि एक हैंट की सम्बाई 9 ह'थ, चौड़ाई 4ो ह'व मोटाई 3 इ'च हो और दीवार की मोटाई 11 पुट हो, ही

on alleig

भी चारी में किसती हैं हैं जारित के सामान हैं हैं किसी हैं हैं जारित हैं हैं जारित हैं हैं किसी हैं हैं किसी हैं हैं किसी है किसी हैं कि हैं किसी ह



रप्टान्त—
1. कीचे दिये हुचे चित्र में निन्नवितित कियु पंडित किये हुचे हैं:—
O (0,0), A (10,0), B (8,6), C (5,12),
O (0,10), L (−6,8), M (−12,3), N (−10,0),
c (−8,−6), Q (−5,−11),R (0,1−0), S (6,−8),
d T (14−5).

मूल गणित

१२८

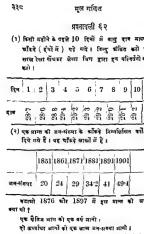
? (-8, -6); Q (-5, -11);R (0, -0); S (5, -8); T (14, -5).

क्रमाओ पुष्ट पत्र के १५४ छ। १०, =१० चांचित्र क्रिय क्रमा है



444			भूष गा	40			
एक सन्व P के 61 रुपये इस व हुए मूल्य उदा। देनों संब	को श्रीचे PR दार्ज नियामक है। जेलाचित्र : को किसनी हरसा (२) सु दारा मक्ट	ो। (25, (इस इम बस्तुवें। किसी स मापक	ी) दें यह भी मिल सक यान पा	। चतः चनासः वीहै। सित्रम	25 क ते हैं वि nr 1949	त्तुओं क केकिसी () के गहां	स्त्य बताये हे इस
दिन	1	2	3	4	5	6	,
ायुदाव इचों में	29.66	29-59	29.60	29 67	29-69	29 72	
दिन	7	8	9	10			
ाष्ट्र दाव ईचों में	29 74	29.76	29 72	29.69			
चकी शूर्ण इन वि खा,ुक्षी। स्यूनता	हेन को स्वि चत करने हे स्पूर्धों को म दबाव : मापना क	क्र जिये प धक्ति क 29 59	(क उप्यो रो भीर ! है, इस	गरकाण इन्हें सम्बद्ध बॉलप्य	क्षो। त-सरस्र दिइम	हेसाधों । क्षीदियों	हारा को





(६) बायु दायमापक की जैंथाहवों के परिवर्तन इंची में केंद

हारा दिखायी।





F 1910 1911 1912 1913 1914 1915 1916 1917 1918 96 105 109 111 131 144 144 162 179152 117 122 136 139 168 174 177 181 183 159 इन घाँवरों का एक सेसा चित्र दनायी। (१) ताप मापक यंत्र द्वारा हर हो घरटे बाद, तापमान लेकर विले गये। यह कार्य 10 रजे प्राजःकात धारम्म किया गया घीर वापनान इस प्रकार थे :--62.5, 64, 69.6, 69, 66.5, 65.70 एक खेलाचित्र बताकर नारमान को कर्ना घपता बड़ीवरी को कार्रेत करें। (१०) नाचे क्रमा देश को अन-संख्या क बाँको ल्यास में ।दये गये हैं। पह उन-संख्या रह बद ३ हाराज्य ह था। 85 Sy 1831 Let 1841 187 187 800 इन बहिंद्दों ६ बखा' व बनाश प्राप्त दताया ह .. की स्त्री ठे ठे इ चारस्त म उन सहया क्या क्या १ १ 11 दश्वाप्रशासाम् देवस्य स्वास्त्रस्य देवस्य हम प्रकार रहा हे 🗕

सेखायित हे इस स्थानों को ब्राह्मित बनके लिखा हो।

₹४०	भूल गणित									
भायु	20	25	30	35	40	45	50			
धासा	40 7	35.8	32.3	28 8	25 4	22.1	18 8			
क्याची उस महाच के कितने वर्षों तक भीर श्रीवत सबे भी भारत की जा सकती है। (क) जिसकी मालु 32 वर्ष हो (क) जिसकी भारत 47-5 वर्ष से यह भी मनाभी कि किस भारत थी मान्य होने पर श्रेष भीवन भी भारता (म) 33 वर्ष मो 27-7 वर्ष की जा सकती है ? (क) 1400 से 1950 नक एक बाई के हैंनिक वेजन की बांजिरी नीचें जिससे जाती है.										
क्वं ।	900	1910	19	020	1930	19	40	1950	Ī	
वेतन 1	₹• '	1‡ ₹	13	₹•	2 50	3	50	5 🕶		
लामा चित्र द्वारा 1935 घीर 1956 में उम्रका ख्यामा दैनिक बनन अमान करें। (दा सह 1916 के जार 1919) तक आत्तबब स चाहर अने छवा बार र जान व माल अ मुख्य । अरोब स्वयोग) तीचे दिवे तथ ध्वीव्याम 1(दान है।										

96 105 169 111 131 114 144 162 179 152 117 122 136 139 168 174 177 181 183 159

इत चौंदरी का एक सेला विश्व दशायी।

एक संगादित बनाहर नारमान का कन' समग्र कड़ीन्छ का मीहन करें।

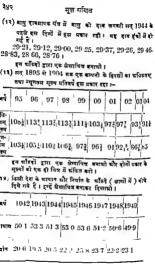
(१०) मंबे हिया हेरा को अनुसंख्या क चौहरे लाख मा १६वे गया है। यह दम-संख्या उस वष के बारम में यो।

at 1830 1835 1840 1845 1856 1855 1860

न संस्का | 20 22 24:5 28 31 36 41

इन घोंडडों हा वेद्याप्ति दनायों की दनायों कि 1847 और २ २ इ धारम्य में उन मस्या क्या क्या था !

वता वत है देश स्थाने हैं द्वाहर हार प





180				•	Ja	40				
	प्क धंकि	बेसार त करो	षेत्र इ ची	ारा इ र वत	त दोने प्रमी	त महा के 12	7 के : '5° £	तापमान स्टीग्रेड	ते के व चौर	ांक 31
	सेन्टी	ग्रेट ।	वापम	ान को	भार	हाइड	तापम	ान में	कितना	पड
	वाये									
(9E)	यदि	x g	क्षा	ी शय	कदार (इस्राहि	रक)	बोरी	को सँग	1
, ,	ब्रिप्	y થો	म बो	म की	चावरथ चन्न पर	कता ह	ो, तो	मीचे	बिले इ	चौर
	x	2.5	3.	75 6	25 7	-5	10	1.23		_
	,	8.5	8	5 9	1 9	3 9	7 8	9-9	_	_
	कितर	ी है १	वीर	यदि व	बताधी में श्री समें ब	। कर	एक पु	की बार इट क्षाण्य	ावी स्र ¹ । करना	वाहै हो,
(14)								गया है		\$1
च्यावु	2	0	22	25	30	35	40	45	50	5
मीमिय	म 1	8 1	9	20	- 3 -	2 7	31	3 6	4.4	5-5
	इन ६	Ťs¢ì	द्वारा	जमा	াবদ্	बनाः	E7 47	गधो रि	34	वर्ष

चीर 43 वर्ष क' शायु २ शाम। करान आजों को किनना किन्ना

श्रीमियम देना हागा ?

मूल गणित

388



जाँच पत्र तीसरा खण्ड

पन्न १ (1) सिंद करो कि किसी धावत के चें बकल में उसकी सन्दाई तथा

भीबाई की इकाइयों के बराबर वर्ग इकाइयाँ होती है। (२) सिद्ध करी कि बायत का प्रत्येक कथा उसके दी बराबर भाग कर

देता है। (३) एक कावताकार भूमि की सम्बाई 57 कुट 3 इस और चौड़ाई

36 कुट 7 इस है। उसके बीचों बीच बीएड़ की सड़कें 5 कुट

4 इच चौड़ी बनी हुई है। 1 इ० 5 छाने प्रति वर्ग नज़ की दर सं उन सहकों पर परधर क्रमवाने में क्या स्थय होगा है (क) एक कमरा 28 फुट लध्या, 20 फुट चीवा बीर 10 फुट खेंचा है।

उसमें 5 कुर सम्बी चौर 3 कुर ऊँची दो खिदकियाँ है। पृक ब्रवाला 7 फूट ऊँचा और 4 फूट चौदा है और एक बंगीडी

5 कट ऊँची और 4 फट चीड़ी है । तो उसकी दीवारों पर 4 इंड चौड़ा कागज़ मदवाने में 10 पैस प्रति गज़ को दर से स्वा स्पर्व होता ?

(र) वृक्त भाषताकार कुचन जिसके भीतरी परिमाण कमराः 37 कुट 4 इच, 12 फुट बीर ें फूट हैं, पानी में भरा हुआ है। तो बताबी उसर्से कितने दन पाना है, यदि एक घन फुट पानी का मार

624 पींड हो।

पत्र २

- (1) सिद को कि यदि कोई भाषत और कोई समानान्तर चतुर्युं अ एक ही भाषार पर और एक ही समानान्तर रेलाओं के बीच में स्थित हों, तो वे चे प्रकल में समान होते हैं।
- (२) सिंद करो कि समानान्तर चतुर्भुं ज का कर्ण उसका द्विसम विभाग कर देता है।
- (१) एक बर्गादार बात के चारों कोर 6 पुट चौड़ा सास्ता है जिसका प्रेयफल 2 प्रदूर है। यान के भीतरी भाग का चेत्रफल प्रसीत करो।
- (४) एक कसरा 21 फुट 4 इस लम्बा चीर 15 फुट 9 इस चीका है। उसमें दरवाले चीर खिक्कियों का चेत्रफल 65 वर्ग फुट है चीर रोप दीवारों पर 25 इस चीका कागल महवाने में 3 शिक 9 देस प्रति 12 गल को दर से 2 पींड 8 शिक 8 पैंक क्यय होता है तो उसकी ऊँचाई बतानो।
- (र) एक हैंट के परिमाण 9 इस; 43 इस चीर 3 हम है। बतायां 75 फुट सम्बो, 6 फुट कॅची चौर 13 फुट मोटी दीवार में किल्ली हैंटें खर्मेंगी।

पत्र ३

- (१ सिद्ध करों कि यांद दो समानान्तर चतुर्नु ज वक हो काधार पर कौर एक हो समानान्तर रेखाओं के रोच में निपन हो तो वे लेखफच में बरावर होते हैं।
 - सिद्ध करो कि समानान्तर चनुस्त का चंत्रफल
 भाषार × उँचाई।

मुल गणिव 320 (३) एक भागताकार सेत का चेत्रफल 15 एकड है और उसकी भुताओं में 3:2 का चनुपात है। मुजाओं के परिमान प्रतीव क्रमे । (४) एक कमरा 22 फुट खम्बा चौर 16 फुट चौदा है। उसकी चारी बीवारों पर बाधा गज बीका कागज महवाने में 1 बा॰ 6 वई प्रति सह की दर से 19 का ब्यथ होता है। कमरे की देवाई मतीत करो। (१) एक 19 गण अन्त्री भुजा बाला बर्गाकार शेत है। उसके चारों कोर 7 कुट ऊँची भीर 1 कुट 6 इस मोडी दोबार बनाई गई है। बनाची दे बाने प्रति चन फुट की दूर से उसके बनवादे में क्या ब्वय दोगा अविक असकी हर एक सत्रा में 6 पुट बीदा एक द्रवाहा हो। ७ हिए सिद्ध करो (१) चायत के चे बफल में उसकी जम्बाई तथा चीहाई की इकाइबी के गुणानफल के बराबर वर्ग इकाइयाँ होती हैं। (२) यदि दी कायत के बकल में बराबर हों और खम्बाई में भी बरावर हों. तो वे चौदाई में भी बराबर होंगे ! (३) पुक त्रिभुत शेत का आधार 880 गत है और उसकी अँवार्ट 540 गज़ द । स्थेत का चेत्रफल प्रश्लोत करो । और 1 वः 6 माने प्रति एक व का द्र से उसम पाना देने का व्यय भी प्रवीत æð i (४: एक कमर का लम्बाइ उसका चादाई से तिगुना है श्रीर **उसकी** क बाह 18 फुट है। उसका जीवारों पर 1 आ। उपा॰ प्रति



मूल गणित CXE पत्र ९ सिद्ध हरो :-(१) पुत्र ही साचार पर और एक ही समानान्तर रेलाओं के बीच में स्थित, त्रिमुजों के चे करून समान शीते हैं। (>) विभव की प्रत्येक माध्यिका (Median) उसके की बहाबर मान कर देती है। (३) प्र समयतुर्भ व के क्याँ छ इ'च और 4'ठ इ'च खम्बे हैं। उसका केथफल निकाली। (थ) एक बायताकार बाग 63 गृह सम्बा और 54 गृह चौड़ा है। उसके भीतर वारों की। एक 3 गत चीको सक्क बनाने में S शने प्रति वर्ग गत को दर से क्या ब्यय होगा' (२) पानी के एक होत के घरातल को भीतरी खन्बाई 255 कुट और चीहाई 191 पट है। घरातल का कर्ण प्रतीत करो। यदि यह दीज 14 पुट गहरा दो तो वतायो इसमें किन् श्रम पानी चायेगा । (एक घनफुट पानी का अहर 1000 खींस होता है) 09 EP सिद्ध कराः---(१ · समानान्तर चतुर्भंत का चे बफत ≂ बाघार x केंघाई (1) feet no wo ABCD & and AC or B and D & Bl' तथा DO इस्य विराधे खायें हो. BP = DO (३) एक समानान्तर चतुन् व को दो मासन्त मुत्राए 4.5 से॰ सी॰ भीर र्र सं मां की है भीर उनक बीच का कीचा 30 दिशी का है। सर पर का सेत्रफल आत करो।

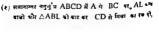


३४६ मृत गशित

रनों के श्रीमत में 5 रन की बृद्धि हो गई। बतायो बारहर्जे इनिंग्ज कोजने के बाद उसकी रनों का श्रीमत क्या था।

(६) 2000 रवधों के ऐसे दो भाग करी कि बाद वहका माण 31% वार्षिक इर से 6 वर्ष के जिसे कराज पर क्राया जाव कीर दूसरा माण 41% वार्षिक दूर से 3 वर्ष के जिसे, तो वहने माण का ब्याय नुससे माथ के क्याय से इराज ही।

(७) सिन्द करो कि यदि एक चायत चीर एक समानास्तर क्याप्तं के एक हो शाचार पर चीर एक हो समानास्तर देवाचों के बीच में स्थित हो वो ने क्षेत्रकल में बराबर होने हैं।





चौर वह^नदाल ेंडो कि इस विज में दिया हुमा विकोश DCM वास्तव में △ ABL दो है। यब बिद्ध करों कि समात^{ाला} चनुमुंस का वैत्रकल च्यापार × उँचाई।

(६) एवं जिल्ला के सुध 37 घट, 30 घट चीर 13 घट बारे हैं। उसका के बहुत जान करों।

(*) गुरानस्थान्य करोः

(श्रेष 'स्वर + ४०१ '८५५'
(U 124' 456 '%) '%।



मल गणित l) यदि विभी यन का सिध्ययन साधारण क्यात से 3 का में

414 रुपये 6 बाने हो और 5 वर्ष में 440 रुपये 10 बाने, हो बह यन कीर क्याज की दर बतायी।

 क) सिद्ध करो कि चरि युक तिसुत भीर एक सामन युक ही भाषार वर और एक ही समानान्तर रेखाओं के बीच में स्थित हों, ती जिम्म का चे बक्स धायत से धाथा होता है।

A) ABC # BC at AD are गिरावा गया है। BD वर बावन BDAL wir DC पर शायम



DCMA बना कर मिद्र करो कि ΔABC = } sugaLBCM. () एक समानास्तर चनुभूषि का भाषार उसकी कें चाई से दुगना है

भीर उसका चे त्रात्व 1250 बर्ग कृट है। बाखार बी बन्बाई कात करते ।

a) (1) x4+ (x2+ 1/22+ 7/22+ 1/4 m) x2+ "+ 1/4 m

(11) उट्ट - (2+3, 42+5, श्रीर 72-2 का गुदानक्ष विकासी है

:) इस क्रो---

 $(a) = (3 - \frac{8}{4}) - \frac{1}{4}(7 - \frac{3}{4}) \implies 18(\frac{1}{4} - \frac{3}{64})$

(5) 6y-x=1 2(x+y)=3(x-y)

(c) 4x3 - 1 gz +3

ि दो कडों बाक्षी कक्ष सैक्सा संदों के बोलका से ^{प्रा}र्ण है। वर्षि इसमें सं ३८ वटा हैं तो चंदी के त्यान व्यक्त बाने हैं। वर

- (१०) सोग प्रातः काल 7 करे एक ज्यान को कीर चल दिया, बीह सहेरा 9 को (क्षयांच् 2 घरटे दहवान उसी ज्यान की कीर चल पदा। पहि स्मेरा की प्रति घरटा चाल 6 मोल हो कीर महेरा की चाल 10 सील, नो सेसाविज बना कर ज्ञान करों कि महेरा, रोमेरा की कर पहड़ सेगा।
 - पत्र ५
 - (१) एक घोड़ा 400 नपरे में केपते में कुछ हानि होती है, भीर 500 नपरे में देखते में उस हानि के हैं के बराबर 'खाभ होता है। घोड़े का कप मृत्य बतायो।
 - (२) A एक काम को उतने हो। दिन में कर सकता है जितने दिन में B चौर C मिल कर कर सकते हैं। यदि A चौर B मिलकर उस काम को 10 दिन में कर सके चौर C फरेबा 50 दिन में,
 - तो B भ्रदेश हा उस नाम को स्तिने दिन में बर खेगा।

 (१) A, B भीर C एक ब्यापार में साम्ती हैं और उनकी पृश्चियों

 में र्रे: र्रे: र्रेक्स भनुपात है। A भ्रपनी भाषी पृश्ची र मास

 एरपाप निकाल सेता है और इसके S मास परचाप 1694 पीड
 - का क्षाम होता है। बतामी A को क्या मिलेगा। (४) सिद करो कि यदि दो समानान्तर चतुर्भुत एक ही काघार पर हियत हो कीर उनको उँचाहर्यों समान हों, तो वे केशकत में
 - क्रांबर होते हैं।
 श्रीत क्यों कि यदि हो स० च समान भाषारों पर भीर एक ही समानान्तर रेखाची के बांच = उत्थात हो तो उनक चें प्रफल क्यांबर होते हैं।

मल गणित

नवर्मे धादमी का चन्दा भिजाने से चन्दे का श्रीयत 5 शि 33 पै वह गया । बनायी नवमें बादमी ने कितना चन्द्रा दिया।

- (1) यदि साधारण बयात्र में 450 रुपये का विश्वधन 4 वर्ष में 540 रुपये हो आय. तो 5 वर्ष में इसी दर से कितनी रक्ता का विभावन (137 स्तात 8 काने ही जावता ।
- (v सिद करो कि यदि वो त्रिमतों के बाचार समान हो ची। उनकी ऊँचाइयाँ भी समान हों, तो वे चेत्रकस में समात होते हैं।
- 41 विश्व करी कि जिसल की अध्येक शामिका (median) उसके दो बराबर भाग कर देती है।
- पक कमरा 23 कुट 6 हु च सम्बा और 15 कुट 9 हु च चीका है । उसमें ऐसी दूरी विश्ववानी है कि बमरे की चीवारों के पास चारों चोर 15 व'ल चीवा उपान्त (margin) खुटा रहे । यदि एक वर्ष नक्ष दरी का दान 16 रिंग 8 वें हो धोर उपान्त पर रंग करवाने का सर्व 4 देंस प्रति बगे फर हो सी कत सब्दे जात करी।
- 1) गुणनसयद करो ----
 - (a) x3v-4xv3
 - (b) $x^3 + 2ax bx 2ab$
 - हज करो.--
-) (a) $\frac{y+5}{6} - (\frac{14-y}{1} - \frac{1}{1}) - \frac{2y-7}{1}$
 - (b) x + y 1 = 0 (x 2y + 0) = 0
 - (c) 3: 4x 4x*
- पैसी दो सल्याण जात करो कि उनका बोगायल उनके



 गुणनसरह करो— (a) (a+2b)3-18-1 (b) x3-(25-3c)2 (c) (3x+7y)2-(2x-3y)2 =) इक्ष करो⊸ (a) $(x-\frac{1}{2})^3-(x-\frac{3}{2})^3=x+2$

मुल गणिन

(b) $\frac{5}{2} + 3y = 8$, $\frac{4}{2} - 10y = 56$ (c) 26x = 21 + 8x2

) एक मनुष्य ने 10S मीज की पात्रा की । यदि बहु 2 मीज प्रति घंटा प्रधिक चल्ला, तो इस यात्रा में 🛂 बंटे कम सगते। बनाको बद्द प्रति घंटा किनने मील खला ।

े एक दर्जन संगतरे 🖰 धाने के मिलते हैं। इस माद को खेला वित्र द्वारा पढट करो, भीर लेखा वित्र में दिलाओ :--

(a) 11 थाने 6 पाई के कितने संगतरे मिखेंगे ? (b) 31 दर्भन संगतरे कितने के मिखेंगे ?

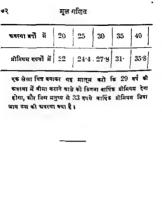
पत्र ० पुरु क्यापारी इर पुरु बस्तु पर उसके कय मूल्य से 25% कथिक मुक्य जिल देता है भीर अपने ब्राहकों को प्रसन्न करने के जिये

बिसे हुए मूक्य में से 10% घटा देवा है। बताधी वह किउने प्रतिशत साभ उठाता है। A चीर B एक काम को 18 दिन में कर सकते हैं, B चीर C 12 दिन में, चौर C चौर A 24 दिन में। बनाधो A चडेजा ही उस काम को कितने दिन में कर सकता है।

माधारण क्यांत की दर एक रुपया 🤥 धाने सैंक्ड्रा प्रति सास है। 15(N) रुपये का 2 वर्ष 5 माम क) स्वाज महाजनी रीति

डारा जात करो











श्रश्नावली १५

(2)(x+y)(x-y)(3) (p+3q)(p-3q)

 $(2)(x^2+2a)(x^2-2a)$ (9) (2+5m)(2-5m)(4) (10+p*)(10-p*)

(22)(x+y+z)(x-y-z)(24) (293+111(293-11)

 $(2x)(x+\frac{1}{4})(x-\frac{1}{4})$ (20) [+ 5] [-5]

 $(14) (6x+7p^2)(6x-7p^2)$ (1E) (10p1+3q1)(10p2-3q1)

(? o) (1 + x a) (1 1 - x b) प्रश्तावली १६

(1) (x+6)(x+7)* (8) (x+13)(x+5)

(x)(x+12)(x+8)(a) (x-13)(x-9)(8) (a+13)(a-8)

(22)(a+12)(a-9)(22)(a-13)(a+11)

(20) (x+15)(x-7)

(14) (1-15x)(1-4z)

(t) (p+13)(p-12)

(>0) (x+9).x+12)

(E) (x+8)(x+13)

(3) (a-13)(a-5)

1/=1 (a - 30)(a + 4) Rollit slatt 1 + 2a)

(2x)(a-15)(a+12)15) (a - 16)(a + 15)

(x+12)(x+15)

(x) (p-9)(p-6)(8)(z+13)(z+7)

(14) (1+124)(1-124)

(20) [+q] [+q]

120) (a+b+e)(a+b-e) (22)(p+q-r)(p-q+r)

(3)(2a+b)(2a-b)

(x)(2x-3y)(4x-3y)

(8) (6pq+1)(6pq-1)

(=) (3a + 7)(3a - 7)





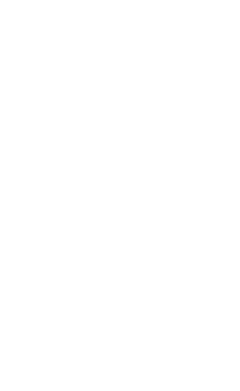
31 3. - 2

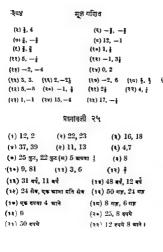
14:15:15

18:2.1

£16

r) 2. 3





जाँच पत्र (प्रथम खराड)

पञ्च १

```
2; 1) x4+2x3y3-4x3y4+0.8
   (t) (c) (x+4)(x-b) = (a')(ax-b)(ay-bx)
   (x) (x) -2, (x) 7,5 (x) 5 ti
  (t) 27 g.z
                         पत्र ३
  (t) at + 2 21 + 211
  (1) (1) (27-32) (1-21) (12: (a+t+c)).
     (n) (4a2 + 9x2) (2a - 3x) (24 - 3x .
  (1) 23.
  (v) (v) ; (m) ; -1 (n) 2;
 (8) 20, 16,
                        44 3
 (1) 227-2 144
```

(s) (a) (02+1, 102-1) (02-1) (a) + 412- 11 (21 - 1 (21-11 (a) (2--2) +11-2--21-11 (E) = (16 - 2) (16 - 2 is a mond? as employed

6. . -: 1 45 872 . 874





प्रवनावली ३६

355

(25) 11 × 11

(35) 34× 11 (RE) 2 × 3 × 3 × 7 × 11 × 13

(29) 5

(*) 24

(1) 36

(2) 44

(19) 14.

(2) 27

(**) 2.2.6 2.5 (**** 5)

(\$2) 91 × 92 × 93

(31) a=7, b=6

सन्त गांजन

(1) केवल 8 से (२) देवख 5 से

(३) वेदल 8 भीर 12 से (४) केवल 5, 8, 10 मे

(*) केवल 5, 10 से (इ) केवज 5 से

(७) केवज 5 धीर 15 से (म) केवब 5, 10, 11 से

(६) केवस 5, 11, 15 से (१०) केवस 5 से

(22) 6 12 à (23) 6, 12 à

(१३) 6 1.2. 20 से (१४) केवल 6 से

(24) 6 wit 12 से (24) 13×3×3

(4m) 17 × 17 (2m) 5° (48) 2×5×89

(Re) 2 × 13 × 29 (RE) 5×5×3×13

(33) 2×3×5×41 (33) 23×3×58

(२४) 31 समाज्य सहया है (२१) 3 > 3 × 11

(20) 7×11×13×17 (22) 3, 1:4, 8, 5, 5: 7, 2

(30) 3×107

(3%) 414

(vo) 3432 प्रश्नावली २७

(\$=) 7, 13, 17, 23

(3) 32

(Y) 48

18 54

10:124

11111

> 2 2 4.14 3.3,15,7,7,6

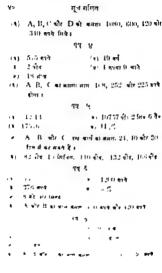


२६०	मूल गशिव	
(**) 1.7320	(11) 2-2360	
(२२) 2 6457	(44) '9486	(**) :3478
(44) 7:9056	(२६) 110 गह	'२७) 3 रुपये 8 व
(२=) 137 रपवे	8 चाने (२३) 151	(३०) 15 मिनट
(३१) 7 सज़ 1 फुट (३२) 11		(11) 21
(av) 6467 (at) 6		(34) 261
(%) 108		
	प्रश्नावली व	•
(1) 17	(+) 19	(1) 23
(a) 27	(*) 31	(*) 36
(*) 45	(=) 80	(4) 89
(10) 105	(11) 900	(14) 1405
(11) .3	(1v) 3·2	(12) 75-1
	प्रश्नावली ः	\$\$
 12 ৰখ 	(२) 27 रुपये 8 बाने	
(3) (6) 220,	(et) 21. (n) 34	(*) 4 रु पये
(₹) 4.9 सह		99 25 सगमय
(*) एक जिलिय	3 1 1 경제 (=)	101 9
(द) 12 वर्ष ५ ३	ाडीने ≀३०).519
(9+1-19)	18	18 रूपवे
′1३ 25 € श्रंग		, 3½
n* 1249	15	≀79 वीड
19∙ l⊬ বু ঘ ৮ হ		1.4 कुट 7 ∦च
(११) 🗸 वर्ष	9 0)	156 हपये



मूल गांतान 115 130) 565 alle 19 feffin. 377 .. 6 .. 282 , 10 , 6 der (२१) 163 कार्य 8 बाने, 327 कार्य, 981 कार्य २२) अवडी को 22 दपने, स्थिनी को 44 दरने, पुरुषी को हराये । (41) 23166, 15111, 11583, 23166, 69199 474 (4m) 100, 296, 224, 160, 80 क्वरे (32) 195, 105 1155 with (24 215, 196, 140 atr 1 (2+) 81% (44) 5 16 15) 230 WING (\$5) 2625, 2100, 1120, 200 die प्रधनायानी भई (1 197 sag 2 mil, 259 gal 6 mil → 105, 150 चौर 4 2332 rat 6 ma 9 mil 1109 auf 14 mis 4 unf 3447 सपने 5 बाने 11 वार्ट (w) [[106] weit 12 weit 1 arf. 530 क्या । बाला 3 कर्ने 664 रुपने 1 काना 0 कार्ट ीं। कार एकार 5 कार्ट ें । 😉 अधिकार रेखने 190 188 en gire ibne nert





पत्र =

 3 हतरे (२) 100 चींड 5% पर, 150 चींड 6% पर (३) 384 रुपये (४) 20 (१) १३ धंटे

(६) A चौर B को प'तो कमराः 1800 चीर चौर 1200 चीर ।

पत्र ९

(1) 54 (२) 17 रुपये 13 द्याने 7 पाई समभग (2) 1635

(v) 1920 (4) 40 (1) 35, 28, 20

०९ हि (1) 19 वर्ष

(3) SS रुपये 5 बाने 7 पाई खगभग

(1) 70 die (४) 12 रुखे 4 धाने मन

(१) शाम के 7 बर्ज

(६) A. B. C हा क्सराः किशया = 3 श्रीह 3 शिक्षिण, 7 सीक 16 शिलिंग, 18 पीट

प्रश्तावली ४७

(1) 115° (2) 85°, (2) 50°, 130° (1) 60°, 120°, 60°

(* 181, 61" (*) 120" को समाजान्तर चुन्म ख ्र सायत १ वर्ग १-) समझम्ब (11 समयनुभु त १२) प्रतेन (११४)

पान इंतर १८

V+\$	मूज गणित
(क) सिक्त को पुर, 3 (क) सिक्त को पुर, 3	97 & 0 32 (*) 27, 23, 17
वि । वि ५ वर्ग प्रश्न	प्रदेश (क) 3 धा काली (क) 192 वन
B) छ वर्ग विश्वतः	93 80 (*) 35 \$
नग्	तं कं परीच। पत्र
	t re
11 \$ 00 W 2 WIR	रव 25 कार्यां
18: 5 97 2 57	14: 210 ad ge
10. 13 114	• Us
13416 12416 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	Ir desil
	waster annu 1' es
Sand or	
4	
•	* **
•	
	• •
* ~	4.7

```
(1) 2 चौर 16 कि । 13 देस (२) 32 दिन, 300 चौर
  (३) २०० रुवये, २५० रुवये, १०० रुवये।
  (*) (a) 66. (b) (x+3) (x+8)
                                 (4) 1120 Eqq
 (a) (a) 2. (b) 2\frac{\pi}{1}, -12. (c) -4, -\frac{\pi}{3}.
 (१) 110 पुर, 80 पुर (१०) 4 रुपये (सगमग)
(1) 37044
                         पग ४
(1) 375 रुपये, 3<u>1</u>55
                             (2) 650
(•) (i) x^3 + \frac{3x}{4} + \frac{5}{4} (ii) 84x^4 + 25x^3 + 101x - 30
\epsilon_{i}(a) 8. (b) 5,1. (c) i_{0}, -\frac{3}{6}.
                          (10) 12 ma,
) 460 रुपये
                    पत्र ५
) 560 चोंट
                         (२) 25 दिन में
(a) 6x^2 - xy - y^2.
                      (६) 131 वर्ग कुट 60 वर्ग इछ
                      (b) 7 वींह 8 शिलिंग
```

(a) 3_{11} (b) $\frac{1}{3}$, (c) $\frac{1}{3}$, $\frac{7}{4}$ 27:00 $\sqrt{4}$ $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{2}$, (c) $\frac{1}{3}$, $\frac{7}{4}$ (27:00) $\sqrt{4}$ $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}$

